



Formations de l'Urfist de Strasbourg

URFIST Strasbourg

Dir. Noël Thiboud

34, Boulevard de la Victoire

67070 Strasbourg

Tél : 03 68 85 08 00



Traitements de données d'enquêtes et initiation au logiciel SPAD

Jean-Paul Villette, Maître de Conférences

Traiter des données d'enquêtes . Produire un tableau de données .Organiser l'intelligibilité des données. Typologies : qu'est-ce que les individus d'un cluster ont en commun, qui les différencie des autres : les réponses clivantes.

Mercredi 2 novembre et lundi 7 novembre 2016, salle 312, 3^{ème} étage de la Fac de Sciences Economiques et de Gestion, PEGE, 61 avenue de la Forêt Noire, Strasbourg
9h-12h et 13h30-16h30

Produire un tableau de données (numériques, qualitatives, textuelles) et premiers traitements

Penser, mesurer et représenter la nature et l'intensité des liens entre des variables

Typologies : la production de clusters intra-homogènes extra-hétérogènes. Les réponses clivantes.

| | |
|---|-----|
| Cas réels susceptibles d'être évoqués..... | 3 |
| Exercices..... | 6 |
| Début 1 : modélisations..... | 25 |
| Début 2 : Outils Quantitatifs d'Aide à la Décision : | 26 |
| Reconnaissance des formes (<i>Pattern recognition</i>)..... | 26 |
| autres considérations méthodologiques : le botaniste et le fleuriste..... | 31 |
| Début 3 : Analyse des données | 34 |
| Statistique Exploratoire (« Analyse des Données ») / Statistique Confirmatoire (« Econométrie »)..... | 34 |
| Le Big Data | 34 |
| Exemple 1 : catalogue La Redoute, les huit « boutiques » femme :..... | 37 |
| Exemple 2 : TNS-Sofres - Figaro Magazine | 37 |
| Exemple 3 : typologie des acheteurs, « le club des quatre », | 38 |
| Exemple 4 : « Franciliens : un portrait qui trouble les lignes politiques classiques » | 39 |
| 1-Individu..... | 42 |
| 2-Variable (caractère, indicateur, descripteur ...)..... | 42 |
| Enquêtes, sondages : choses diverses et ficelles du métier | 45 |
| Concrètement : définir une variable quantitative-numérique | 56 |
| Concrètement : définir une variable qualitative | 56 |
| Ah ! les variables ordinales !..... | 58 |
| C'est du qualitatif ou du quantitatif ? points de vue..... | 59 |
| Traitement d'une variable qualitative : Classer / Compter / Comparer , représentation graphique | 64 |
| Objets centraux, en particulier Indicateurs de position centrale, et indicateurs de dispersions | 68 |
| Analyses factorielles des Correspondances Multiples. Penser, mesurer et représenter la nature et l'intensité des liens entre des variables qualitatives. | 79 |
| Stratégie de sélections/évictions (<i>pêche à la ligne</i>)..... | 82 |
| Stratégie d'agrégations/différenciations : Analyses Factorielles des Correspondances Multiples (<i>pêche au filet</i>)..... | 83 |
| deux erreurs fréquentes | 91 |
| Quelques points de repères en Analyses Factorielles des Correspondances Multiples | 92 |
| « Les comportements des français en matière d'assurance » | 93 |
| « Les sorties : une occasion de contacts « | 94 |
| La représentation graphique dans le cas particulier de variables-questions à réponse oui/non | 95 |
| Le cas des variables qualitatives ordinales : | 96 |
| « La sociabilité « une Analyse Factorielle des Correspondances Multiples..... | 97 |
| Objet (variable, individu...) actif / illustratif-supplémentaire | 98 |
| Penser, mesurer et représenter la nature et l'intensité des liens entre des variables quantitatives-numériques. | 101 |
| Coefficient de corrélation linéaire..... | 101 |
| Une autre interprétation géométrique du coefficient de corrélation linéaire | 103 |
| Ah ! les coefficients de corrélations | 104 |
| Penser, mesurer et représenter la nature et l'intensité des liens entre des variables numériques. L'ACP : | |
| Analyse en Composantes Principales (normée) | 107 |
| Quelques points de repère : ACP | 108 |
| La pluie et le beau temps..... | 109 |
| Classification Hiérarchique Ascendante (CHA) | 121 |
| Définitions et procédures | 122 |
| une grande question existentielle : mais au fait, est-ce qu'il existe des groupes , ou bien l'ensemble des objets n'est-il qu'un continuum ?..... | 125 |
| où regarder, où couper ?..... | 126 |
| une stratégie d'investigation : AFCM puis CHA | 137 |
| Interpréter les axes ?bi-clustering. | 138 |
| Exercices avec SPAD..... | 140 |

Cas réels susceptibles d'être évoqués

COM

Jean-Paul VILLETTE : « *les résultats obtenus grâce à l'analyse des données de l'enquête* » communication au colloque « *Enquête sur un électorat en rupture ; le vote pour l'extrême-droite en Alsace* » Colloque du GREDA, 28-29 février 2008 , MISHA, Strasbourg.

Bernard AUBRY, Jean-Alain HERAUD, Jean-Paul VILLETTE « *40 années d'évolutions de la structure socioprofessionnelle des cantons alsaciens* » communication à la journée d'étude « *Les relations complexes : Habitat, Mobilité, Economie en Alsace* » de l'Association Prospective Rhénane (APR) 21 novembre 2008, Université de Strasbourg.

Laure PAIRET, Pascal POLITANSKY, Jean-Paul VILLETTE « *Représentations et pratiques enseignantes à travers la question des représentations de la violence scolaire* » communication à la journée d'étude : « Représentations et pratiques enseignantes » Université d'Artois. Décembre 2009

ACLN

« *Gestion patrimoniale des réseaux d'eau potable et d'assainissement. Elaboration de politiques de renouvellement à partir des données d'inventaires départementaux : l'expérience du Bas-Rhin* » Caty WEREY, Myriam CAMPARDON, Jean-Paul VILLETTE, Isabelle MELLAC-BECK in « Techniques Sciences Méthodes- La revue mensuelle des spécialistes de l'environnement . octobre 2009

Actes de conférences internationales à comité de lecture

CABASSUT R, VILLETTE J-P (2011) " *Exploratory data analysis of an european teacher training course on modelling*", in *Proceedings of 7^{ème} Cerme* (Congress of European society for Research in Mathematics Education) Rzeszow University.Poland

Actes de colloques nationaux à comité scientifique

Richard CABASSUT, Jean-Paul VILLETTE (2010) » *Evaluation en formation de professeurs sur l'enseignement de la modélisation* », in Actes du 37^{ème} colloque Copirelem. La Grande Motte

Mickael BENHAIM,., Jean-Alain HERAUD., Valérie MERINDOL., Jean-Paul VILLETTE : « *La connectivité scientifique locale-globale des régions européennes : approche, mesures et incidences* », Conférence Eurolio, St Etienne, 28-29 janvier 2012

FLEURY D, PEYTAVIN J-F, GODILLON S., SAINT-GERAND T, MEDJKANE M, PROPECK E., KAHN R. VILLETTE J-P « *l'approche territoriale de l'insécurité routière dans l'aménagement régional* » Association de Science régionale de Langue Française. 2012

Participation à des contrats

Jean-Paul VILLETTE : « *Laboratoires et sources de financement de 2001 à 2007 : études typologiques* », Annexe 1 au rapport final, pour l'ANR « *les financements de la recherche des laboratoires reconnus : évolutions récentes* » sous la direction du Professeur Patrick LLerena, BETA, Strasbourg, 2009

Jean-Paul VILLETTE et Laure PAIRET « *Enquête auprès de 73 entreprises. Régularités. Caractéristiques d'ensemble et réponses clivantes.* » Contribution au rapport du Fraunhofer - Institut für System und Innovationsforschung - ISI (Karlsruhe) à la GIZ (Deutsche Gesellschaft für Internationale Zusammenarbeit). Juillet 2012

René KAHN et Jean-Paul VILLETTE « *690 550 déplacements, 477 IRIS, 2777 trajets, 5 motifs et 6 modèles de déplacements, 11 642 accidents survenus dans la LMCU (Lille Métropole Communauté Urbaine). Etudes typologiques* ». Contrat BETA- Laboratoire GEOSYSCOM-UMR IDEES 6266 du CNRS

Contrats

Jean-Paul VILLETTE « *71 pôles de compétitivité. Etudes typologiques. Clusters de pôles et indicateurs clivants.* » contrat ADVENCIA-NEGOCIA / BETA. 2010.

Jean-Paul VILLETTE « *La différenciation des perceptions des besoins pour innover, formes d'innovations, capacités et coopérations pour innover. Le cas de 206 entreprises. Typologies d'entreprises et variables clivantes* ». contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA. 2010.

Jean-Paul VILLETTE « *Typologies des 904 communes d'Alsace et indicateurs socio-économiques clivants.* » contrat BETA- APR (Association pour la Prospective Rhénane). Novembre 2010.

Jean-Paul VILLETTE « *71 pôles de compétitivité. Etudes typologiques des évolutions récentes. Clusters de pôles et indicateurs clivants.* » contrat ADVENCIA-NEGOCIA / BETA. Janvier 2011.

Jean-Paul VILLETTE « *Ce que disent 1341 étudiants de l'Université de Limoges. 180 questions, 200 000 réponses. Etudes typologiques* ». contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA. Mai 2013.

Laure PAIRET, Pascal POLITANSKI, Jean-Paul VILLETTE « *Enquête sur l'emploi transfrontalier entre l'Alsace et le Bade-Wurtemberg. 1753 questionnaires. 80 questions. 140 000 réponses. Etudes typologiques. Réponses clivantes* »». contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA pour le Land Baden-Wüttemberg et le DFI (Deutsch-Französisches Institut). Janvier 2014

Jean-Paul VILLETTE « *POI : les Parcours Orientation-Insertion de la région Midi-Pyrénées. 5276 individus. Etudes typologiques.* »». contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA. Avril 2014.

Jean-Paul VILLETTE « *Evaluation du dispositif « Nouvelle Chance pour l'Alternance de la région Aquitaine.61 306 individus. Etudes typologiques* »». contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA. Avril 2014.

Jean-Paul VILLETTE « *PDIP : les Parcours diplômants de la région Midi-Pyrénées. 3805 individus. Etudes typologiques.* »». contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA. juin2014.

Jean-Paul VILLETTE « *Ce que disent 2184 personnes du campus de la Doua à Lyon. Etudes typologiques. Réponses clivantes. 2184 questionnaires – 235 questions – 400 000 réponses.* »». Contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA. juin2014.

Jean-Paul VILLETTE « *PDIP : les Parcours diplômants de la région Midi-Pyrénées. 3805 individus. Etudes typologiques.* »». Contrat STRASBOURG-CONSEIL/ BETA. juin2014.

Laure PAIRET, Jean-Paul VILLETTE «*1223 cabinets d'Architectes, d'Avocats et d'Experts-Comptables. Etudes typologiques. Analyses de données textuelles*» contribution au rapport final « *Etude relative au positionnement international des professions libérales françaises* » de Strasbourg-Conseil au Ministère de l'Economie, de l'Industrie et du Numérique, Direction Générale des Entreprises, décembre 2015

Autres études :

Jean-Paul VILLETTE : rapport à Jean-Alain HERAUD, Doyen de la faculté des Sciences Economiques : » *1733 étudiants de la Faculté de Sciences Economiques et de Gestion, année 2008-2009. Caractéristiques clivantes pour des indicateurs de résultats. Etudes typologiques. sans commentaires* » juillet 2010.

Philippe BRETON, Laure PAIRET, Jean-Paul VILLETTE rapport au Président Alain BERETZ « *Le fonctionnement des conseils vu par eux-mêmes . Synthèse et analyse des résultats du questionnaire rempli par les élus (CA,CS,CEVU,CTP) en mai-juin 2010* ». mission « Vie démocratique à l'UdS » septembre 2010.

Exercices



Année universitaire 2015/2016

Master 1^{ère} année

Mention Management des Projets et des Organisations

Semestre 1 – Session 1 / Contrôle terminal janvier 2016

Méthodes Quantitatives d'aide à la décision. Analyse des données

Jean-Paul Villette

Durée : 1h30 - Aucun document autorisé - Calculatrice autorisée

La note 20/20 correspondra à une partie du sujet. Les bonnes réponses sont très brèves.

1 – La provenance du dessert lors de la réception d'invités

Dans un questionnaire¹ on trouve :

Question: En général, lorsque vous recevez des invités, le dessert, ... ?

- Vous le faites vous-même :
- Vous l'achetez :
- Vous le faites en partie, avec des aides culinaires :
- Vos invités l'apportent :
- Ne se prononcent pas :

Est-ce que les réponses sont exhaustives ? exclusives ? Significations concrètes

2-découpage d'une variable numériques en classes

cas réel. On a demandé à 105 passants de noter de 0 à 10 une affiche de publicité. On a les résultats :

| note | % |
|------|-----|
| 0 | 0 |
| 1 | 5 |
| 2 | 1 |
| 3 | 4 |
| 4 | 7 |
| 5 | 12 |
| 6 | 13 |
| 7 | 15 |
| 8 | 24 |
| 9 | 11 |
| 10 | 8 |
| | 100 |

Proposez un découpage en classes

3 – tableau :

Dans un tableau de données provenant d'une enquête, que représente une ligne ? une colonne ? une cellule à l'intersection d'une ligne et d'une colonne ?

¹ Source site IFOP, année ?, Base: aux personnes déclarant terminer leur repas par une note sucrée, Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

4- Clusters

Revoici :

Source : « Capital » fév 94, « dix quotidiens régionaux au banc d'essai ». Les individus sont les quotidiens : **Ouest-France, Sud-Ouest, la Voix du Nord...** et les variables sont : *le nombre de pages, le pourcentage de pages régionale et locale, le % de pages nationale et internationale, le % de pages sportive, le % de pages économiques, le prix de vente, le taux de pénétration et le nombre de citations du maire.*

| | nbre de pages | % pages régionales | % pages nat. et intern. | % pages sportive | % pages économique | prix de vente F | taux de pénétration ² | citations du maire ³ |
|--------------|---------------|--------------------|-------------------------|------------------|--------------------|-----------------|----------------------------------|---------------------------------|
| Ouest-France | 42 | 33 | 18 | 12 | 2,3 | 4 | 40 | 4 |
| Sud-Ouest | 30 | 26 | 20 | 23 | 2,3 | 4 | 39 | 4 |
| | | | | | | | | |

Une typologie à 3 clusters résulte d'une Analyse en Composantes Principales suivie d'une Classification Hiérarchique .

Très brève interprétation du cluster

| { les DNA, La Voix du Nord, Ouest-France} | Moyenne dans le cluster | Moyenne générale |
|---|-------------------------|------------------|
| % pages économique | 4,1 | 2,2 |
| taux de pénétration | 42,7 | 35,6 |
| nbre de pages | 41,7 | 35,3 |
| % pages régionales | 28,0 | 27,4 |
| | | |
| prix de vente F | 4,1 | 4,1 |
| % pages nat. et intern. | 13,3 | 14,5 |
| citations du maire | 2,7 | 4,4 |
| % pages sportive | 12,0 | 15,6 |

² pourcentage de foyers qui lisent le quotidien dans la zone de diffusion

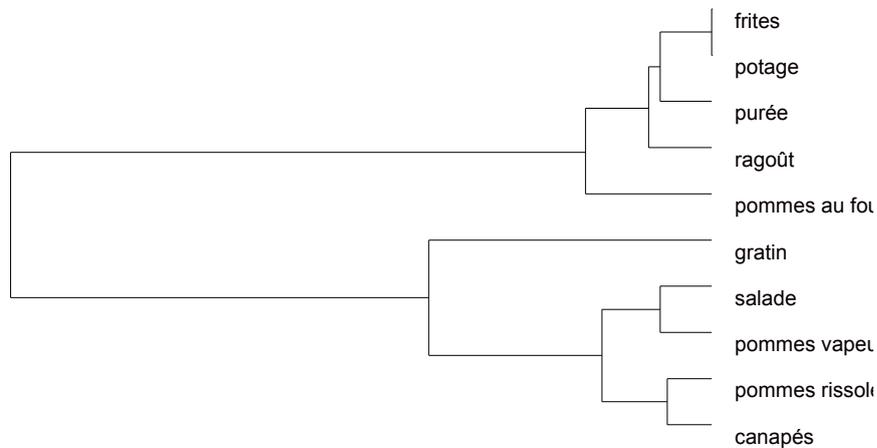
³ nombre d'articles consacrés au maire de la ville siège du journal durant la période de l'enquête

5- « pommes de terre : plats et variétés », une Classification Hiérarchique Ascendante

Il y a « 1 » lorsque la variété (en ligne) est recommandée pour le plat (en colonne).

| | canapés | potage | salade | pommes vapeur | gratin | pommes au four | frites | pommes rissolées | ragoût | purée |
|-------------------|---------|--------|--------|------------------|--------|-------------------|--------|---------------------|--------|-------|
| Belle de Fontenay | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| BF15 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| Charlotte | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| Francine | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| Nicola | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| Pompadour | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| Ratte | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| Roseval | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| Rosine | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| Bintje | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| Estima | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| Manon | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| Monalisa | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| Samba | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |

Classification hiérarchique directe



a- quelle est la règle statistique pour couper les branches

b- combien voyez-vous de groupes ? les décrire

c- quel est le plat le plus atypique ?

6-classification hiérarchique ascendante (CHA): à table !

Les arguments de proximité spatiale liée à des fréquences d'associations de modalités, rencontrés en Analyse Factorielles des Correspondances Multiples, se rencontrent aussi dans la conception de tableaux de bords par exemple : des contacteurs fréquemment utilisés conjointement (lave-glace et essuie-glace ..) doivent être proches. De même nous rangeons les fourchettes à côté des cuillères. Dans l'exercice suivant, j'emmène ma nièce au restaurant. Dans le tableau T, les **opérations** (manger un plat) identifiées par le nom du plat sont en ligne et les **outils** sont en colonne. On met 1 dans le tableau lorsque l'outil colonne est utilisé pour manger le plat-ligne, 0 sinon.

-
On considère le tableau

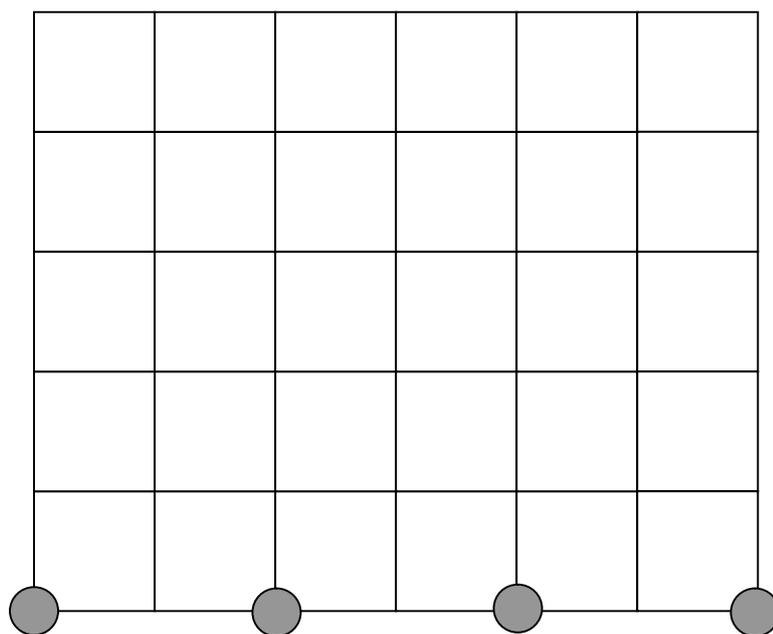
| | fourchette | couteau | cuillère | doigts |
|-------------------|------------|---------|----------|--------|
| frites | 1 | 0 | 0 | 1 |
| jambon | 1 | 1 | 0 | 0 |
| salade | 1 | 0 | 0 | 0 |
| Crème au chocolat | 0 | 0 | 1 | 1 |

Voici un tableau de distances entre des « plats » mesurées par le nombre d' »outils » différents nécessaires.

| distances | {frites} | {jambon} | {salade} | {Crème au chocolat} |
|---------------------|----------|----------|----------|---------------------|
| {frites} | 0 | 3 | 2 | 3 |
| {jambon} | | 0 | 1 | 4 |
| {salade} | | | 0 | 3 |
| {Crème au chocolat} | | | | 0 |

Calculer et représenter le dendrogramme de la Classification Hiérarchique Ascendante en utilisant la stratégie d'agrégation entre « paquets » dite « de la moyenne » :

$$d_{\text{moy}}(A, B) = \frac{\sum_{x \in A, y \in B} d(x, y)}{\text{card}(A) \cdot \text{card}(B)}$$



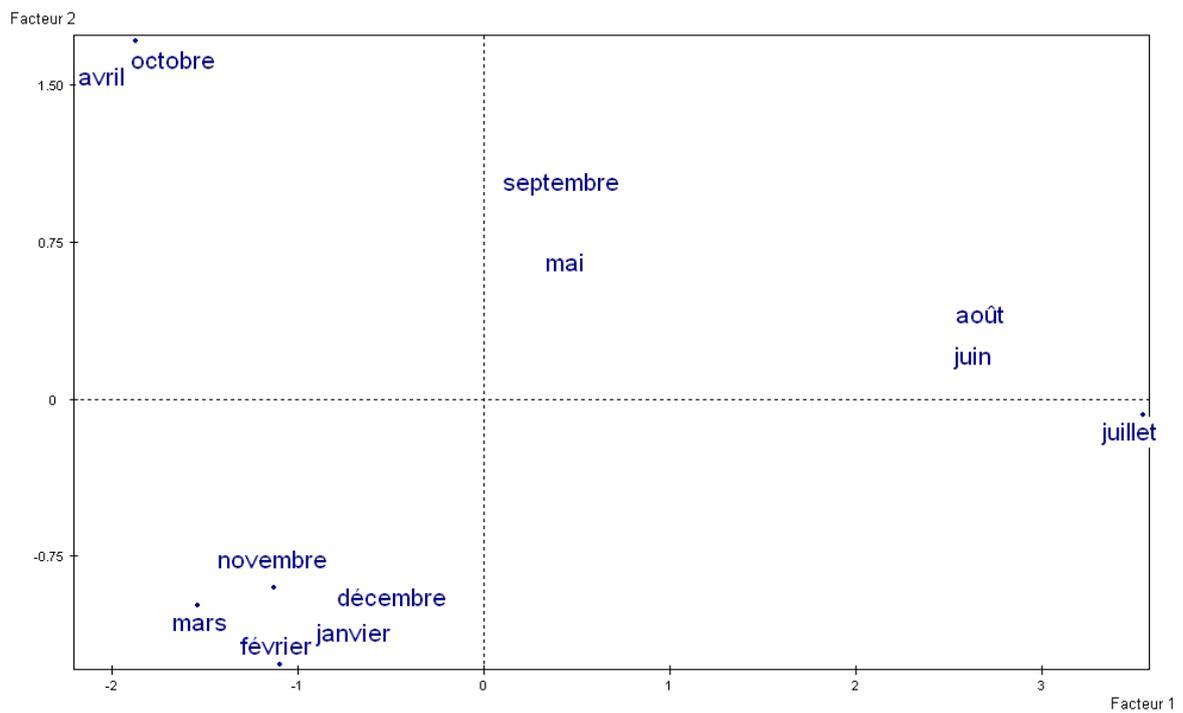
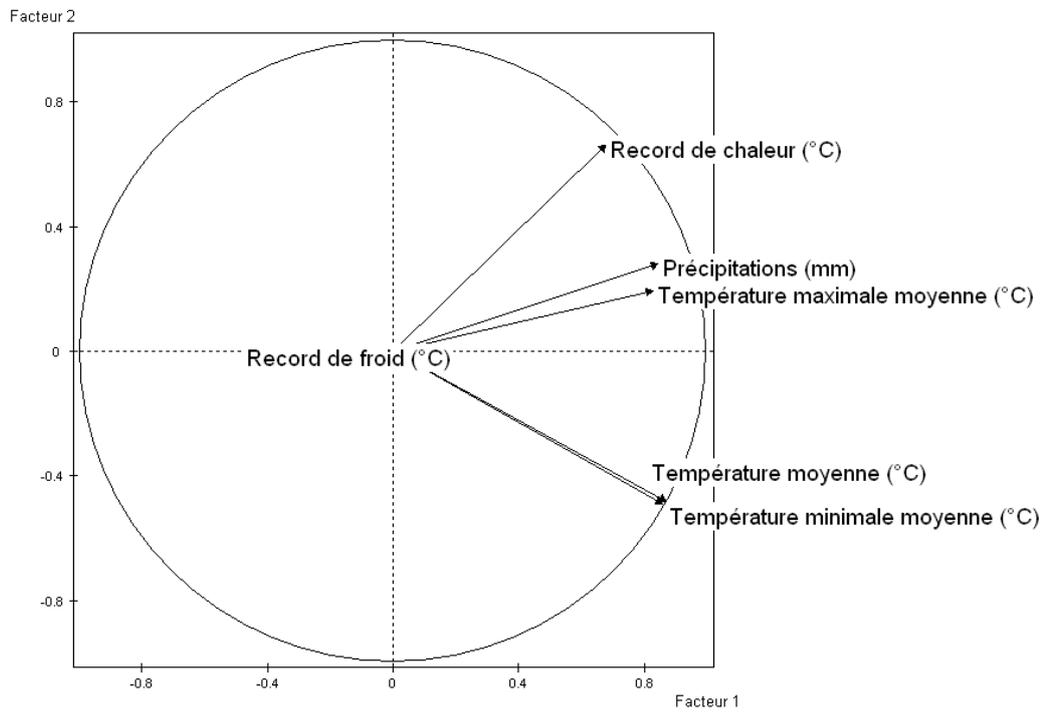
7- Données climatiques à Moscou :Analyse en Composantes Principales et Classification Hiérarchique Ascendante

Voici le tableau des 12 mois (les individus) de l'année et de 6 variables numériques

| Mois | Température minimale moyenne (°C) | Température moyenne (°C) | Température maximale moyenne (°C) | Record de froid (°C) | Record de chaleur (°C) | Précipitations (mm) |
|-----------|-----------------------------------|--------------------------|-----------------------------------|----------------------|------------------------|---------------------|
| janvier | -9,1 | -6,5 | -4 | -42,2 | 8,6 | 46 |
| février | -9,7 | -6,7 | -3,7 | -38,2 | 8,3 | 36 |
| mars | -4,4 | -1 | 2,6 | -32,4 | 19,2 | 33 |
| avril | 2,2 | 6,7 | 11,3 | -21 | 28,9 | 38 |
| mai | 7,7 | 13,2 | 18,6 | -7,5 | 33,2 | 52 |
| juin | 12,1 | 17 | 22 | -2,3 | 34,7 | 84 |
| juillet | 14,4 | 19,2 | 24,2 | 1,3 | 38,2 | 90 |
| août | 12,5 | 17 | 21,9 | -1,2 | 37,3 | 80 |
| septembre | 7,4 | 11,3 | 15,7 | -8,5 | 32,3 | 67 |
| octobre | 2,7 | 5,6 | 8,7 | -16,1 | 24 | 66 |
| novembre | -3,3 | -1,2 | 0,9 | -32,8 | 14,5 | 60 |
| décembre | -7,6 | -5,2 | -3 | -38,8 | 9,6 | 53 |

Analyse en Composantes Principales (voir page suivante)

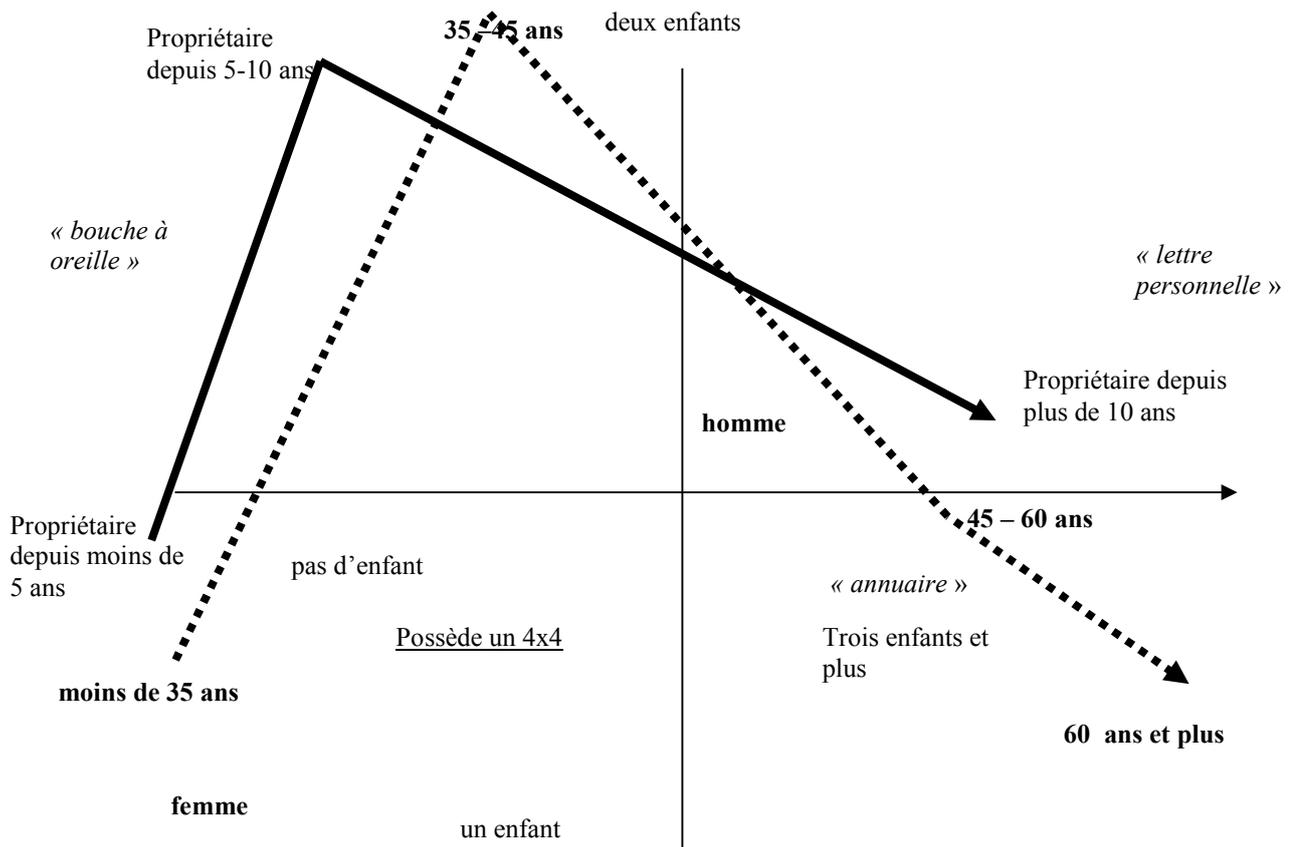
que peut-on dire du moins d'avril?



8- communication, une Analyse Factorielle des Correspondances Multiples

D'après un cas réel. Les individus sont des clients. Sont représentées ici quelques variables : **propriétaire** (depuis moins de 5 ans, depuis 5-10 ans, depuis plus de 10 ans), **enfants** (pas d'enfant, un enfant, deux enfants, trois enfants et plus), **l'âge** (moins de 35 ans, de 35 à 45 ans, de 45 à 60 ans, 60 ans et plus), **Le client a connu l'entreprise**(par le bouche à oreille, dans l'annuaire (amis, parents, voisins), par lettre personnelle), **possède un 4x4** (oui, non), et

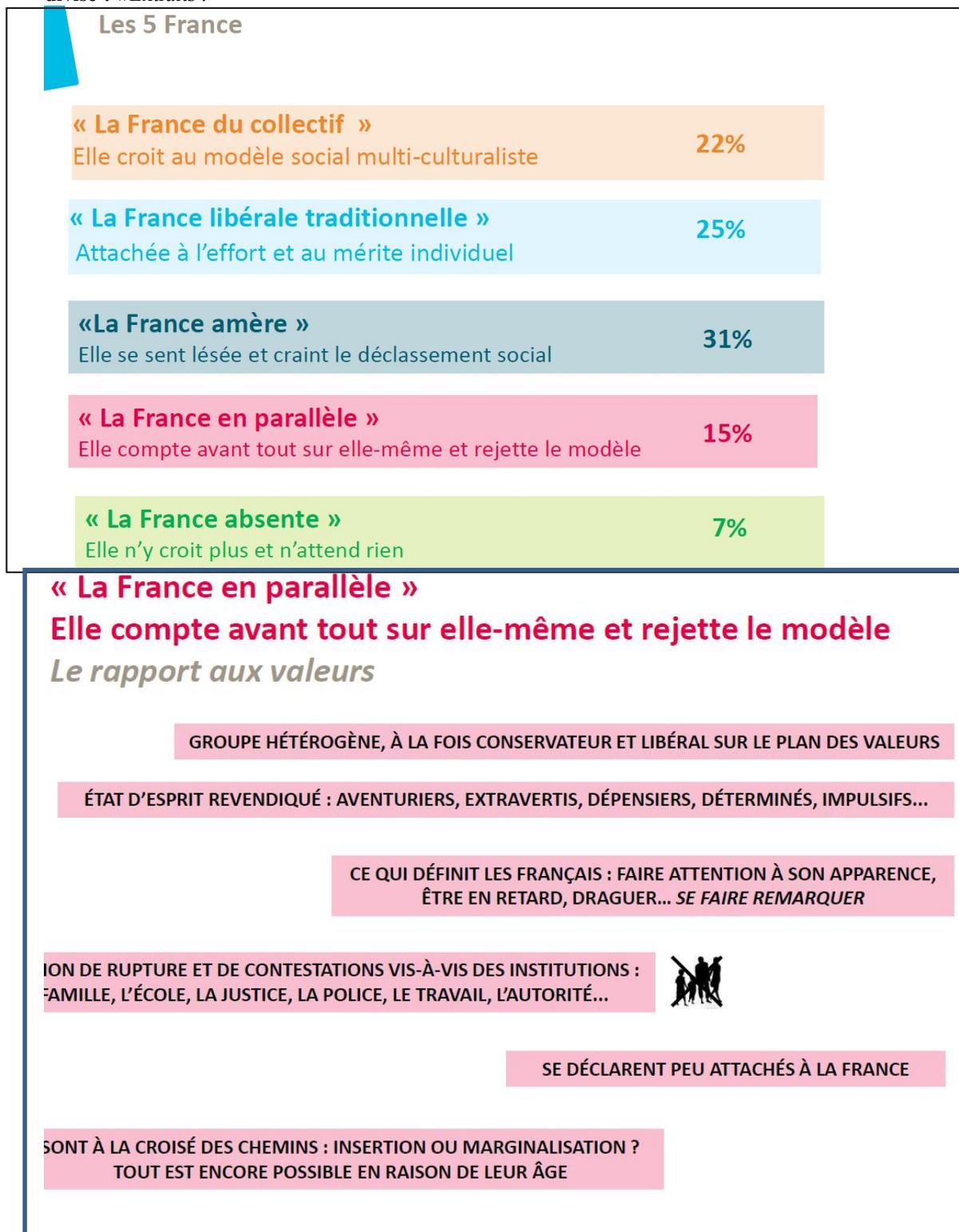
et **sexe de celui qui répond au questionnaire** (homme, femme),



Que peut-on dire de « femme » ?

9 – question de méthodes

Ateliers CSA-Le Monde 3 dec 2013 « Français, ce qui vous rassemble est-il plus fort que ce qui vous divise ? » Extraits :



A- quelles méthodes statistiques ont-elles été utilisées pour obtenir ces cinq clusters ?

B***- Que faut-il comprendre, statistiquement, à : « se déclarent peu attachés à la France » ?

Quelques points de repère : ACP⁴

- c'est une méthode de statistique exploratoire qui permet de déceler d'éventuelles régularités statistiques dans les co-relations des différentes variables quantitatives (numériques).
- Les liens entre les variables quantitatives sont pensés et mesurés en termes de **corrélations linéaires**. Un énoncé tel que : «les précipitations (la pluie) en mm et le nombre de jours d'orages sont positivement (linéairement) corrélés » doit se comprendre ainsi : les villes où les précipitations sont supérieures à la moyenne (58 mm) sont aussi les villes où le nombre de jours d'orages est supérieur au nombre moyen (4 jours). l'ACP est une méthode différentielle : elle met en évidence des écarts à la moyenne.
- Les variables quantitatives sont représentées par des vecteurs, des flèches, d'une couleur. Lorsque les variables sont centrées-réduites , la corrélation est alors le cosinus de l'angle formé par deux variables-vecteurs. **La corrélation se lit sur l'angle :**
 - Corrélation fortement positive \Leftrightarrow cosinus proche de 1 \Leftrightarrow angle aigu
 - Corrélation nulle, « indépendance » \Leftrightarrow cosinus proche de 0 \Leftrightarrow angle droit
 - Corrélation fortement négative \Leftrightarrow cosinus proche de -1 \Leftrightarrow angle obtus
- Les variables sont donc, géométriquement, des vecteurs flèches dans un espace de grande dimension. Ces vecteurs sont projetés sur un plan optimal en un certain sens : la figure géométrique initiale est la moins déformée possible, mais elle l'est .
- La qualité de la représentation d'une variable , ça se voit : dans ACP normée (ie avec centrage-réduction des variables) ce qui est le cas dès lors que l'on considère des corrélations et non pas des covariances, chaque flèche a la même longueur . Si sa représentation est petite c'est qu'elle est plutôt perpendiculaire au plan de projection, donc indépendante de ce plan.
- Une variable « supplémentaire-illustrative » est une variable qui est projetée sur un plan déjà constitué. On peut observer ses liens statistiques avec les autres variables mais elle n'a pas servi à structurer le nuage initial des individus, contrairement aux autres variables dites « actives ». La distinction variable active/supplémentaire-illustrative est d'un extrême importance méthodologique, même si , pratiquement les représentations peuvent être très semblables.

⁴ deux livres utiles « *Analyse des Données* » Michel Volle , Economica et « *Statistique Exploratoire Multidimensionnelle* » Ludovic Lebart, Alain Morineau, M. Piron Dunod, 1995

Quelques points de repères en Analyses Factorielles des Correspondances Multiples

Une méthode pour penser les liens, en termes de sur et de sous représentations relatives des modalités de variables qualitatives, et pour les représenter, est l'Analyse Factorielle des Correspondances Multiples (1).

- c'est une méthode de statistique exploratoire qui permet de déceler d'éventuelles régularités statistiques dans les associations des modalités des différentes variables qualitatives.
- Les liens entre les variables qualitatives sont pensés et mesurés en termes de **sous et de sur représentations relatives**. Un énoncé tel que : chez les ménages OUVRIERS et CADRES SUPERIEURS les « assurances collectives accidents » sont sur-représentées, doit se comprendre ainsi : le pourcentage d'« assurances collectives accidents » dans ces catégories est plus élevé que le pourcentage moyen, celui de l'ensemble des ménages. l'AFCM est une méthode différentielle : elle met en évidence des écarts à la moyenne.
- Les variables qualitatives, sont représentées par leurs modalités, d'une même couleur. Lorsque la variable est **ordinaire**, c'est le cas de la taille de l'agglomération, de l'âge du chef de ménage, les modalités successives sont reliées par une **ligne brisée orientée**.
- Les modalités sont, géométriquement, des points dans un espace de grande dimension. Ces points sont projetés sur un plan optimal en un certain sens : la figure géométrique initiale est la moins déformée possible, mais elle l'est.
- On obtient donc une représentation des modalités dans un plan dit « plan de projection », et des règles de traductions, d'interprétations.
- Au centre du graphique se trouvent les pourcentages moyens. Les modalités de couleurs différentes situées du même côté, par rapport à ce centre sont mutuellement sur-représentées. Ainsi, dans le graphique « les comportements des français en matière d'assurance », en bas, chez les ménages habitant la « ville de Paris », il y a une sur représentation des immeubles collectifs, des locataires, des employés... Dans cette ville, les ménages ayant les caractéristiques précédentes sont relativement plus nombreux.
- Les modalités de couleurs différentes situées dans des directions opposées par rapport au centre du graphique sont mutuellement sous-représentées. Ainsi dans la « ville de Paris », il y a une sous-représentation des maisons individuelles, des AGRICULTEURS, des propriétaires...
- Des modalités de même couleur (d'une même variable) proches ont les mêmes caractéristiques c'est à dire les mêmes fréquences des modalités des autres variables
- Lorsque la ligne brisée orientée qui représente une variable ordinaire se déploie bien dans le graphique, c'est le cas de la taille de l'agglomération, c'est qu'elle est très significative, les différentes catégories : communes rurales, villes de moins de 20 000 habitants ... sont, dans une certaine mesure, intra-homogènes extra-hétérogènes, lorsque l'on passe d'une classe de taille à une autre, il y a une variation sensible du pourcentage des modalités d'autres variables, notamment le pourcentage de locataires, de propriétaires, d'agriculteurs...
- Une variable supplémentaire-illustrative est une variable qui est projetée sur un plan déjà constitué. On peut observer ses liens statistiques avec les autres variables mais elle n'a pas servi à structurer le nuage initial des points-modalités, contrairement aux autres variables dites « actives ». La distinction variable active/supplémentaire-illustrative est d'une extrême importance méthodologique, même si, pratiquement les représentations peuvent être très semblables.

(1) un livre utile « *Analyses factorielles simples et multiples : objectifs, méthodes et interprétations* », Brigitte Escoffier et Jérôme Pages, Dunod 1998

*Joindre le sujet à votre copie, ne pas y
écrire votre nom. Répondre sur le sujet ou
sur la copie.*

Année universitaire 2014/2015
Master 1^{ère} année mention Management des Projets et des Organisations
Semestre 1 – Session 1 / Contrôle terminal / Janvier 2015

« Méthodes Quantitatives d'aide à la décision : Analyse des Données »
Jean-Paul VILLETTE

Durée : 1 heure 30 . Tous documents interdits .Calculatrice autorisée

La note 20/20 correspondra à une partie du sujet. Les bonnes réponses sont brèves.

1 – tableau de données

Voici un tableau :

| | N°Liste | Voix | N°Liste | Voix |
|-------------|---------|------|---------|------|
| Achenheim | Bigot | 342 | Richert | 493 |
| Adamswiller | Bigot | 36 | Richert | 134 |
| Albé | Bigot | 92 | Richert | 117 |

Comment faudrait-il disposer les données pour pouvoir les traiter,

2– boissons chaudes, moments de la journée

Dans un questionnaire (*source site « IFOP »* Etude en 2000. échantillon de 1009 personnes).
on trouve :

au petit-déjeuner, vous êtes plutôt ...?

- thé
- café
- café décaféiné
- chocolat
- infusion
- rien de tout cela

- quelle est la variable ?
- est-ce que les modalités réponses sont exclusives ? exhaustives ? significations concrètes

3- questions

Dans un questionnaire⁵ on trouve :

- Selon vous, quelles caractéristiques présentent les bouteilles Carola ? Elles sont :
 résistantes belles stables attirantes originales pratiques amusantes

- pourquoi est-ce que les réponses ne sont pas exclusives ? que faut-il faire pour créer des questions à modalités exclusives (et exhaustives). Créer un petit exemple.

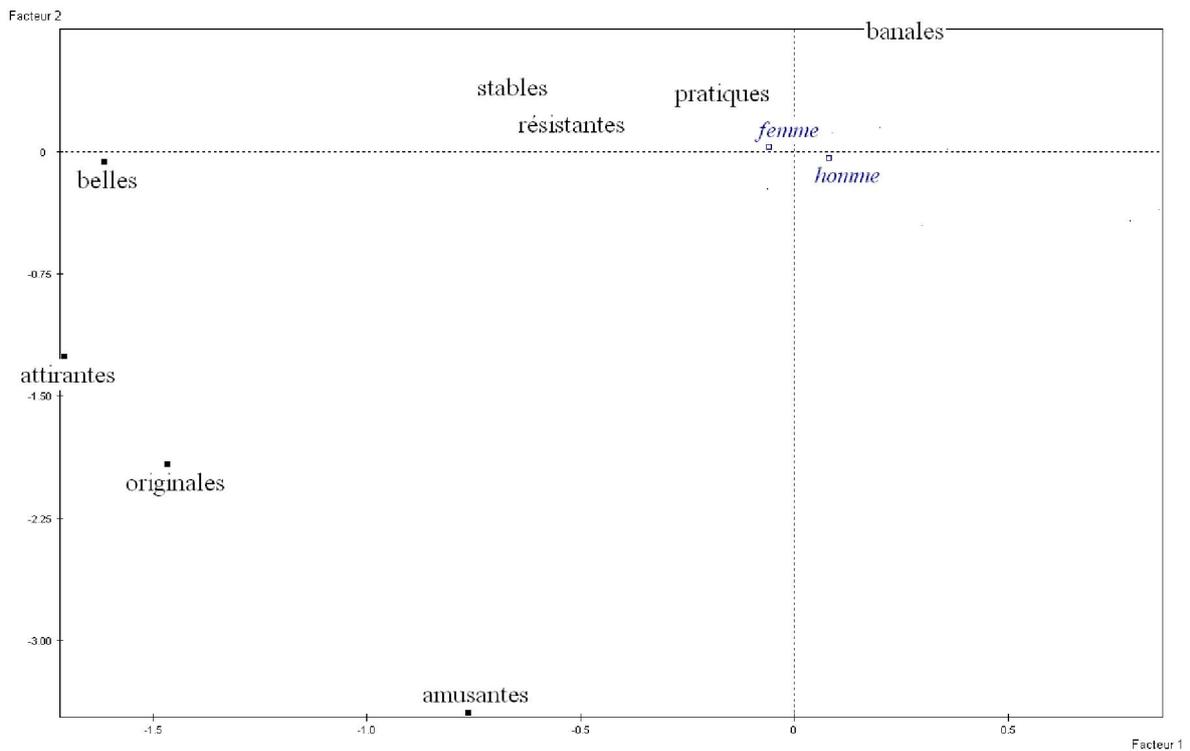
⁵ « Etude marché Carola » Annelise DREVAL, mémoire de maîtrise.2005- Université de Strasbourg
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

4: bouteilles, une Analyse Factorielle des Correspondances Multiples

Dans un questionnaire on trouve :

- Selon vous, quelles caractéristiques présentent les bouteilles Carola ? Elles sont :
 résistantes belles stables attirantes originales pratiques amusantes

Ce sont les variables « actives ». la variable « illustrative » est *GENRE* : *homme, femme*.



1- que peut-on dire de ceux qui trouvent les bouteilles « originales » ?

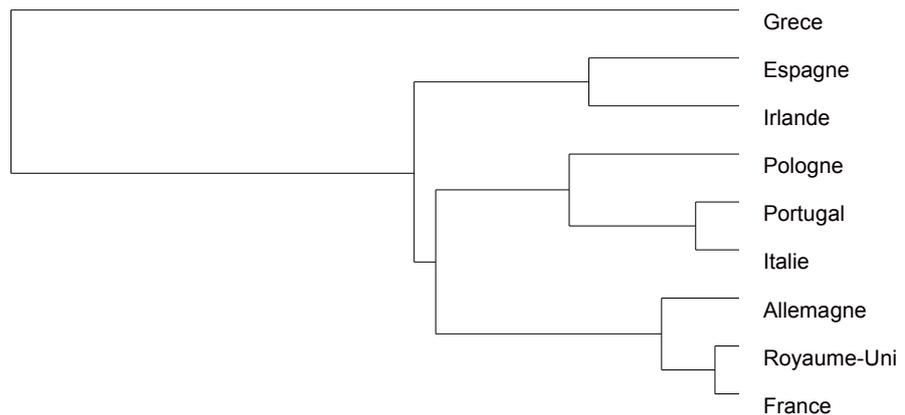
2- que peut-on dire du genre ?

5-Indicateurs économiques de neuf pays. Une Analyse en Composantes Principales suivie d'une Classification Hiérarchique Ascendante

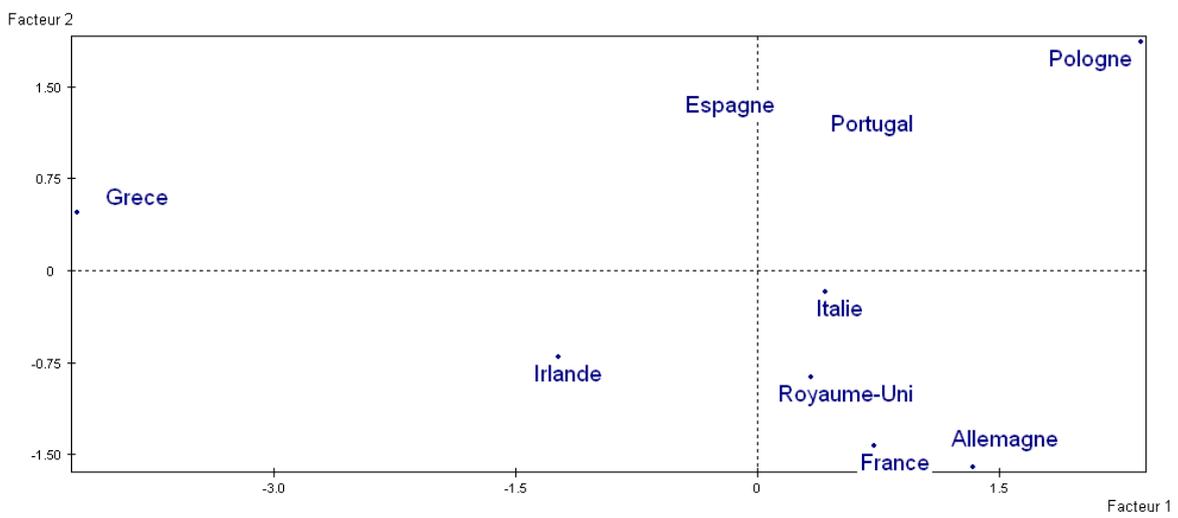
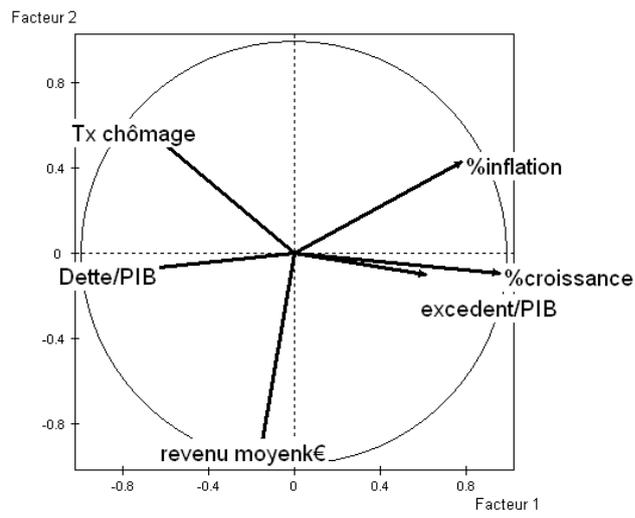
| | Taux chômage(%) | %croissance | %inflation | Dette/PIB | excédent/PIB | revenu moyen€ |
|-------------|-----------------|-------------|------------|-----------|--------------|---------------|
| France | 8,6 | 0,5 | 2,4 | 86 | -5,2 | 23,5 |
| Allemagne | 5,5 | 0,5 | 2,2 | 81 | -1 | 21,5 |
| Italie | 10,3 | -0,8 | 3,3 | 120 | -3,9 | 18,1 |
| Espagne | 24,3 | -0,3 | 2,7 | 68 | -8,5 | 14,7 |
| Royaume-Uni | 8,1 | -0,3 | 2,6 | 86 | -8,3 | 20,6 |
| Pologne | ... | ... | ... | ... | ... | ... |
| Grece | 22,6 | -4,7 | 1,2 | 165 | -9,1 | 14 |
| Portugal | 15,2 | -0,1 | 3,2 | 108 | -4,2 | 10,6 |
| Irlande | 14,4 | -1,1 | 2,6 | 108 | -13,1 | 24 |

- *répondre sur la page suivante* : que peut-on dire de la Pologne (3 choses)
- Classification

Classification hiérarchique directe



- Quelle est la règle statistique pour déterminer les groupes ?
- Quel est le pays le plus atypique ?
- On décide de considérer 4 groupes. Les colorier sur le graphe de la page suivante



6- Eaux minérales :Analyses en Composantes Principales et Classification Hiérarchique Ascendante

Revoici le tableau de 13 eaux minérales (les individus) : **Taliens, Courmayeur,...Volvic** et 6 variables numériques (la quantité de mg par litre (mg/l) de **Calcium (Ca)**, **magnésium (Mg)**, **potassium (K)**, **sodium (Na)** , **carbonates(HCO3)** et **sulfates (S04)**).

| | Calcium | Magnésium | potassium | sodium | carbonates | sulfates |
|----------------|----------------|------------------|------------------|---------------|-------------------|-----------------|
| Taliens | 596 | 77 | 2 | 7 | 290 | 1530 |
| | | | | | | |

Très brève interprétation des trois clusters obtenus :

| { Taliens, Courmayeur, Hepar, ContreX} | Moyenne dans la classe | Moyenne générale |
|--|-------------------------------|-------------------------|
| sulfates | 1392 | 472 |
| Calcium | 539 | 224 |
| Magnésium | 85 | 36 |
| potassium | 3 | 2 |
| carbonates | 316 | 278 |
| | | |
| sodium | 8 | 13 |

| { Source Pyrénées, Perrier, Beckerich} | Moyenne dans la classe | Moyenne générale |
|--|-------------------------------|-------------------------|
| sodium | 36 | 13 |
| carbonates | 321 | 278 |
| potassium | 3 | 2 |
| | | |
| Magnésium | 17 | 36 |
| Calcium | 96 | 224 |
| sulfates | 70 | 472 |

| { Vittel, Thonon, Evian, Valvert, Volvic, Cristaline} | Moyenne dans la classe | Moyenne générale |
|---|-------------------------------|-------------------------|
| | | |
| potassium | 2 | 2 |
| carbonates | 230 | 278 |
| sodium | 4 | 13 |
| Magnésium | 14 | 36 |
| sulfates | 60 | 472 |
| Calcium | 78 | 224 |

7-classification hiérarchique ascendante (CHA): paroles d'enfants

.Source : « *Comment la parole vient aux enfants* » Bénédicte de Boysson-Bardies Ed. Odile Jacob 1996. Distribution des types de mots dans le vocabulaire d'enfants français, américains, suédois et japonais ayant un vocabulaire de moins de cinquante mots.

| nombre de mots | français | américains | suédois | japonais |
|-----------------------|----------|------------|---------|----------|
| personnes | 9 | 16 | 12 | 7 |
| animaux | 23 | 24 | 18 | 20 |
| objets | 44 | 51 | 44 | 29 |
| verbes et adjectifs | 24 | 11 | 25 | 26 |
| onomatopées | 2 | 5 | 1 | 15 |
| expressions sociales | 9 | 15 | 9 | 13 |

Une distance entre les vocabulaires des enfants des différents pays a été calculée

| | {français} | {américains} | {suédois} | {japonais} |
|-------------|------------|--------------|-----------|------------|
| {français} | 0 | 18 | 6 | 21 |
| {américain} | | 0 | 19 | 30 |
| {suédois} | | | 0 | 22 |
| {japonais} | | | | 0 |

Calculer et représenter approximativement le dendrogramme de la Classification Hiérarchique Ascendante en utilisant la stratégie d'agrégation entre « paquets » dite « de la moyenne » :

$$d_{\text{moy}}(A, B) = \frac{\sum_{x \in A, y \in B} d(x, y)}{\text{card}(A) \cdot \text{card}(B)}$$

Joindre cette page à votre copie, ne pas y écrire votre nom

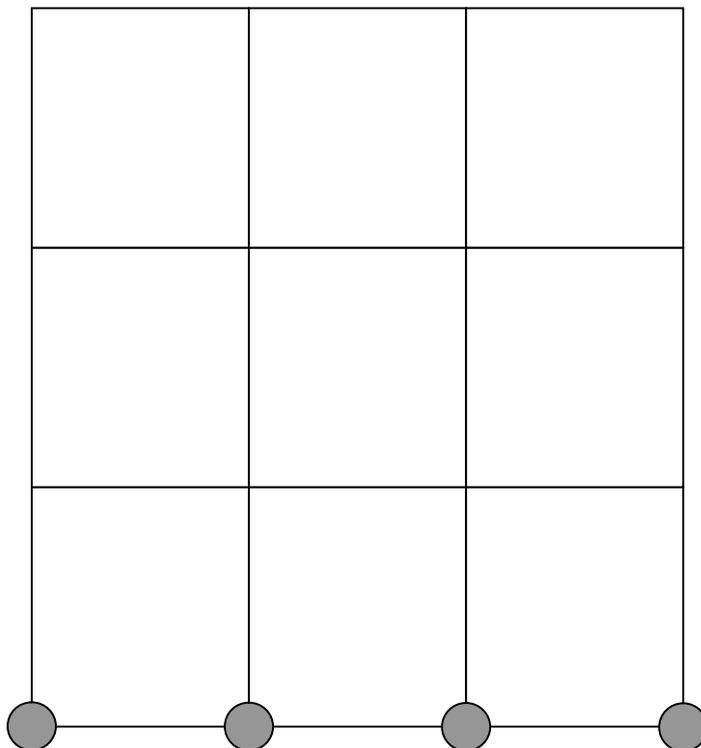
6 classification hiérarchique ascendante (CHA): paroles d'enfant

| | {français} | {américain} | {suédois} | {japonais} |
|-------------|------------|-------------|-----------|------------|
| {français} | 0 | 18 | 6 | 21 |
| {américain} | | 0 | 19 | 30 |
| {suédois} | | | 0 | 22 |
| {japonais} | | | | 0 |

Calculer et représenter le *dendrogramme*

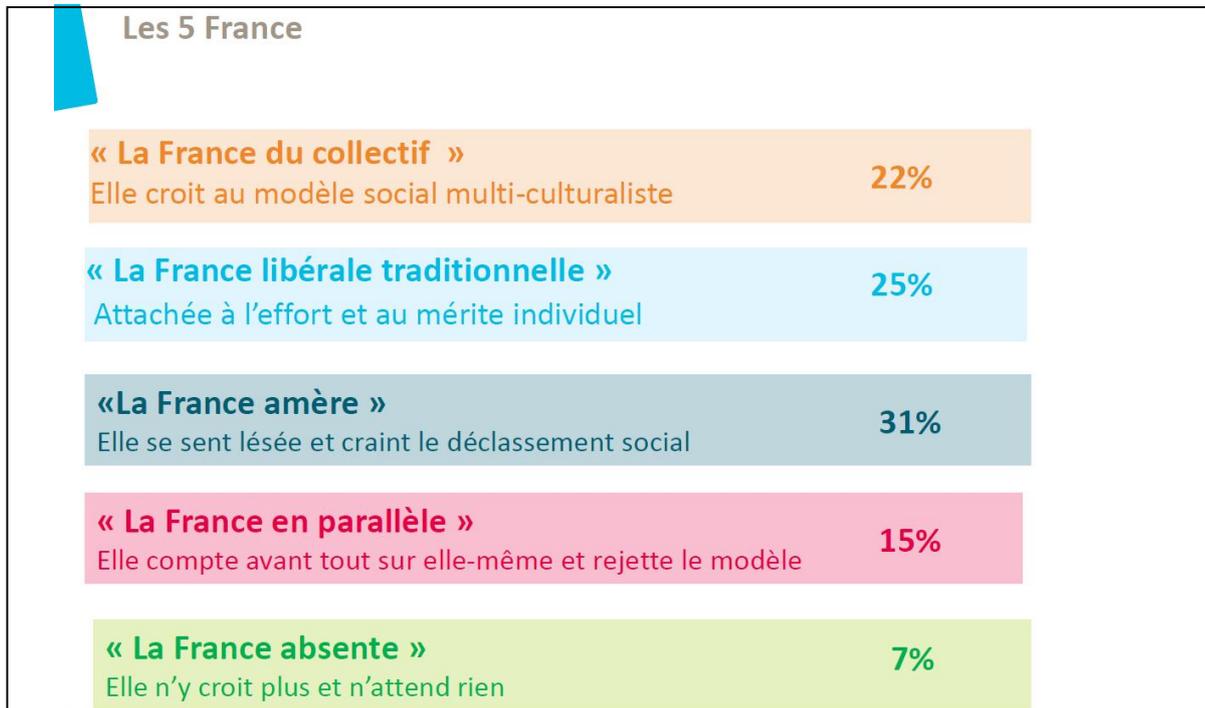
| | | | |
|----------|--|--|--|
| distance | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |

| | | |
|----------|--|--|
| distance | | |
| | | |
| | | |



8 – question de méthodes

Ateliers CSA-Le Monde 3 dec 2013 « Français, ce qui vous rassemble est-il plus fort que ce qui vous divise ? »Extraits :

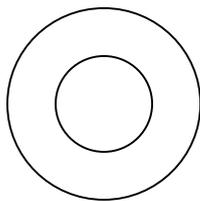


B- quelles méthodes statistiques ont-elles été utilisées pour obtenir ces cinq clusters ?

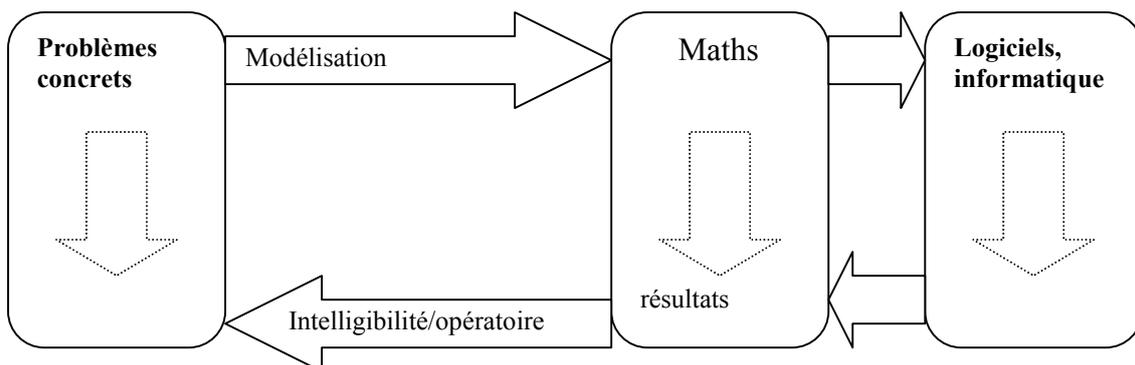
B***- Que faut-il comprendre, statistiquement, à « L'IDENTITE DE LA FRANCE EST MENACEE » ?

Début 1 : modélisations

Terre, orange et bouts de ficelle



le schéma



« *all models are wrong but some are usefull* »

Paul WIGNER (physicien américain d'origine hongroise 1902-1994 , prix Nobel de Physique 1963) : « *the unreasonable effectiveness of mathematics* »

James Clerk MAXWELL (physicien écossais 1831-1879) : « *les équations semblent plus intelligentes que nous* »

Exercice :

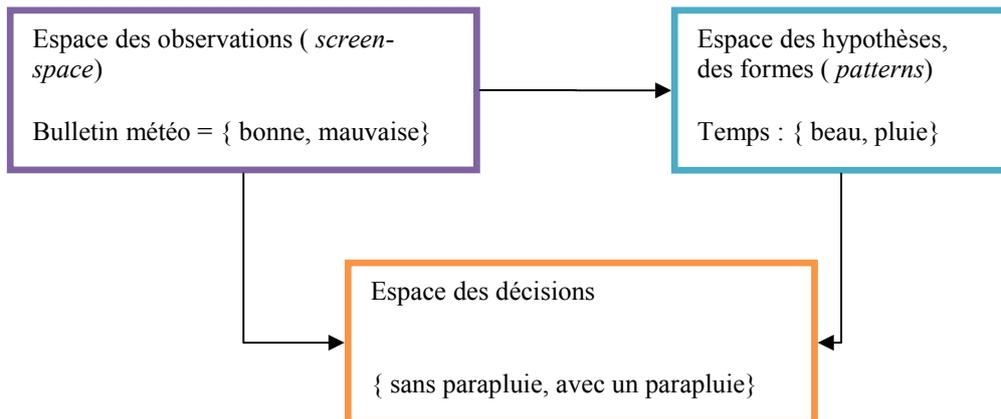
1-j'ai des pièces de 2 et de 5 €, 10 pièces au total, ce qui fait 38€. Combien de pièces de 2€, de 5 € ?
- essayer de résoudre par un raisonnement arithmétique
- modéliser

moralités :

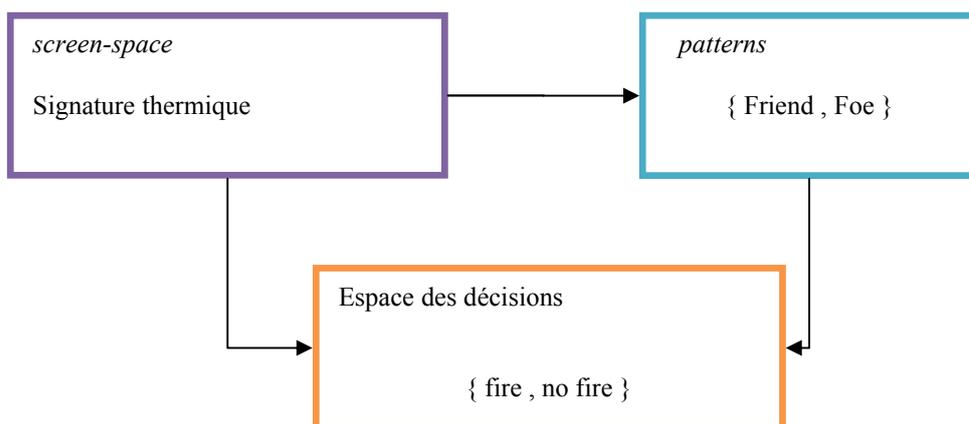
Début 2 : Outils Quantitatifs d'Aide à la Décision :

Reconnaissance des formes (*Pattern recognition*)

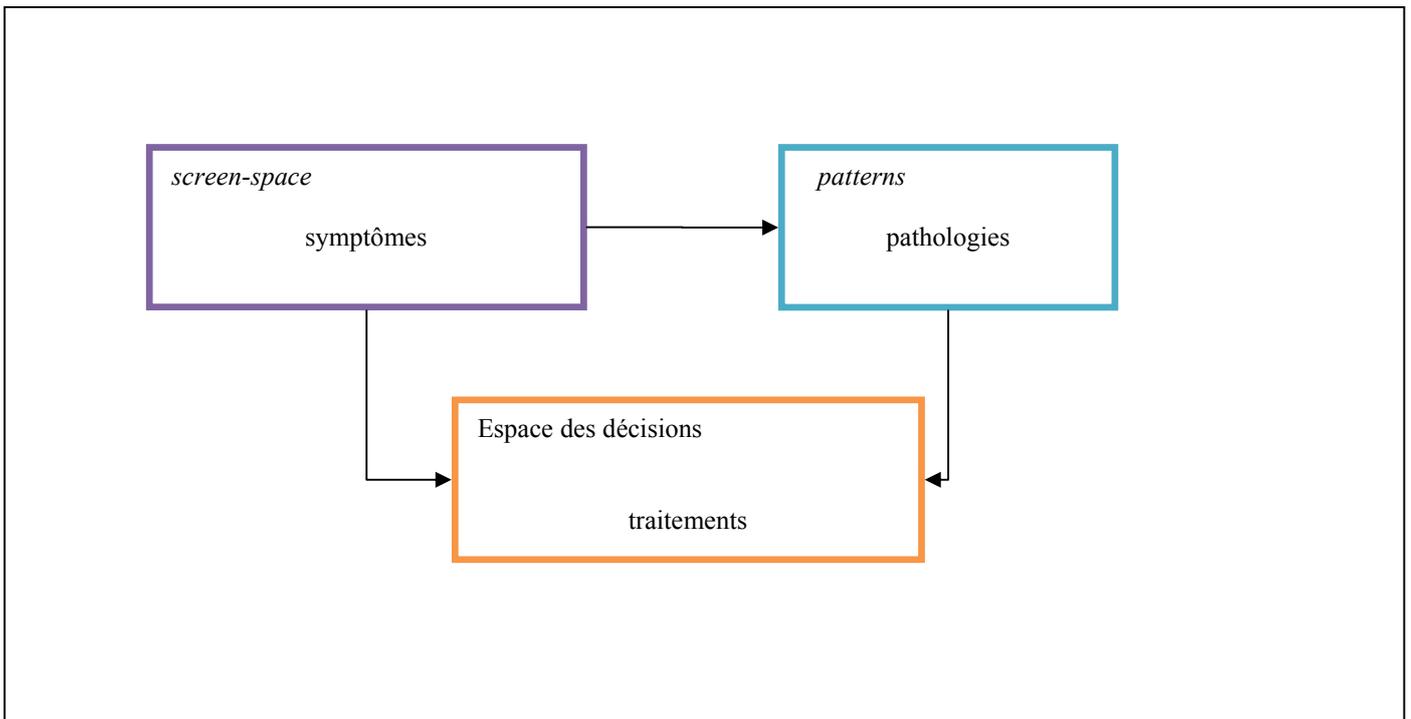
Il y a lieu de distinguer trois espaces, et leurs rapports :



Exemple : FFI



Autres exemples :



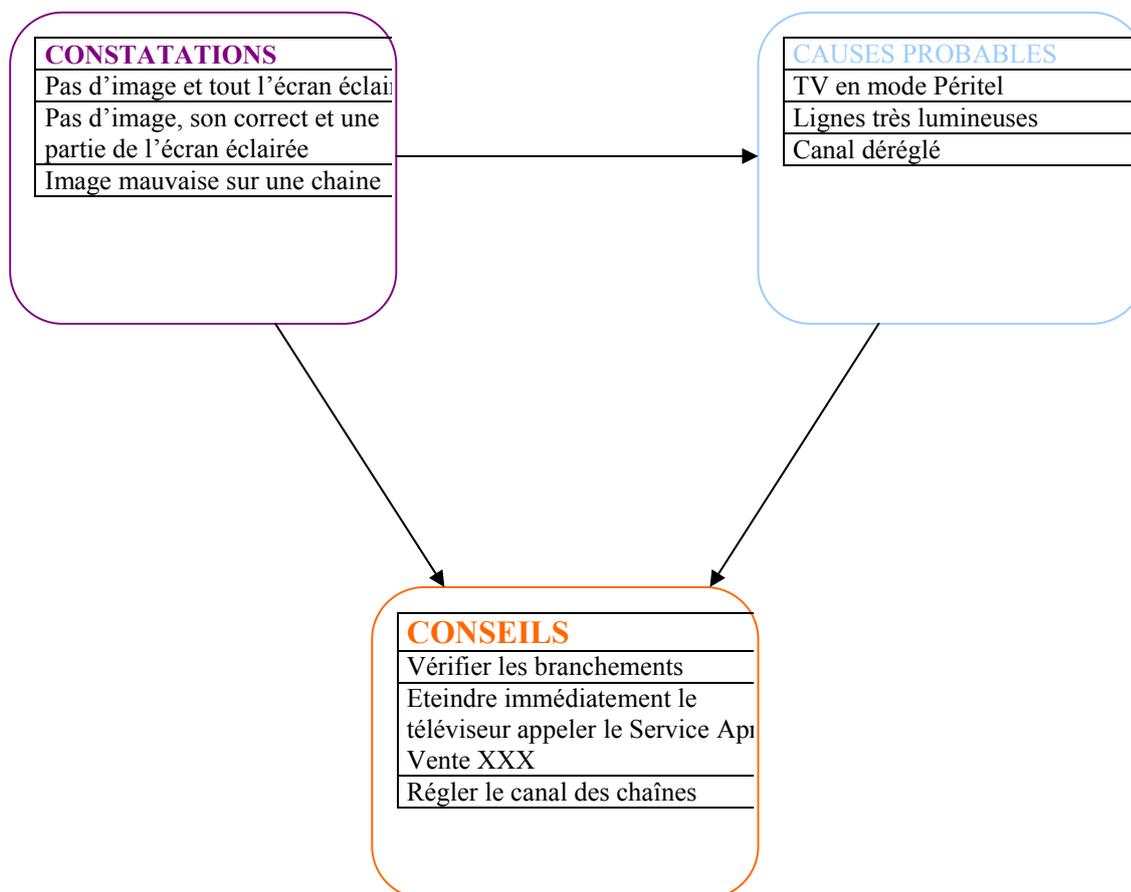
Notice S.A.V d'un hypermarché

Screen-space : constatations

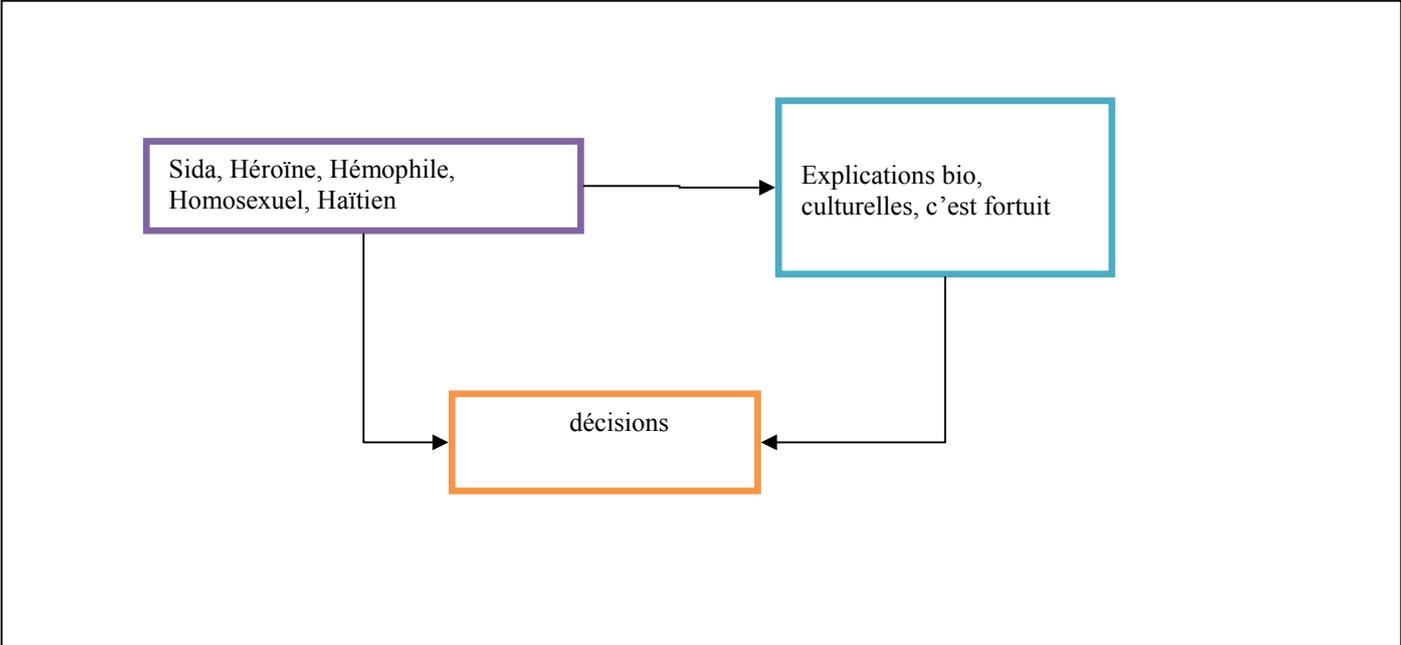
patterns : causes probables

décisions : conseils

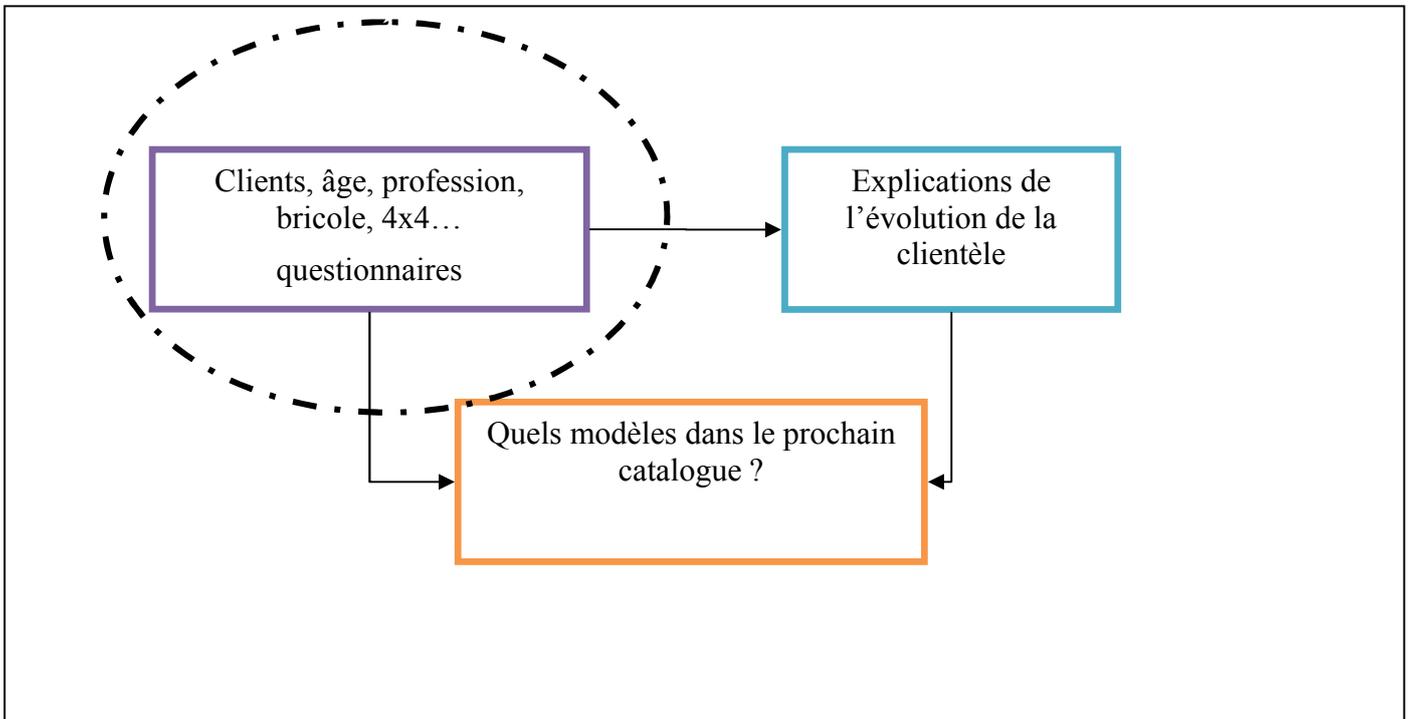
| CONSTATATIONS | CAUSES PROBABLES | CONSEILS |
|--|------------------------|---|
| Pas d'image et tout l'écran éclairé | TV en mode Pétitel | Vérifier les branchements |
| Pas d'image, son correct et une partie de l'écran éclairée | Lignes très lumineuses | Eteindre immédiatement le téléviseur appeler le Service Après Vente XXX |
| Image mauvaise sur une chaîne | Canal dérégulé | Régler le canal des chaînes |



Considérations méthodologiques : le temps, et la diversité des explications



nous verrons :



autres considérations méthodologiques : le botaniste et le fleuriste

Comprendre la différence de point de vue les rapports entre :

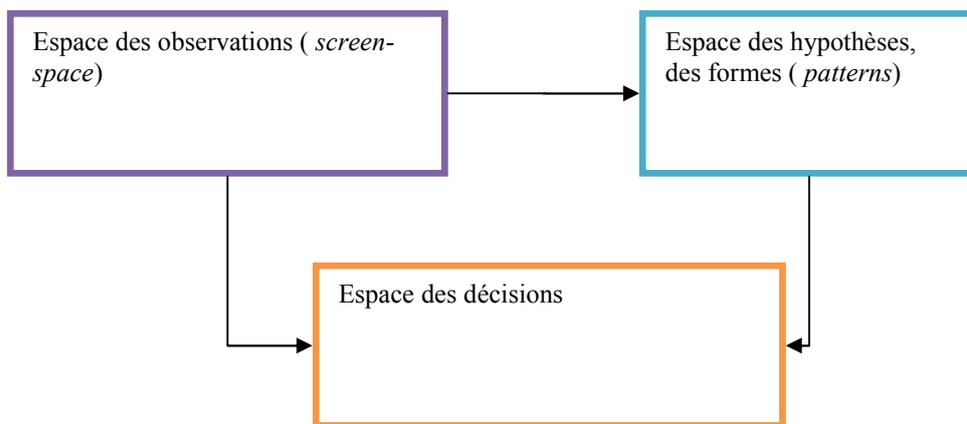
botaniste (statisticien) : description,

fleuristes : (économiste, gestionnaire..) : jugements de valeurs, d'utilité (la pertinence..), l'action .

| Le temps qu'il fait | Point de vue/rôle | description | Interprétations/jugements de valeur | Décision |
|---------------------|-------------------|----------------|-------------------------------------|------------------------|
| météorologue | « botaniste » | Il va pleuvoir | | |
| jardinier | « fleuriste » | | Bonne nouvelle | Je plante des carottes |
| vacancier | « fleuriste » | | Mauvaise nouvelle | Je reste couché |

Reconnaissance des formes (*Pattern recognition*)

Il y a lieu de distinguer trois espaces, et leurs rapports :



Le rôle des uns, le rôle des autres et les confusions dans :

- « des scientifiques s'inquiètent de la fonte de la banquise ».
- dynamisme démographique,
- indicateur d'inégalité
- Sauver la planète
- catastrophe naturelle .

Die Philosophen haben die Welt nur verschieden interpretiert; es kommt drauf an, sie zu verändern.
 (Les philosophes n'ont fait qu'interpréter le monde de diverses manières, il s'agit maintenant de le transformer)⁶

⁶ Karl Marx, XI ème thèse sur Feuerbach, 1845.
 Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Évaluation de l'activité de rétrocession d'une PUI : Quelles sont les attentes des patients externes ?

Hehn M¹, Armand S¹, Grangeasse L¹, Talla M¹, Pailloud E¹, Villette JP²

¹ CH de Belfort-Montbéliard, Service Pharmacie,
14 rue de Mulhouse, 90 016 BELFORT CEDEX

² BETA, Faculté des Sciences Économiques ULP Strasbourg



INTRODUCTION

Dans le cadre d'une démarche d'amélioration continue de la qualité, l'équipe pharmaceutique a mené une enquête de satisfaction auprès des patients externes. Le parcours du patient de la consultation à la PUI a été évalué. L'objectif de ce sondage est de dresser un profil de leurs attentes. Ce travail constitue une première étape dans la mise en place d'indicateurs de qualité et participe à la démarche d'accréditation.

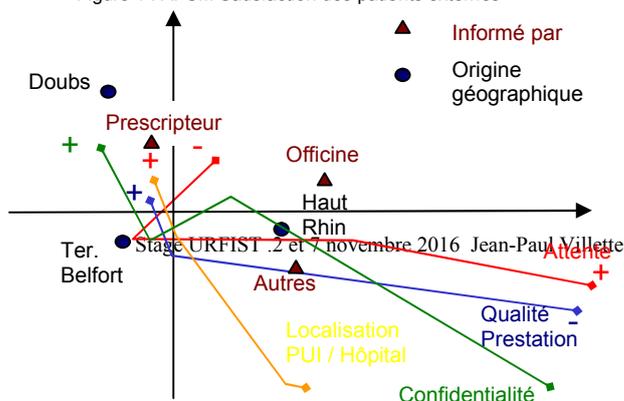
METHODOLOGIE

Les patients externes de la PUI ont répondu à un questionnaire composé de 6 items (répartis en 15 questions dont une ouverte) dont : - profil du patient - information sur le lieu de délivrance - orientation à travers l'hôpital - temps d'attente - confidentialité - appréciation globale de la prestation. Le sondage a duré quatre semaines. Un échantillon de 10 patients a permis de valider le questionnaire au préalable. Les différentes méthodes mises en œuvre sont notamment, l'Analyse Factorielle des Correspondances Multiples (AFCM) afin de déceler d'éventuelles typologies et la segmentation de la variable «appréciation globale de la prestation»^(1,2)

RESULTATS

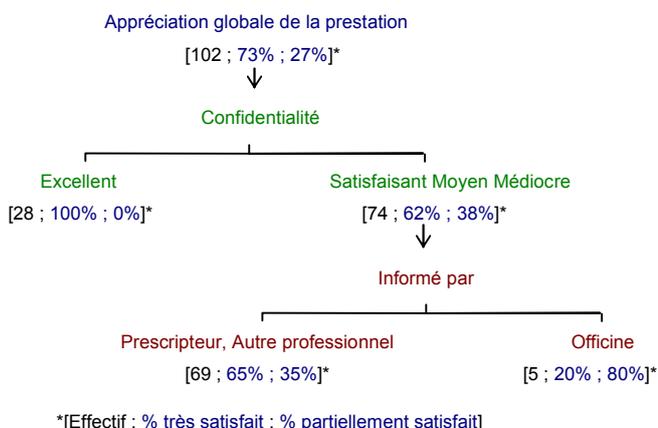
- 102 questionnaires ont été complétés sur 298 dispensations effectuées sur la même période. 74.5% des patients sont originaires du Territoire de Belfort.
- L'appréciation globale de la prestation est jugée à 73% très satisfaisante et 27% partiellement satisfaisante.
- La figure 1 synthétise les résultats de l'AFCM. A l'origine, se trouvent les opinions exprimées par la moyenne des personnes interrogées. Ces dernières évaluent, de façon positive, notamment la qualité globale de l'accueil, le temps d'attente, la confidentialité, la localisation de la pharmacie dans l'hôpital. La qualité de la prestation est étroitement liée à la confidentialité et au temps d'attente.

Figure 1 : AFCM Satisfaction des patients externes



- Un arbre de segmentation (figure 2) de la variable appréciation globale de la prestation confirme et affine les résultats précédents.

Figure 2 : Arbre de segmentation de l'appréciation de la prestation



*[Effectif ; % très satisfait ; % partiellement satisfait]

- Ainsi, l'insatisfaction relative des patients sur la qualité de la prestation «s'explique» selon deux critères principaux : la confidentialité et l'information du patient sur le lieu de délivrance.

DISCUSSION

Vue la configuration de la PUI, les thèmes prioritaires du questionnaire abordent essentiellement les aspects organisationnels. Cependant, les commentaires (issus de la question ouverte) révèlent notamment l'importance de la relation de confiance établie entre le patient et l'équipe pharmaceutique. Ces résultats confirment ceux d'une étude américaine⁽³⁾ qui a démontré que la satisfaction perçue des patients repose davantage sur l'aspect relationnel et organisationnel que sur des critères techniques.

CONCLUSIONS

Le niveau de satisfaction globale est très élevé pour une file active de 300 patients par mois. A la suite de cette enquête, des mesures correctives ont été apportées. Une zone de confidentialité, séparée de la zone d'attente a été créée. Les praticiens hospitaliers ont bénéficié d'une information sur les médicaments à délivrance hospitalière. Cette étude sera renouvelée afin d'évaluer les progrès apportés et aborder de nouveaux thèmes d'amélioration.

Références

1. L. Lebart, A. Morineau, M. Piron, *Statistique exploratoire multidimensionnelle*, édition Dunod, Paris 1995, 439p
2. G. Celeux, JP. Nakache, *Analyse discriminante sur variables qualitatives*, édition Polytechnica, 1994, 473p
3. LD Ried, F. Wang, H. Young, R. Awiphan, *Patients satisfaction and their perception of the pharmacist*, JAPA, Nov-Dec 1999, 30(6):835-842

MARCHE DU PANSEMENT, DU DRAPAGE ET DE L'HABILLAGE STERILES POUR UNE MEILLEURE CONNAISSANCE DE L'OFFRE FOURNISSEUR

A.Ancédy¹, M.Hehn¹, L. Bertrand¹, JP. Villetta², M.Talbert¹.
1.Centre hospitalier de Saint-Denis 93206 Saint-Denis - 2. BETA-UMR 7522 CNRS Université de Strasbourg

INTRODUCTION

Lors de la dernière consultation du groupement de commande RESAH-IdF-Dispositifs médicaux pour la fourniture de pansements et de drapage, le critère « assistance technique et logistique » contribuait à hauteur de 10% à l'évaluation de l'offre fournisseur. Ce critère a été évalué à l'aide d'un « Questionnaire assistance Technique et Logistique » (QTL). Ce travail a pour objectif d'identifier les diverses typologies de fournisseurs et de les croiser aux choix réalisés au terme de cette consultation.

MATERIEL & METHODES

- Extraction des données fournies dans les « Questionnaires assistance Technique et Logistique » (QTL).
- Analyse factorielle des correspondances multiples et classification hiérarchique ascendante (logiciel SPAD) réalisées à partir de 9 variables qualitatives (forme juridique, nombre d'employés, capital social, établissement pharmaceutique, délai de livraison, franco de port, développement durable, QTL complété, envoi dématérialisé) et 5 variables numériques associées (seuil de franco de port (€HT), frais de port (€HT), note au QTL, nombre de lots avec une offre et nombre de lots retenus).

RESULTATS

A. Typologies des fournisseurs soumissionnaires

- 58 fournisseurs ont proposé une offre.

Groupe 1

29 fournisseurs (50%)

ADDMEDICA LCA
ADHESIA LEICA
APURA MAURY
BBRAUN MEDTRONIC
BD MOLNLYCKE
BSN MOLLYPHARM
CG Medical RAFFIN
COLLIN PHAGOGENE
DATASCOPE PHARMASET
DISTRIPHAC SEPTODONT
EUROMEDIS SMITH&NEPHEW
GENEVRIER STERIMA
HYDREX SYLAMED
HYGEA URGO
INNOSET

Groupe 2

14 fournisseurs (24%)

ABS-BOLTON BROTHIER
CAREFUSION CLINICAL IHT
COLOPLAST CONVATEC
COVIDIEN HARTMANN
LCH LOHMANN
TETRA THIASNE
TROIS M SANTE VYGON

Groupe 3

7 fournisseurs (12%)

COOPER ETHICON
GAMIDA GILBERT
HEMODIA HOLLISTER
INTERMED

Groupe 4

8 fournisseurs (14%)

ASTERIE BAXTER
BIOMET EBF
MAIL TUB MEDISPORT
POURET PETERS
SURGICAL

- 4 groupes de fournisseurs sont mis en évidence.

Groupe 1

| Modalités caractéristiques | Proportion groupe | Proportion effectif total |
|-------------------------------------|-------------------|---------------------------|
| Franco de port : NON | 83% | 48% |
| Seuil franco de port : 100-400 € HT | 72% | 43% |
| Frais de port : 9-35 € HT | 48% | 24% |

Groupe 2

| Modalités caractéristiques | Proportion groupe | Proportion effectif total |
|----------------------------------|-------------------|---------------------------|
| Franco de port : OUI | 93% | 31% |
| Seuil franco de port : 0-80 € HT | 100% | 43% |
| Note QTL : 14.5-18/20 | 86% | 31% |

Groupe 3

| Modalités caractéristiques | Proportion groupe | Proportion effectif total |
|-----------------------------------|-------------------|---------------------------|
| QTL complété : NON | 100% | 22% |
| Envoi démat. : Non Renseigné (NR) | 100% | 26% |
| Dévelop. durable :NR | 100% | 33% |

Groupe 4

| Modalités caractéristiques | Proportion groupe | Proportion effectif total |
|----------------------------|-------------------|---------------------------|
| Franco de port : NR | 100% | 14% |
| Seuil franco de port : NR | 100% | 14% |
| QTL complété : NON | 75% | 22% |

B. Dans quels groupes sont les fournisseurs retenus?

- 40/58 (69%) fournisseurs ont été retenus.

| | Groupe 1 | Groupe 2 | Groupe 3 | Groupe 4 |
|----------------------|----------|----------|----------|----------|
| Effectif total | 29 | 14 | 7 | 8 |
| Fournisseurs retenus | 19 | 12 | 5 | 4 |
| % dans le groupe | 66% | 86% | 71% | 50% |

- Les fournisseurs du groupe 2 présentent le meilleur profil logistique et technique, parmi ces derniers une grande majorité a été retenue (86%).
- L'effectif du groupe 1 est le plus important, cependant leurs prestations logistique et technique sont moins performantes.
- Les groupes 3 et 4 dont les effectifs sont restreints, se caractérisent par des données incomplètes ou absentes.

DISCUSSION - CONCLUSION

Il est dommage qu'un nombre important de fournisseurs retenus se situe dans le groupe 1, alors que ce groupe ne présente pas les meilleures performances par rapport aux caractéristiques étudiées.

Si l'on souhaite inciter les fournisseurs à mieux répondre dans ce domaine, il serait utile d'en augmenter la pondération dans les critères de choix. D'autre part, la reformulation du questionnaire devrait également permettre de réduire le taux de non réponse.

Début 3 : Analyse des données

~~Analyse des Données : synthèses de résultats~~

Les données ne sont pas données...coûts, processus de productions..

Synthèses/ typologies :

des groupes intra-homogènes extra-hétérogènes (*internal cohesion and external isolation of clusters*)

sélections/ évictions

ah ! le code de la route !

des groupes ? enjeux :



simplifier

le sens est dans les groupes

simplifier : les arbres cachent les forêts . mettre les objets dans des sacs.

le sens est dans les groupes : match de football, phénomènes de mode, courants de pensée

distinctions et rapports :

Statistique Exploratoire (« Analyse des Données ») / **Statistique Confirmatoire (« Econométrie »)**

- Aussi : Statistique Exploratoire/ Statistique décisionnelle
- En anglais, « Analyse des Données » : *Data Exploratory Analysis (DEA), clustering, classification*

Le Big Data

Quelques mots. Tirer parti de beaucoup de liens faibles/ de quelques liens forts

| Décès de tous âges | Année | Janvier | Février | Mars | Avril | Mai | Juin | Juillet | Août | Septembre | Octobre | Novembre | Décembre |
|--------------------|---------|---------|---------|--------|--------|--------|--------|---------|--------|-----------|---------|----------|----------|
| 1946 | 545 880 | 70 900 | 53 958 | 57 287 | 45 376 | 42 591 | 37 721 | 37 587 | 34 880 | 35 188 | 37 842 | 42 954 | 49 596 |
| 1947 | 538 157 | 60 453 | 56 891 | 56 442 | 45 121 | 42 605 | 37 894 | 38 364 | 36 763 | 35 768 | 40 488 | 41 361 | 46 007 |
| 1948 | 513 210 | 46 161 | 45 412 | 51 983 | 43 829 | 42 003 | 37 084 | 39 069 | 35 272 | 35 314 | 39 588 | 43 596 | 53 899 |
| 1949 | 573 598 | 87 861 | 58 592 | 52 772 | 44 154 | 41 896 | 39 141 | 40 042 | 37 372 | 36 267 | 40 534 | 47 049 | 47 918 |
| 1950 | 534 480 | 51 927 | 47 749 | 50 439 | 47 248 | 45 515 | 40 095 | 39 798 | 38 124 | 37 075 | 42 232 | 44 418 | 49 860 |
| 1951 | 565 829 | 63 048 | 58 340 | 58 959 | 49 690 | 46 496 | 40 359 | 40 199 | 37 670 | 37 288 | 42 997 | 42 370 | 48 413 |
| 1952 | 524 831 | 53 364 | 51 750 | 50 111 | 44 752 | 41 167 | 38 144 | 40 266 | 36 246 | 36 278 | 41 385 | 42 467 | 48 901 |
| 1953 | 556 983 | 69 112 | 73 023 | 54 100 | 43 573 | 42 651 | 37 468 | 36 807 | 36 685 | 35 488 | 40 885 | 43 243 | 43 948 |
| 1954 | 518 892 | 52 729 | 53 607 | 49 423 | 44 349 | 43 538 | 38 096 | 37 671 | 36 316 | 35 450 | 40 719 | 41 178 | 45 816 |
| 1955 | 526 322 | 52 017 | 46 623 | 56 974 | 45 364 | 41 749 | 38 477 | 38 211 | 37 969 | 35 745 | 41 772 | 43 595 | 47 826 |
| 1956 | 545 700 | 52 107 | 61 556 | 58 113 | 46 263 | 44 009 | 38 974 | 38 820 | 36 144 | 36 638 | 40 669 | 44 859 | 47 548 |
| 1957 | 532 107 | 56 610 | 45 707 | 43 656 | 41 437 | 40 495 | 39 094 | 39 774 | 36 455 | 36 454 | 45 258 | 52 329 | 54 838 |
| 1958 | 500 596 | 51 563 | 43 451 | 48 476 | 43 746 | 40 009 | 36 288 | 36 939 | 35 096 | 34 417 | 40 532 | 42 689 | 47 390 |
| 1959 | 509 114 | 47 483 | 46 355 | 48 627 | 48 180 | 43 832 | 37 602 | 38 584 | 35 222 | 34 954 | 39 524 | 42 899 | 45 852 |
| 1960 | 520 960 | 60 414 | 57 951 | 46 868 | 40 827 | 40 405 | 35 851 | 36 250 | 36 049 | 35 599 | 42 503 | 40 787 | 47 456 |
| 1961 | 500 289 | 50 816 | 41 813 | 43 080 | 41 093 | 40 232 | 39 362 | 37 511 | 36 889 | 35 808 | 40 365 | 44 631 | 48 689 |
| 1962 | 541 147 | 51 804 | 47 280 | 58 960 | 49 374 | 42 495 | 40 608 | 38 532 | 36 801 | 36 769 | 41 540 | 44 281 | 52 703 |
| 1963 | 557 852 | 58 163 | 57 997 | 63 038 | 47 911 | 43 129 | 38 910 | 40 210 | 37 276 | 38 310 | 41 888 | 41 254 | 49 766 |
| 1964 | 520 033 | 52 136 | 45 770 | 46 434 | 43 490 | 41 397 | 38 313 | 41 469 | 38 124 | 37 193 | 43 687 | 44 768 | 47 252 |
| 1965 | 543 696 | 50 205 | 49 851 | 64 174 | 44 094 | 43 481 | 41 080 | 39 191 | 38 705 | 39 029 | 42 809 | 43 727 | 47 350 |
| 1966 | 528 782 | 52 493 | 43 197 | 47 037 | 45 795 | 42 508 | 39 954 | 39 941 | 40 181 | 38 249 | 42 553 | 47 135 | 49 066 |
| 1967 | 543 033 | 52 771 | 49 087 | 49 256 | 45 422 | 44 657 | 41 305 | 42 527 | 40 224 | 40 241 | 42 453 | 44 877 | 50 213 |
| 1968 | 553 441 | 51 061 | 55 577 | 57 273 | 46 455 | 43 713 | 40 892 | 41 476 | 40 075 | 39 351 | 43 051 | 44 826 | 49 691 |
| 1969 | 573 335 | 50 881 | 46 746 | 50 615 | 47 426 | 44 932 | 42 277 | 44 000 | 41 160 | 40 915 | 44 077 | 45 581 | 74 725 |
| 1970 | 542 277 | 57 729 | 44 189 | 49 848 | 45 864 | 44 369 | 41 153 | 42 132 | 41 178 | 40 172 | 44 033 | 44 393 | 47 217 |
| 1971 | 554 151 | 55 079 | 46 097 | 52 813 | 45 523 | 44 005 | 42 310 | 45 569 | 40 991 | 40 482 | 44 621 | 45 538 | 51 123 |
| 1972 | 549 900 | 54 956 | 47 599 | 48 118 | 44 008 | 44 972 | 42 404 | 43 464 | 41 689 | 41 617 | 45 828 | 44 159 | 51 086 |
| 1973 | 558 782 | 64 762 | 46 668 | 48 974 | 45 607 | 44 328 | 41 801 | 42 236 | 43 518 | 40 570 | 46 284 | 45 080 | 48 954 |
| 1974 | 552 551 | 48 177 | 42 131 | 49 355 | 45 316 | 46 133 | 42 626 | 43 058 | 42 266 | 41 559 | 48 213 | 46 986 | 56 731 |
| 1975 | 560 353 | 55 805 | 44 628 | 49 246 | 47 957 | 46 400 | 43 697 | 44 704 | 45 287 | 42 164 | 46 640 | 44 745 | 49 080 |
| 1976 | 557 114 | 49 611 | 50 172 | 55 206 | 47 105 | 45 605 | 45 449 | 45 983 | 41 587 | 40 928 | 43 403 | 44 149 | 47 916 |
| 1977 | 536 221 | 49 306 | 43 491 | 48 498 | 46 991 | 44 659 | 41 209 | 42 834 | 41 370 | 41 290 | 43 629 | 43 932 | 49 012 |
| 1978 | 546 916 | 50 820 | 52 291 | 49 283 | 45 103 | 44 974 | 41 509 | 44 099 | 40 427 | 39 842 | 45 078 | 44 122 | 49 368 |
| 1979 | 541 805 | 50 317 | 43 825 | 48 683 | 46 123 | 46 375 | 41 870 | 44 242 | 41 213 | 41 059 | 45 289 | 45 464 | 47 345 |
| 1980 | 547 107 | 51 015 | 44 590 | 47 306 | 45 852 | 45 611 | 42 621 | 44 616 | 42 166 | 40 520 | 45 835 | 47 016 | 49 959 |
| 1981 | 554 823 | 55 289 | 50 153 | 50 199 | 44 564 | 46 044 | 42 658 | 43 935 | 41 958 | 40 219 | 45 618 | 45 182 | 49 008 |
| 1982 | 543 104 | 49 581 | 43 950 | 48 016 | 46 145 | 45 757 | 41 919 | 46 326 | 41 874 | 41 276 | 45 073 | 44 347 | 48 840 |
| 1983 | 559 655 | 50 526 | 49 778 | 51 319 | 46 372 | 45 008 | 43 395 | 49 570 | 42 000 | 41 446 | 44 655 | 45 808 | 49 778 |
| 1984 | 542 490 | 48 740 | 45 110 | 49 926 | 46 998 | 45 498 | 43 830 | 43 445 | 41 457 | 40 656 | 45 437 | 43 937 | 47 456 |
| 1985 | 552 496 | 57 357 | 47 112 | 51 271 | 45 653 | 45 269 | 41 673 | 43 230 | 41 105 | 40 213 | 43 963 | 47 412 | 48 238 |
| 1986 | 546 926 | 51 466 | 52 732 | 53 666 | 45 204 | 43 594 | 43 632 | 42 198 | 40 821 | 41 165 | 42 798 | 42 894 | 46 756 |
| 1987 | 527 466 | 51 229 | 43 613 | 45 600 | 43 337 | 43 786 | 42 176 | 42 516 | 41 422 | 39 308 | 43 554 | 43 478 | 47 447 |
| 1988 | 524 600 | 46 740 | 43 408 | 47 762 | 43 770 | 42 715 | 41 272 | 41 457 | 41 105 | 40 145 | 44 085 | 43 970 | 48 171 |
| 1989 | 529 283 | 48 428 | 43 397 | 45 384 | 42 154 | 43 099 | 41 112 | 42 710 | 40 663 | 40 376 | 45 098 | 43 021 | 53 841 |
| 1990 | 526 201 | 56 059 | 43 208 | 44 491 | 43 217 | 41 355 | 40 266 | 42 461 | 41 681 | 38 997 | 43 401 | 42 871 | 48 194 |
| 1991 | 524 685 | 47 211 | 46 308 | 45 463 | 42 788 | 42 962 | 40 314 | 41 871 | 41 130 | 39 195 | 44 502 | 44 288 | 48 653 |
| 1992 | 521 530 | 52 247 | 45 888 | 44 875 | 42 399 | 42 145 | 39 573 | 41 953 | 41 422 | 39 939 | 43 817 | 42 329 | 44 943 |
| 1993 | 532 263 | 49 231 | 43 185 | 49 688 | 43 686 | 42 331 | 40 678 | 41 063 | 40 987 | 40 571 | 43 938 | 44 017 | 52 888 |
| 1994 | 519 965 | 49 932 | 42 613 | 44 356 | 43 104 | 41 841 | 40 573 | 43 940 | 41 822 | 41 050 | 43 503 | 41 833 | 45 398 |
| 1995 | 531 618 | 48 788 | 40 937 | 46 454 | 45 670 | 43 965 | 41 742 | 43 819 | 42 078 | 40 873 | 43 462 | 43 346 | 50 484 |
| 1996 | 535 775 | 51 341 | 46 604 | 47 495 | 44 833 | 43 636 | 41 237 | 42 390 | 39 915 | 40 680 | 42 725 | 43 337 | 51 582 |
| 1997 | 530 319 | 59 227 | 44 788 | 45 218 | 43 954 | 42 644 | 39 325 | 42 105 | 42 519 | 39 394 | 42 266 | 43 100 | 45 779 |
| 1998 | 534 005 | 47 361 | 46 023 | 51 720 | 48 135 | 43 961 | 40 956 | 41 368 | 41 319 | 40 016 | 42 846 | 42 928 | 47 372 |
| 1999 | 537 661 | 51 436 | 50 019 | 50 049 | 43 339 | 42 664 | 40 123 | 41 799 | 41 012 | 39 754 | 43 651 | 43 308 | 50 507 |
| 2000 | 530 864 | 58 939 | 47 747 | 45 098 | 42 658 | 41 722 | 40 568 | 41 511 | 41 178 | 39 415 | 43 417 | 42 983 | 45 628 |
| 2001 | 531 073 | 49 529 | 42 513 | 46 133 | 43 594 | 44 212 | 41 846 | 43 230 | 42 518 | 40 973 | 43 132 | 44 583 | 48 810 |
| 2002 | 535 144 | 55 663 | 45 849 | 46 785 | 44 009 | 42 973 | 42 132 | 42 319 | 40 461 | 40 322 | 44 243 | 43 166 | 47 222 |
| 2003 | 552 339 | 50 920 | 44 667 | 47 177 | 44 479 | 42 928 | 42 604 | 43 760 | 56 550 | 41 137 | 43 786 | 43 954 | 50 377 |
| 2004 | 509 429 | 50 377 | 43 446 | 44 993 | 41 464 | 41 337 | 39 021 | 39 975 | 39 091 | 39 360 | 42 660 | 41 530 | 46 175 |
| 2005 | 527 533 | 48 186 | 50 324 | 53 401 | 43 365 | 42 433 | 40 712 | 39 780 | 38 870 | 38 973 | 42 551 | 41 991 | 46 947 |
| 2006 | 516 416 | 49 166 | 43 380 | 45 989 | 41 524 | 41 563 | 40 776 | 43 185 | 40 156 | 40 304 | 42 500 | 42 214 | 45 659 |
| 2007 | 521 016 | 49 225 | 44 229 | 45 401 | 42 342 | 41 112 | 39 837 | 41 885 | 40 044 | 39 721 | 44 448 | 44 549 | 48 223 |
| 2008 | 532 131 | 51 862 | 45 865 | 46 964 | 44 595 | 43 007 | 40 723 | 41 940 | 40 455 | 40 232 | 44 280 | 42 763 | 49 445 |
| 2009 | 538 116 | 58 938 | 46 677 | 46 407 | 43 550 | 42 818 | 40 796 | 41 384 | 41 066 | 40 033 | 44 885 | 43 238 | 48 324 |
| 2010 | 540 469 | 51 095 | 45 770 | 47 555 | 43 782 | 43 824 | 41 654 | 42 727 | 41 487 | 41 743 | 46 043 | 44 264 | 50 525 |
| 2011 | 534 795 | 52 088 | 45 390 | 46 906 | 43 075 | 43 325 | 41 391 | 41 824 | 41 861 | 41 188 | 44 935 | 44 274 | 48 538 |
| 2012 | 559 227 | 51 396 | 53 590 | 52 871 | 45 863 | 44 999 | 41 724 | 42 923 | 42 258 | 41 282 | 46 174 | 45 771 | 50 376 |
| 2013 | 558 408 | 55 134 | 50 603 | 53 241 | 46 036 | 44 410 | 42 324 | 44 145 | 41 622 | 41 986 | 45 063 | 44 452 | 49 392 |
| 2014 | 547 003 | 50 125 | 45 757 | 48 298 | 44 466 | 44 467 | 42 107 | 43 465 | 43 057 | 42 544 | 45 419 | 45 979 | 51 319 |

Source : Insee, statistiques de l'état civil

De 2005 à 2014 : 5 375 114

Un point de vue :

Confirmatory vs Exploratory Data Analysis

- **Confirmatory Analysis**
 - Inferential Statistics - Deductive Approach
 - Heavy reliance on probability models
 - Must accept untestable assumptions
 - Look for definite answers to specific questions
 - Emphasis on numerical calculations
 - Hypotheses determined at outset
 - Hypothesis tests and formal confidence interval estimation
 - Advantages
 - Provide precise information in the right circumstances
 - Well-established theory and methods
 - Disadvantages
 - Misleading impression of precision in less than ideal circumstances
 - Analysis driven by preconceived ideas
 - Difficult to notice unexpected results

- **Exploratory Analysis**
 - Descriptive Statistics - Inductive Approach
 - Look for flexible ways to examine data without preconceptions
 - Attempt to evaluate validity of assumptions
 - Heavy reliance on graphical displays
 - Let data suggest questions
 - Focus on indications and approximate error magnitudes
 - Advantages
 - Flexible ways to generate hypotheses
 - More realistic statements of accuracy
 - Does not require more than data can support
 - Promotes deeper understanding of processes
 - Statistical learning
 - Disadvantages
 - Usually does not provide definitive answers
 - Difficult to avoid optimistic bias produced by overfitting
 - Requires judgement and artistry - can't be cookbooked

www.geog.ucsb.edu/~joel/g210_w07/lecture_notes/lect01/oh07_01_2.html

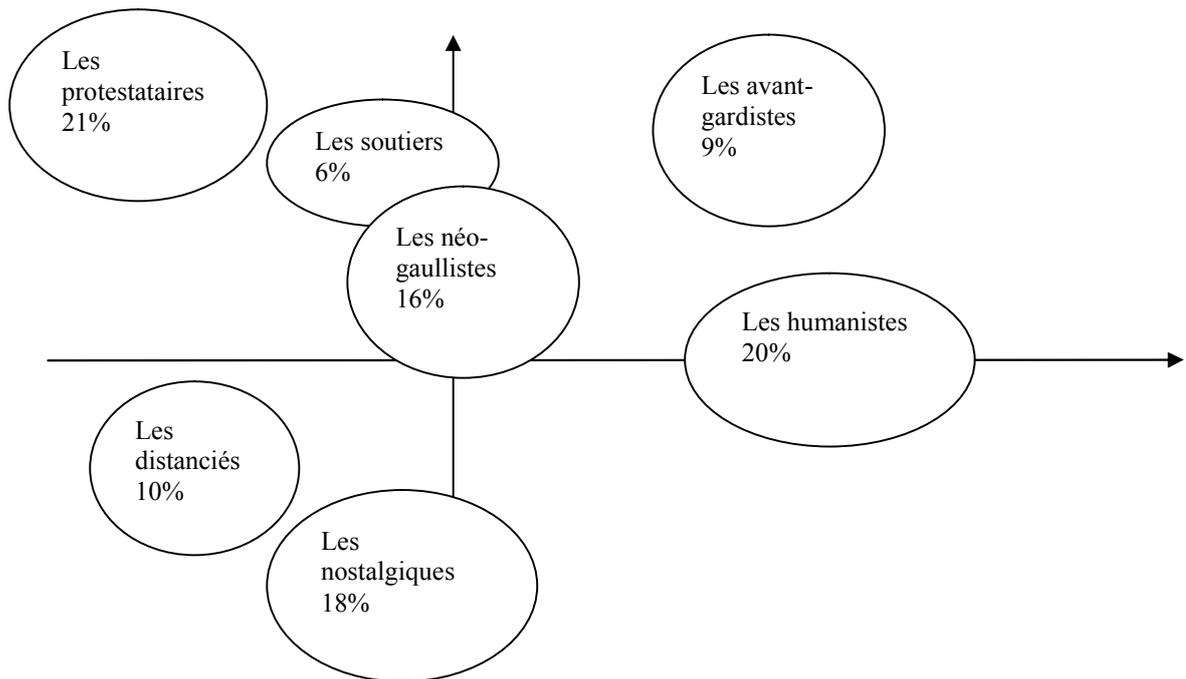
UC Santa Barbara dept of geographphy

Exemple 1 : catalogue La Redoute, les huit « boutiques » femme :

- 1- classiques qualité
- 2- classiques paraître
- 3- traditionnelles
- 4- femmes actives petits prix
- 5- les bains
- 6- les modernes paraître
- 7- les modernes marques mode
- 8- les juniors

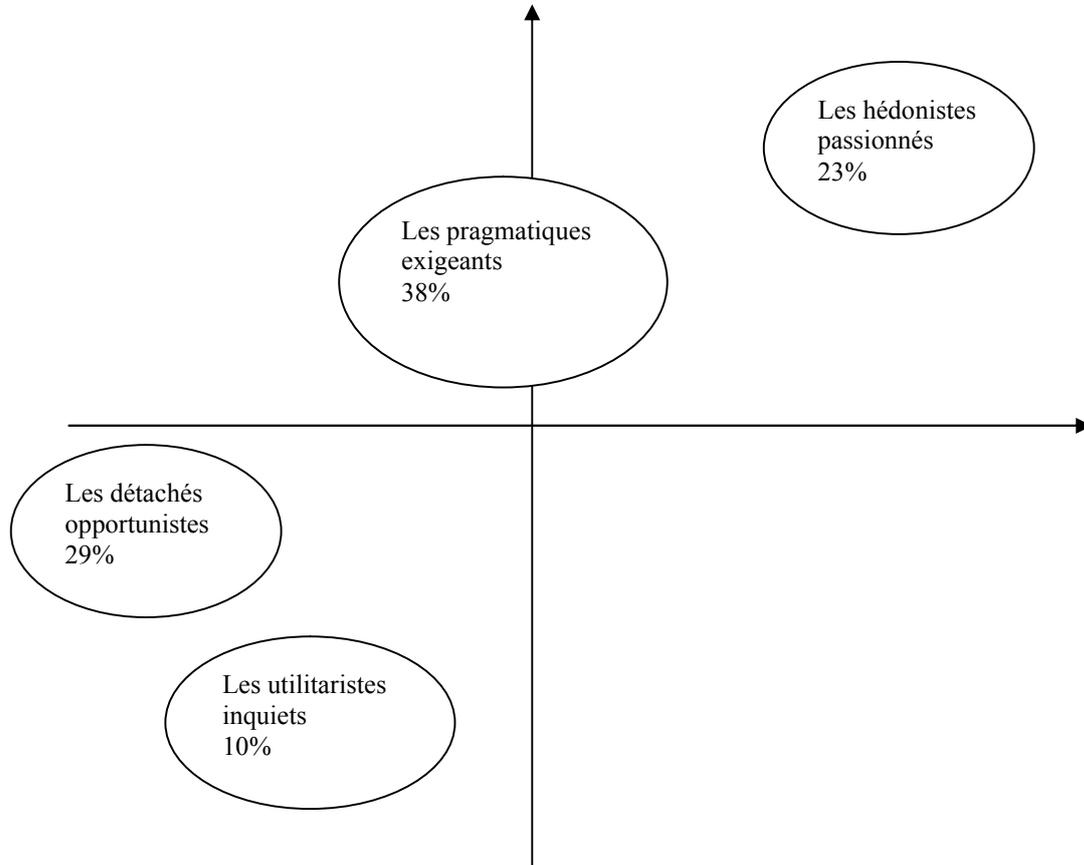
Exemple 2 : TNS-Sofres - Figaro Magazine⁷

.....les sympathisants de droite se regroupent par affinités en sept familles distinctes mises en lumière par l'enquête TNS Sofres.....



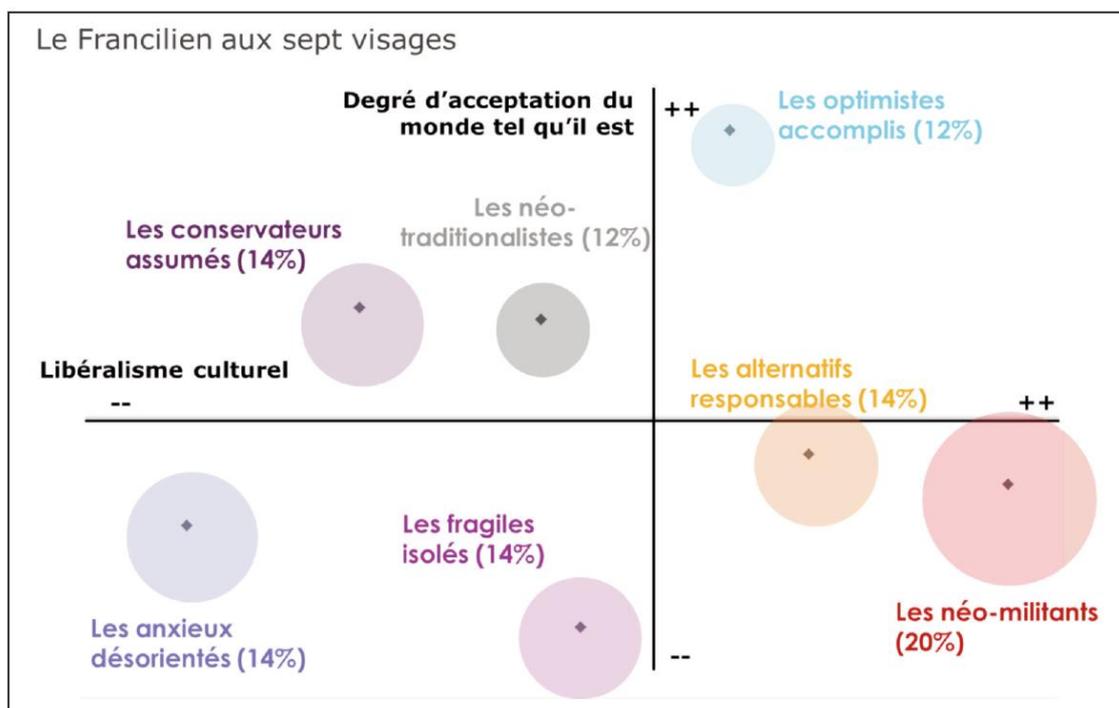
⁷ N° du samedi 20 novembre 2004
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Exemple 3 : typologie des acheteurs, » le club des quatre »,
l'observatoire de l'automobile , groupe CETELEM, 2004



Exemple 4 : « Franciliens : un portrait qui trouble les lignes politiques classiques »

Guénaëlle Gault, TNS-SOFRES. NOTE n° 206 - Fondation Jean-Jaurès - 3 mars 2014

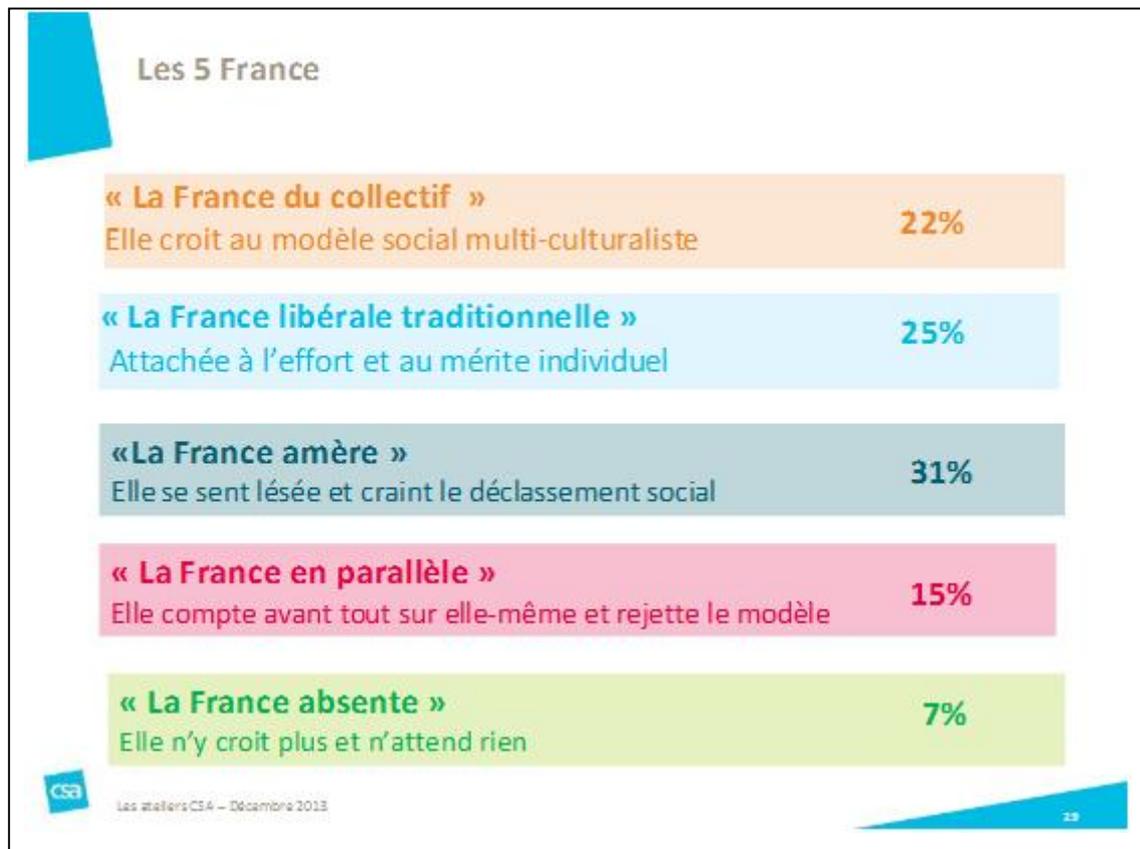


Les néo-militants : 20 % des Franciliens

| | Ensemble des Franciliens | Néo-militants |
|--|-----------------------------|---------------|
| Ce qui les distingue en termes de valeurs | | |
| Il est normal qu'une femme puisse choisir d'avorter | 89 % | 98 % |
| L'homosexualité est une manière acceptable de vivre sa sexualité | 81 % | 98 % |
| Les couples homosexuels doivent avoir le droit d'adopter des enfants | 51 % | 92 % |
| La présence d'immigrés en France est une source d'enrichissement culturel | 76 % | 98 % |
| Favorables au droit de vote des étrangers résidant en France depuis plusieurs années aux élections municipales | 63 % | 97 % |
| D'accord avec l'idée selon laquelle pour établir la justice sociale il faut prendre aux riches pour donner aux pauvres | 49 % | 84 % |
| Il ne faut pas que les inégalités de revenus soient trop importantes car cela crée des tensions (<i>vs</i> il faut une assez grande inégalité de revenus en fonction des mérites) | 49 % | 71 % |
| La plupart de ceux qui bénéficient des aides sociales en ont vraiment besoin (<i>vs</i> n'en ont pas vraiment besoin) | 47 % | 75 % |
| Privilégient la solidarité collective (<i>vs</i> la responsabilité de chacun) | 45 % | 68 % |
| Il faut que l'Etat contrôle et réglemente plus étroitement les entreprises (<i>vs</i> leur fasse confiance et leur donne plus de libertés) | 48 % | 64 % |
| Il faut plus de libertés pour chacun (<i>vs</i> plus d'ordre et d'autorité) | 40 % | 72 % |
| Un monde meilleur serait un monde avec plus d'écologie | 15 % | 29 % |
| Ce qui les distingue en termes de représentation d'eux-mêmes | | |
| Je vais arriver à m'en sortir | 79 % | 89 % |
| Se sent reconnu à sa juste valeur | 77 % | 89 % |
| Ce qui les distingue sur le plan sociopolitique | | |
| Intérêt pour la politique | 58 % | 71 % |
| Vote F. Hollande au 1 ^{er} tour 2012 | 24 % | 49 % |
| Vote JL Mélenchon au 1 ^{er} tour 2012 | 9 % | 20 % |
| Sympathisants PS | 25 % | 46 % |
| Sympathisants EELV | 5 % | 12 % |
| Engagement associatif | 29 % | 38 % |
| Pratiques conso collaboratives (covoiturage / vente ou troc) | 29 %/33 % | 38 %/42 % |
| Ce qui les distingue en termes sociodémographiques | | |
| Moins de 35 ans | 31 % | 38 % |
| Diplômés de l'enseignement supérieur | 40 % | 59 % |
| Cadres, professions intellectuelles | 24 % | 42 % |
| Salariés de l'Etat ou d'une collectivité locale | 25 % | 32 % |
| Revenus > 3 800 € | 25 % | 33 % |
| Sans religion | 35 % | 60 % |
| Ce qui les distingue sur le plan socio-territorial | | |
| Centre-ville bourgeois | 11 % | 16 % |
| Paris branché | 10 % | 16 % |
| Paris populaire | 7 % | 12 % |

Exemple 5 « Français, ce qui vous rassemble est-il plus fort que ce qui vous divise ? »

Les ateliers du CSA- Le Monde 2013



1-Individu

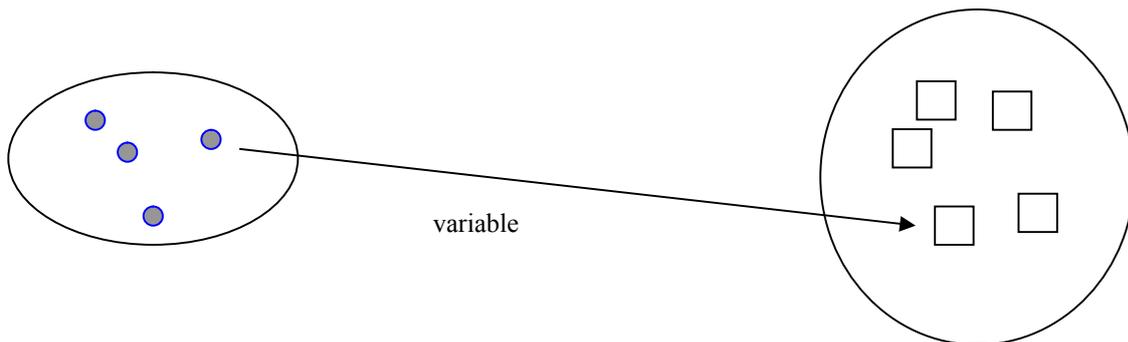
Il faut pouvoir distinguer conceptuellement et pratiquement les individus. Math : éléments d'un ensemble. Informatique : ligne d'un tableau (individu-ligne).

| | GENRE | AGE | COULEUR | TABAC |
|--------|-------|-----|---------|-----------|
| Pierre | homme | 23 | claire | nonfumeur |
| Cécile | femme | 34 | claire | fumeur |
| Roxane | femme | 21 | claire | fumeur |
| Paul | homme | 48 | foncée | nonfumeur |

2-Variable (caractère, indicateur, descripteur...)

une variable ne varie pas (enfin...) c'est une fonction :

$$I = \{ \text{individus} \} \longrightarrow \{ \text{modalités} \}$$



modalités : des chiffres : la variable est quantitative, numérique (SPAD : *variable continue C*)

modalités : des lettres : la variable est qualitative, texte (SPAD : *variable nominale N*)

enfin presque...

Excel : reconnaissance automatique, éventuellement erronée : le texte à gauche, le nombre à droite de la colonne

- idée de mesure
- fonction : protocoles d'opérations et de mesures
- informatique : colonne d'un tableau

| | GENRE | AGE | COULEUR | TABAC |
|--------|-------|-----|---------|-----------|
| Pierre | homme | 23 | claire | nonfumeur |
| Cécile | femme | 34 | claire | fumeur |
| Roxane | femme | 21 | claire | fumeur |
| Paul | homme | 48 | foncée | nonfumeur |

exemple , enquête

| | | |
|-----------|-------------------|---------------|
| individu | ligne | questionnaire |
| variable | nom d'une colonne | question |
| modalités | cellule | réponses |

Un questionnaire entier doit tenir sur une ligne. Ce n'est pas immédiat, il faut reconditionner les variables.

Cas réels :

| capital privé national | capital privé étranger | forme_juridique | régime_exportation | taille_entreprise |
|------------------------|------------------------|-----------------|--------------------|----------------------|
| 100 | 0 | SA | On_shore | moins_de_50_employés |
| 100 | 0 | SARL | On_shore | 50_99_employés |
| 100 | 0 | SA | On_shore | 100_employés_et_plus |
| 100 | 0 | SA | On_shore | 100_employés_et_plus |
| 33 | 67 | SARL | Off_shore | 50_99_employés |
| 100 | 0 | SARL | On_shore | 50_99_employés |
| 51 | 49 | SA | On_shore | 100_employés_et_plus |
| 100 | 0 | SARL | Off_shore | 50_99_employés |
| 100 | 0 | SARL | On_shore | moins_de_50_employés |
| 100 | 0 | SARL | On_shore | moins_de_50_employés |
| 100 | 0 | SARL | On_shore | moins_de_50_employés |
| 100 | 0 | SA | On_shore | 100_employés_et_plus |
| 100 | 0 | SARL | Off_shore | 50_99_employés |
| 34 | 66 | SARL | Off_shore | 100_employés_et_plus |
| 51 | 49 | SA | On_shore | 100_employés_et_plus |
| 100 | 0 | SARL | On_shore | 100_employés_et_plus |

| MOIS | TYPEJOUR | CAUSE | LUMINOSITE | INTEMPERIE | SU |
|---------|----------|------------------------------------|---------------------|------------|-----|
| Janvier | Lundi | Roule a gauche | Nuit éclairée | Aucune | Se |
| Janvier | Mercredi | Non respect du piéton en carrefour | Nuit éclairée | Aucune | Se |
| Janvier | Jeudi | Defaut de maitrise | Nuit éclairée | Aucune | Gra |
| Janvier | Jeudi | Non respect du piéton en carrefour | Plein jour | Aucune | Se |
| Janvier | Lundi | Non respect des feux tricolores | Nuit éclairée | Aucune | Se |
| Janvier | Mardi | Roule a gauche | Demi jour | Aucune | Se |
| Janvier | Jeudi | Non respect des feux tricolores | Plein jour | Aucune | Se |
| Janvier | Mercredi | Non respect des feux tricolores | Plein jour | Aucune | Se |
| Janvier | Jeudi | Non respect d'une balise | Plein jour | Aucune | Gra |
| Janvier | Samedi | Depassement dangereux | Nuit sans éclairage | Vent fort | |

| décision | âge | genre | section | décision très risquée | décision vouée à l'échec | verbatim lycéen |
|-------------|-----|--------|---------|-----------------------|--------------------------|---|
| contourneur | 19 | fille | S | non | non | je me suis vraiment très très mal intégrée dans ma classe ainsi que mes camarades de même âge car des clans ont été formé entre doublants et triplants et j'ai été séparé de mes ami(s/es) qui se sont retrouvés dans une autre classe. Le changement de classe |
| contourneur | 17 | fille | S | oui | non | Une année bien trop courte avec beaucoup trop de lacunes |
| contourneur | 17 | garçon | | non | non | |
| contourneur | 18 | fille | | non | non | Il vaut mieux redoubler la Terminale plutôt que redoubler la première et en cas d'échec au bac, redoubler la Terminale |
| contourneur | 17 | garçon | | non | non | mauvaise ambiance de classe |
| contourneur | 20 | garçon | ES | non | oui | le lycée m'obscurcit l'esprit |
| contourneur | 17 | fille | L | non | non | Je pense que ce questionnaire est éroné, car j'ai raté des mois d'école du à un problème de santé. Mis a part ce problème, j'ai toujours basé ma scolarité sur ce petit mot "quand-t-on veut on peut" |

Enquêtes, sondages : choses diverses et ficelles du métier

- une variable ne varie pas : la question doit être la même (avoir le même sens !) pour chaque individu interrogé, c'est la réponse qui varie d'un individu à l'autre. Evidemment, on sait que ça n'est pas le cas.
- un poids et deux mesures
- nommer une variable : identifiants mnémotechniques, unités de mesures (VAK€, Pluiemm, Norages),
- jugements de valeur , INED : « *naissance illégitime* »
- Sexe ? Genre ? civilité
- enquête INED auprès des SDF : » *Comment vous êtes vous procuré votre repas hier soir ?* »
- questions : la violence « *tu préfères ton père ou ta mère ?* »,
- classer, c'est juger : catégorie, du grec katêgoria « accusation », katêgorein « parler contre, accuser, blâmer...). (jugement catégorique)
- aux USA on distingue officiellement 63 catégories raciales. *Federal directive Race and Ethnic Standart for Federal Statistics and Administration Reporting – 1977.* des statistiques ethniques en France?
- *Selon l'étude de l'Université de Standford, 40% des Américains blancs sont d'accord avec au moins un adjectif négatif (violent, paresseux, râleur, irresponsable, fanfaron, ...) pour qualifier les Noirs.*



- les questions : « le roi-de-France-est-il –chauve ? »

« avez-vous déjà bénéficié d'une acupuncture ? », laïcité positive

* la technique du « fou ». exemples

* ajouter une réponse possible peut modifier l'ordre de préférence sur les autres

Voulez-vous partir maintenant ou reprendre un thé ? Voulez-vous partir maintenant ou reprendre un thé, ou de la cocaïne ?

- on a le droit de mentir, pas le droit de nuire. exemples-
- ce qu'on dit à l'oral, ce qu'on écrit : pourquoi les déclarations de sinistres aux assurances se font de plus en plus au téléphone.
- Les réponses n'engagent à rien
- Le coût des réponses n'est pas le même (une réponse gratifiante , consensuelle, conventionnelle etc est plus facile)...exemples

- Instituts de sondages, ce ne sont pas des instituts mais des entreprises privées . parties prenantes⁸.
- « *un sondage, ça s'achète !* »
- « *push polls* » que l'on peut traduire par « sondage d'influence ». Primaires Parti Républicain USA 2000, Caroline du Sud , G.W. Bush / McCain « *Seriez-vous plus enclin ou moins enclin à voter John Mac Cain comme Président si vous saviez qu'il est le père illégitime d'un enfant noir ?* ».
- En 1948 les Instituts de sondage sont passés devant une commission du Sénat des USA. Ils avaient donné, à tort, les républicains vainqueurs.
- La question cruciale de l'anonymat. Garantie de l'Etat. Exemple fichier RMI.INSEE « *un accident de parcours dans l'anonymat se paye cher et pendant longtemps* ».
- Journée « Qualité dans les enquêtes » à la SFdS : « les questionnaires sont trop longs + trop complexes,+ **inadéquation questionneur/répondants** »

Les questions « scandaleuses » génèrent des sous et des sur-déclarations. Exemples.

La qualité dans les enquêtes :

- scène /obscène , ce que dit un serveur dans la salle de restaurant/cuisines
- on ne se comprend pas
- « quand un français dit 20h ça veut dire 20h30 » (un homme, français, à son épouse, allemande)
- questions très difficiles ; allume-cigare dans les automobiles, airbag
- les sondages : « *qu'est-ce qu'on dit au client ?* » dire la vérité au patient ? nous préférons une belle histoire. La gifle de Bayrou.
- il faut emballer le produit

pourquoi c'est pas aussi bon que ça pourrait l'être ?

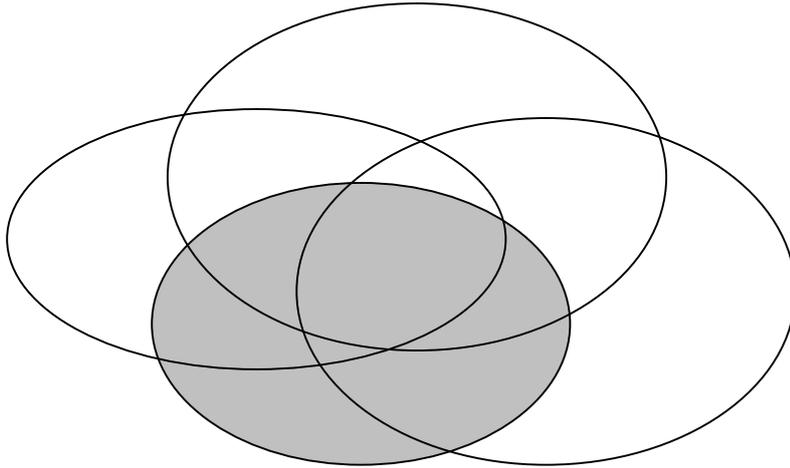
1. baisse de notre chiffre d'affaires (« *on dit oui à tout ce que demande le client* »)
2. « *garder la maîtrise* »
3. « *le client ne sait pas ce qu'il achète, il prend le moins cher* »

⁸ « *Non, nos sondages ne sont pas trafiqués. OpinionWay ne dérange que les envieux* » Hugues Cazenave et Denis Pingaud, Président et Vice-Président d'Opinion Way in Le Monde du 31 juillet 2009 puis « *Si je me reconnaissais dans ce portrait des sondeurs, je choisirais un autre métier...* » Yannick Carriou, Directeur Général de TNS Sofres et « *Question de factures, pas de méthode, OpinionWay se victimise à bon compte* » Jean-Marc Lech, Coprésident d'IPSOS le 5 août 2009.
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Dans la vie : 1-on ne mesure pas ce qu'on veut (indicateurs...) , 2-les données sont incomplètes (c'est subi : les missing data, ou voulu : les échantillons ———> inférences statistiques ..) 3-et le peu de données que l'on a sont « contaminées ».

It's not a bug , it's a feature !

- 1- La consommation de fuel lourd est un indicateur d'activité industrielle
- le nombre de navettes de la benne à ordures est un indicateur de fréquentation touristique...
- ménagères de moins de 50 ans



- comment trouver les » clients potentiels pour un fusil de chasse haut de gamme « ? (cas réel)
-

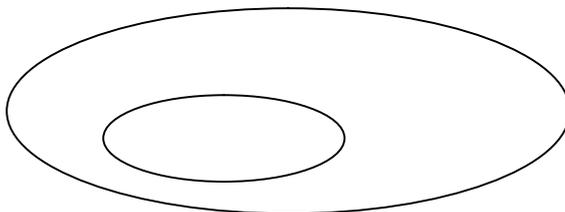
- **Indicateur/marqueur très utile : l'âge**

25 ans ? pas propriétaire de votre logement, contraintes d'emploi du temps faibles, financières fortes ,etc

45 ans ? propriétaire, contraintes d'emploi du temps fortes, financières fortes, etc

65 ans ? propriétaire , contraintes d'emploi du temps faibles, financières faibles, etc

2- échantillon / population (voir cahier tiré à part sur les sondages)



examen 2004 1 *- données

on peut trouver, dans le Oxford-Dictionary of statistics, à l'entrée « dirty data » :

dirty data : *Data with unusual, missing or incorrect values. Most real sets of data are dirty.*

Ce qui peut être traduit :données sales : données avec des valeurs étranges, manquantes ou erronées. La plupart des données sont sales.

Que comprenez-vous ?

Missing data :

Un exemple classique de tableau avec des données manquantes :

| unit | Income | age | car |
|------|--------|--------|-----|
| 1 | | young | am |
| 2 | medium | medium | am |
| 3 | | old | jap |
| 4 | low | young | jap |
| 5 | medium | young | am |
| 6 | high | old | am |
| 7 | low | young | jap |
| 8 | high | medium | am |
| 9 | high | | am |
| 10 | low | young | am |

Repris dans « *Fusion et greffes de Données* » G. Saporta , N. Fisher in La revue Modulat n°27, juin 2001

Pour un statisticien, **les non-réponses sont a priori des réponses comme les autres**, il y a mille interprétations possibles, qui ne sont pas de son ressort (oubli, lassitude, contestation de la question, interrogation, incompréhension, non, doute....).

En cas de donnée manquante, il faut laisser la case vide.

Des remarques :

5 160 **3674** **11** **19** **21** **24**

vo**tre** avis nous intéresse

fnac.com

Je vous remercie de votre visite à la FNAC aujourd'hui et de la confiance que vous nous témoignez.

Mon équipe et moi-même vous remercions du temps que vous voudrez bien consacrer à notre questionnaire de satisfaction. Votre avis nous sera précieux pour améliorer notre qualité de service et vous satisfaire pleinement.

Merci de nous retourner ce questionnaire aussi rapidement que possible à l'aide de l'enveloppe déjà affranchie.

Le directeur de votre magasin FNAC

Comment remplir ce questionnaire ?

- cocher la case correspondant à votre avis pour chaque proposition de la façon suivante :
- si vous n'êtes pas concerné par une question, cochez la case «Non concerné(e)»
- merci d'utiliser de préférence un stylo noir (évitiez le stylo rouge)

1 Quel jour de la semaine vous a-t-on remis ce questionnaire ?

- Lundi - Mardi - Mercredi - Jeudi
 - Vendredi - Samedi

2 À quel moment de la journée ?

3 En ce qui concerne le MAGASIN EN GÉNÉRAL, le jour où l'o
vous a remis ce questionnaire, avez-vous été très, plutôt, plutôt
pas ou pas du tout satisfait de... :

Très satisfait Plutôt satisfait Plutôt pas satisfait Pas du tout satisfait Non concerné

4 Le service qui vous a été réservé en arrivant

26 Aujourd'hui, finalement, quelles sont les raisons principales pour lesquelles vous avez choisi la FNAC plutôt qu'un autre magasin ou site internet ? (plusieurs réponses possibles)

- La FNAC est l'enseigne que vous préférez
- Il n'y a qu'à la FNAC que vous trouvez certains produits ou services
- Vous pouvez vous rendre facilement dans ce magasin FNAC
- La FNAC est le magasin qui propose les meilleurs prix
- Vous êtes sûr(e) de trouver à la FNAC un conseil personnalisé

27 Recommanderiez-vous la FNAC à un ami ?

- Oui, certainement - Non, certainement pas
 - Oui, peut-être - Ne sait pas

28 Pour chacune des affirmations suivantes, dites-nous si vous êtes tout à fait, plutôt, plutôt pas ou pas du tout d'accord :

Tout à fait d'accord Plutôt d'accord Plutôt pas d'accord Pas du tout concerné

- La FNAC conseille et accompagne ses clients avec professionnalisme

- Toutes les nouveautés technologiques sont à la FNAC

S1 Vous êtes : - Un homme - Une femme

S2 Votre année de naissance :

S3 Votre situation maritale : - Célibataire - En couple - Divorcé(e) - Veuf(ve)

S4 Nombre d'enfants à charge dans votre foyer :

S5 Votre niveau d'études :

- Certificat d'Études Primaires - Bac + 2
- B.E.P.C, Brevet des collèges - Bac + 4 ou plus
- Baccalauréat

S6 Code postal de votre lieu de résidence :

S7 Travaillez-vous en dehors de votre lieu de résidence ?

Les Clermontois majoritairement satisfaits

qualité du service public municipal
enquête d'opinion menée du 22 au 27 juin 2011

▲ En 2011, décision a donc été prise de faire réaliser par un organisme spécialisé une enquête d'opinion sur la qualité du service public municipal.

En l'occurrence par l'Ifop, retenu à l'issue d'un appel à la concurrence, auteur de nombreuses enquêtes pour le compte de villes de toutes sensibilités politiques et chargé par la Ville de Clermont-Ferrand de mesurer la perception instantanée du niveau de qualité du service public municipal et du CCAS mais aussi celle de son évolution au cours des dernières années.

Et ce, dans treize domaines :

- Gestion de la ville et image de Clermont : utilisation des impôts locaux, travail accompli, modernisation de la ville.
- Environnement et cadre de vie : espaces verts, propreté, accessibilité.

Renseignements vous concernant

40 Quel âge avez-vous ?

- Moins de 20 ans 40 à 49 ans
 20 à 29 ans 50 à 59 ans
 30 à 39 ans 60 ans et plus

41 Vous êtes ?...

- Un homme
 Une femme

42 Dans votre foyer, qui exerce une activité professionnelle ?

- | | Oui | Non |
|---------------------------|--------------------------|--------------------------|
| • Vous-même | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| • Votre conjoint(e) | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

43 De combien de personnes se compose votre foyer, y compris vous-même ?

- 1 3 5 et plus
 2 4

44 Avez-vous des enfants dans votre foyer ? Oui Non

Si oui, merci de nous indiquer le nombre d'enfants appartenant à chacune des tranches d'âge suivantes :

- | | |
|---|--|
| 3 ans et moins <input type="checkbox"/> | De 11 à 14 ans inclus <input type="checkbox"/> |
| De 4 à 5 ans inclus <input type="checkbox"/> | De 15 à 17 ans inclus <input type="checkbox"/> |
| De 6 à 10 ans inclus <input type="checkbox"/> | 18 ans et plus <input type="checkbox"/> |

N° carte Auchan Waaoh 0 4 9 | | | | | | | | | |

Remarques particulières concernant votre dernière visite dans ce magasin Auchan :

Vous pouvez également contacter votre magasin Auchan sur www.auchan.fr - en cliquant sur le lien | Contactez-nous | en bas de page.

Si vous souhaitez que le magasin apporte une réponse personnelle à vos remarques, merci d'indiquer vos coordonnées ci-dessous*.

Nom Adresse E-mail:
 Prénom Code Postal Ville Téléphone:

Voilà, c'est terminé ! Votre magasin Auchan vous remercie d'avoir bien voulu répondre à cette enquête.

*Vous disposez d'un droit d'accès, de modification, de rectification et de suppression des données vous concernant (loi « Informatique et Libertés » du 6 janvier 1978). Pour toute demande, adressez-vous à : SOFTCOMPUTING - 55 Quai de Grenelle - 75015 Paris



Soucieux de l'amélioration continue de nos prestations et afin de répondre au mieux à vos attentes. La SNCF vous demande votre avis sur l'information fournie en gare et la visibilité de nos agents sur le terrain.

| | | |
|----------------|---|---|
| Date : | / Heure : | |
| | <input type="checkbox"/> Homme | <input type="checkbox"/> Femme |
| Âge | <input type="checkbox"/> 18 à 29 ans <input type="checkbox"/> 30 à 44 ans <input type="checkbox"/> 45 à 59 ans <input type="checkbox"/> 60 à 74 ans <input type="checkbox"/> 75 ans et plus | |
| CSP | <input type="checkbox"/> Artisan/commerçant <input type="checkbox"/> Ouvrier <input type="checkbox"/> Retraité <input type="checkbox"/> Profession intermédiaire | <input type="checkbox"/> Autre <input type="checkbox"/> Employé <input type="checkbox"/> Cadre/chef d'entreprise <input type="checkbox"/> Etudiant |
| Fréquence | <input type="checkbox"/> Occasionnel <input type="checkbox"/> Fréquent <input type="checkbox"/> Régulier | |
| Type de voyage | <input type="checkbox"/> Professionnel <input type="checkbox"/> Loisir <input type="checkbox"/> Les deux | |
| Train | <input type="checkbox"/> Transilien <input type="checkbox"/> IC TER /Intercités <input type="checkbox"/> TGV | |

I - L'information :

Q1. Trouvez-vous les annonces sonores en gare, audibles ?

Oui Non

Q2. Avez-vous déjà vécu une situation perturbée, en gare de Paris Est ?

Oui Non => merci de répondre seulement de la question 9 à 12.

Q3. Quelle est votre dernière situation perturbée, en gare de Paris Est ?

Q4. Combien de temps avez-vous attendu avant d'avoir une information ?

Q5. Avez-vous été informé de la cause du retard ?

Oui Non

Q6. Avez-vous été informé de la durée du retard ?

Oui Non

Si oui, le retard réel correspondait-il à la durée du retard énoncé ?

Oui Non

Q7. Quelles sont vos attentes en matière d'information, en situation perturbée ?

8 Quelle est votre année de naissance ? 19... 64

9 Quelle est votre profession et, éventuellement, celle de votre conjoint, ou celle de vos parents si vous êtes étudiante ?

| | LA VÔTRE 64 | VOTRE CONJOINT 65 |
|--|-------------|-------------------|
| Agriculteur..... | 1 | 1 |
| Commerçant, artisan, chef d'entreprise..... | 2 | 2 |
| Cadre supérieur, profession libérale..... | 3 | 3 |
| Cadre moyen, technicien, contremaître..... | 4 | 4 |
| Employé..... | 5 | 5 |
| Ouvrier..... | 6 | 6 |
| Etudiant, à la recherche d'un premier emploi..... | 7 | 7 |
| Retraité, préretraité..... | 8 | 8 |
| Sans profession..... | 9 | 9 |
| Pas de conjoint..... | | 10 |

Oh ! les chiffres, moi vous savez ...le point de vue d'un statisticien

Jean-Paul Villette, Maitre de conférences, Université de Strasbourg

1- lire l'étiquette d'un sondage

un exemple : sondage BVA pour [Le Parisien-Aujourd'hui en France](#) publié dimanche 16 mars 2014. Dans cette étude, réalisée les 13 et 14 mars auprès d'un échantillon de 997 personnes représentatif de la population française âgée de 18 ans et plus (méthode des quotas), recrutées par téléphone et interrogées par internet,

- combien de personnes ont répondu ?

Impossible de savoir : « auprès » est une expression poétique. Il faut des milliers d'appels pour obtenir que 1000 personnes décrochent et ne raccrochent pas aussitôt. L'application de filtres fait facilement tomber le nombre de répondants à quelques centaines. Exemple de filtre, pour l'Élection présidentielle de 2012, un premier filtre était d'avoir voté en 2007 et le deuxième d'être certain d'aller voter en 2012.

Ici on ne sait rien.

- pourquoi 997 ?

C'est du marketing, ça fait sérieux sans doute. On peut obtenir des résultats utiles avec de très petits échantillons, c'est souvent le cas dans l'industrie, dans les sciences de la vie. Par exemple, des scientifiques ont trouvé que tous les individus peuvent être classés en 3 groupes distincts, 3 « entérotypes », selon la nature des bactéries hébergées par le tube digestif... avec des échantillons de quelques dizaines d'individus (<http://www2.cnrs.fr/presse/communiqu/2165.htm>).

- échantillon représentatif ?

Ça ne veut rien dire. Représentatif (un synonyme est « proportionnel ») de quoi ? du genre ? alors la proportion hommes/femmes de l'échantillon serait celle de la population, de l'âge... ? Quelle est la « variable de contrôle » ?

Pour un statisticien, l'expression un « échantillon représentatif », avec des guillemets, c'est à dire des pincettes, signifie qu'il permet, par des formules de calcul complexes d'avoir une estimation sans biais systématique de la variable mesurée. Il y un biais (une erreur, un écart entre la vraie valeur et la valeur estimée) mais il n'est pas systématique, c'est à dire qu'en gros la surestimation est aussi probable que la sous-estimation

- des quotas ?

On ne dit pas des quotas de quoi. Il y a une bonne idée et une bonne pratique. Qu'un individu ne soit pas tiré complètement au hasard, mais avec une probabilité conditionnelle à son genre, la taille de son agglomération, sa région ... permet d'obtenir une estimation de bien meilleure qualité, en redressant les estimations par des coefficients basés sur la population. Voici la formule la plus simple avec une seule variable de contrôle :

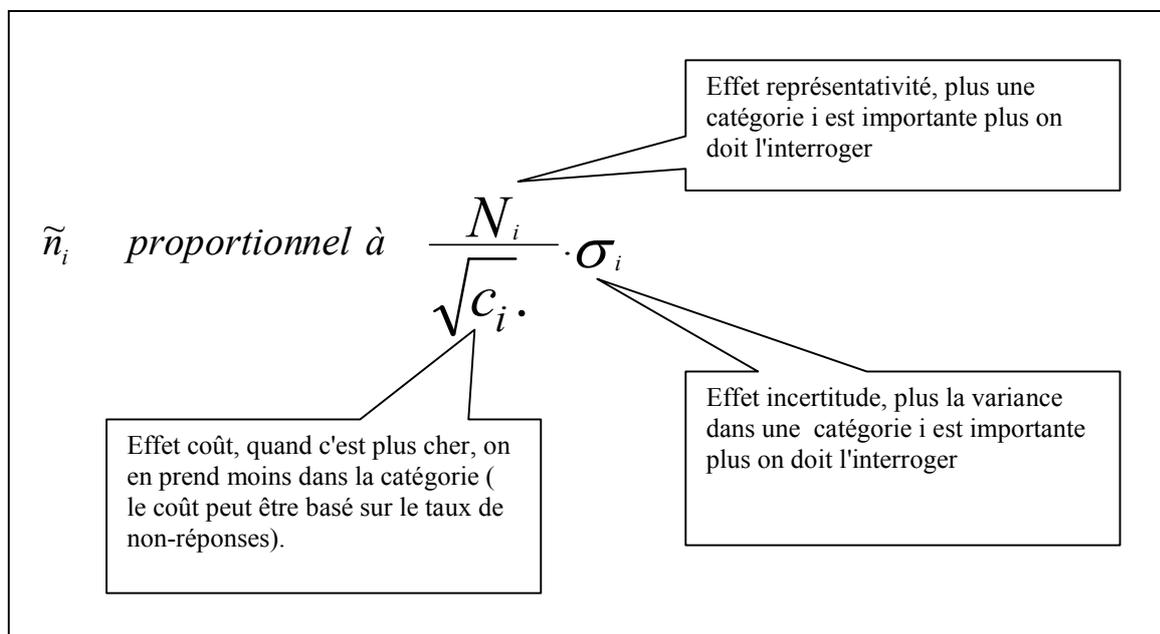
Une **variable de contrôle** définit des catégories $i=1, \dots, I$. Dans la catégorie i , dans la population, il y a N_i individus et n_i individus dans l'échantillon. Un plan de sondage est $(n_1, n_2, \dots, n_i, \dots, n_I)$. La valeur de la variable X pour l'individu k de la catégorie i est $x_{i,k}$.

Quel que soit le plan de sondage, on peut calculer une estimation sans biais x^* de x .

Estimation de la valeur moyenne dans la population:
$$\bar{x}^* = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^I \frac{N_i}{n_i} \sum_{k=1}^{n_i} x_{i,k}$$

Dans la pratique on ne respecte pas les quotas, c'est à dire que les proportions dans l'échantillon de différentes variables de contrôle ne sont pas celles de la population parce que

- 1- ce n'est pas possible ou alors ce serait extrêmement couteux (on peut chercher longtemps l'agriculteur de 30 à 50 ans qui nous manque)
- 2- cela n'est pas nécessaire car les formules corrigent automatiquement les sur- ou sous-représentativités dans l'échantillon
- 3- surtout, cela n'est de toute façon pas souhaitable , on obtient de bien meilleures estimations en appliquant la « règle d'allocation de Neyman ».



alors un institut de sondage peut dire n'importe quoi ?

oui la liberté est totale. Il n'est même pas obligé d'interroger qui que ce soit.

mais il y existe une « commission des sondages »

oui, mais elle n'est, en gros, concernée que par les » sondages publics d'intention de vote susceptibles d'altérer la sincérité du scrutin ». Voir son site

<http://www.commission-des-sondages.fr/>

Un Institut de sondage qui dirait n'importe quoi, ça se saurait. Il perdrait toute crédibilité

Des enquêtes montrent que la confiance envers les Instituts de sondage est globalement faible Est-ce qu'un Institut qui fait un coup tordu risque d'en pâtir ? J'ai entendu cette question , posée à un responsable d'un grand institut de sondage à propos de l'IFOP, qui avait fait fort en 2012 (N. Sarkozy en tête dans les intentions de vote , sondage pour le Figaro). Je ne sais pas ce qu'il en est. J'ai compris de sa réponse que tous les instituts en pâtissent, pas spécialement le fautif.

A suivre

PS- pour ceux qu'intéresse l'obscurité des nombres, un site de statisticiens : <http://www.penombre.org/>

Oh ! les chiffres, moi vous savez ...le point de vue d'un statisticien

Jean-Paul Villette, Maître de conférences, Université de Strasbourg

3- la différence entre un caillou et une intention de vote

- cible mouvante

On met un caillou sur une balance : 23 g. On peut le crier sur tous les toits, les 23 g n'en seront pas modifiés.

Les instituts des sondages ont évalué les intentions de vote pour les listes « Bleu-Marine » : 23%. En tête. Au moment de voter tout le monde connaissait ces chiffres. Alors il peut généralement se passer deux choses chez tous les électeurs, qu'ils aient l'intention de s'abstenir ou pas .

- l'effet « band-wagon » et l'« effet underdog »

L'effet *bandwagon*⁹, c'est la mobilisation en faveur du candidat placé en tête qui, dans notre exemple, aurait favorisé les listes Bleu-Marine. L'effet *underdog*, c'est au contraire la mobilisation pour les autres candidats. On peut identifier un effet ou l'autre dans différentes élections, notamment aux USA.

Les instituts sondages ont une communication sans faille nécessaire à leur combat pour nous convaincre de leur impartialité : les effets s'annulent .

- et en réalité ?

Je ne sais pas. Ceux qui volent au secours de la victoire sont généralement plus nombreux que les défenseurs d'une cause perdue.

- Et donc , pour les élections européennes de mai 2014 ?

Un résultat de 25%, c'est conforme aux prévisions. S'il y a eu des mouvements, ils se sont compensés. Un aspect statistique, si j'ose dire, de la question, c'est que les 27 millions d'électeurs qui se sont abstenus n'ont pas manifesté d'objection à ce que les listes « Bleu-Marine » arrivent en tête. Cela ne les dérange pas. Cela les arrange ?

Jean-Paul Villette

PS- pour ceux qu'intéresse l'obscur clarté des nombres, un site de statisticiens : <http://www.pnombre.org/>

⁹ *Band-wagon* : An activity that more and more people are becoming involved in. *under-dog* : a person, team, country, etc. that is thought to be in a weaker position than others and therefore not likely to be successful.. (Oxford dictionary)

Concrètement : définir une variable quantitative-numérique

A chaque individu est associé un nombre

| | âge |
|--------|-----|
| Pierre | 23 |
| Cécile | 34 |
| Roxane | 21 |
| Paul | 48 |

Concrètement : définir une variable qualitative¹⁰

Les modalités doivent être exhaustives (à chaque individu correspond au moins une modalité, il faut avoir quelque chose à mettre dans la cellule) et exclusives (à chaque individu correspond au plus une modalité, faut pas avoir l'embarras du choix, une seule réponse possible).

Cela ne se fait pas tout seul. Il faut intervenir :

{France, Alsace, Autre}

| | genre |
|-----------|-------|
| Pierre | homme |
| Cécile | femme |
| Dominique | |
| Paul | homme |

exhaustivité : créer une classe des inclassables : « autres », « divers », « nsp »...

exclusivité : l'illusion autoritariste : une seule réponse possible , plus subtil : « quel est le motif principal de votre déplacement . familial, professionnel ...

Solution statistique :

| | |
|-----------------------------|--------------------------|
| Quelle langue parlez-vous ? | |
| anglais : | <input type="checkbox"/> |
| allemand : | <input type="checkbox"/> |
| italien : | <input type="checkbox"/> |
| autres : | <input type="checkbox"/> |

| | anglais | allemand | italien | autre |
|--------|---------|----------|---------|-------|
| Pierre | oui | oui | non | non |

¹⁰ « variable catégorique » en français du Québec, en anglais « categorical variable »
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

examen 2003, 2004

2 – question

Dans un questionnaire on trouve :

2. Quelles sont les raisons qui vous ont conduit à vous présenter à la Sous-Préfecture ?

- 1. Une réunion
- 2. dépôt de dossier ou délib
- 3. Rdv
- 4. Recherche d'information

Indiquez les réponses en cochant une ou plusieurs cases

Pourquoi est-ce que les réponses ne sont pas exclusives ? Que peut-on faire pour transformer cette variable en questions-variables à modalités-réponses exclusives ?

3- encore une question

sur le site www.expression-directe.com on peut trouver la question :

A propos de l'élargissement de l'Union européenne à dix nouveaux pays, quelle est parmi ces opinions celle qui se rapproche le plus de la vôtre ?

- c'est une chance pour l'Europe tout entière
- c'est un devoir historique et moral à l'égard de ces pays
- c'est prématuré sans avoir fait au préalable la réforme des institutions
- c'est une mauvaise chose pour la France
- sans opinion

est-ce que les modalités réponses sont exclusives ? exhaustives ? significations concrètes.

3 – bonnes fêtes, mamans

Dans l'excellent livre de l'humoriste Alain Schriffres « *Ceux qui savent de quoi je parle comprendront ce que je veux dire* ». Laffont 1986, on peut lire, dans l'article « *bonnes fêtes , mamans* »

Pour le savoir, nous avons fait procéder à un sondage exclusif auprès d'un échantillon représentatif des préaux d'école... A la question, bouleversante de simplicité : « Pourquoi aimes-tu ta maman ? », quarante-huit citoyens de six à huit ans répondent de la façon suivante :

- Parce qu'elle est gentille.....27
- Parce qu'elle est belle.....12
- Parce qu'elle est frisée.....1
- Parce qu'elle m'aime.....6
- Parce qu'elle travaille.....4
- Parce que c'est ma maman.....2
- Parce que c'est normal.....1
- Parce qu'elle ne se met pas beaucoup de maquillage...1

2-a quelle est la « variable » ?

2-b les modalités-réponses sont-elles exhaustives ? Exclusives ? Significations concrètes.

Ah ! les variables ordinales !

On peut penser un ordre dans les modalités . Le botaniste-statisticien ne sait généralement pas, c'est au fleuriste-usager de décider. Le débat ... *hot potato*

Petit, moyen, grand

Bronze, argent, or

Pas du tout, un peu , beaucoup

Homme, femme

(« *A Neufchâtel (Seine-Inférieure), on annonce le trépas par quinze coups de cloche pour un homme, douze pour une femme, et six pour un garçon et une fille. A Bully, à Esclavelles et à Bures, on tinte treize coups pour un homme, onze pour une femme et ... sept pour les enfants. »*¹¹

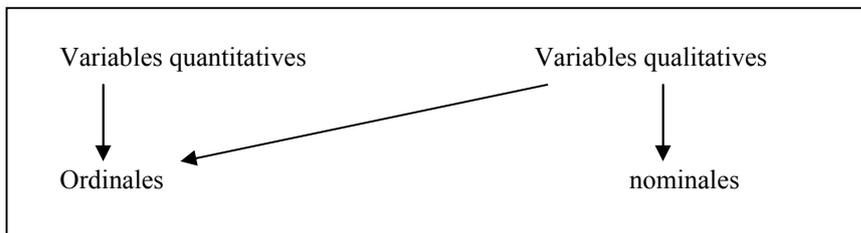
Extrême-Gauche, Gauche, Centre, Droite, Extrême-Droite

Lower-class, middle-class, Upper-Class

LLL, LLM, LLU, LML,MMM,UUU

Les couleurs...

18-24 ans, 25-34 ans,....



Ordinalité métier :

Séminaire Société Française de Statistique :

Est-ce que cette variable est ordinale ?

policier

secteur public

retraité

secteur privé

artisan

étudiant

¹¹ Alain Corbin in « *Les cloches de la terre .Paysage sonore et culture sensible dans les campagnes au XIX ème siècle* ». Albin Michel

C'est du qualitatif ou du quantitatif ? points de vue

température ? sexe ? couleur ? salaire ? enfants ? tués ?

| | | | |
|------------------|-------------|---------------|-------------|
| | | Statisticien- | botaniste |
| | | qualitatif | quantitatif |
| usager-fleuriste | qualitatif | * | (i) |
| | quantitatif | (ii) | * |

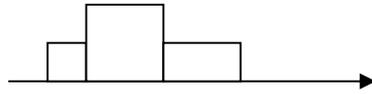
Ne pas perdre de vue, la distinction et les rapports entre :

- botaniste (statisticien) : description,
- fleuristes : (économiste, gestionnaire..) : jugements de valeurs, d'utilité (la pertinence..)

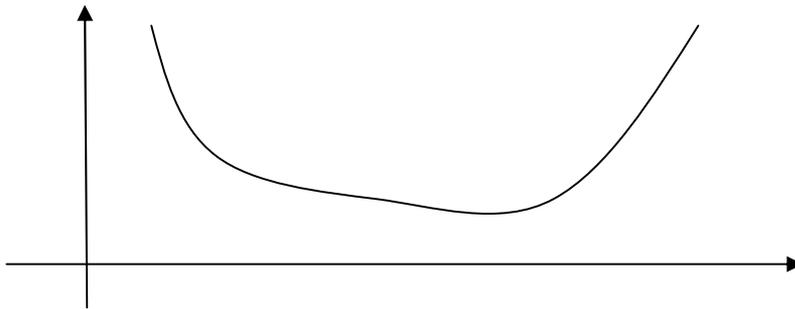
variable quantitative \longrightarrow variable qualitative ordinale

les enjeux...

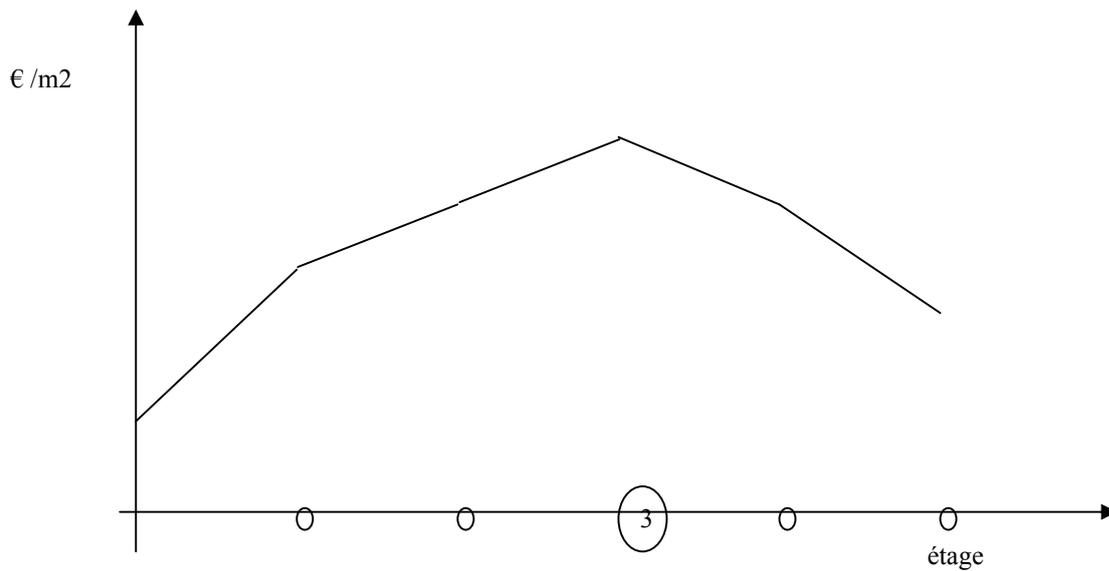
découper en classes, en tranches, pour un diagramme différentiel



capturer des phénomènes de non-linéarité, non monotonie de jugement, exemples..

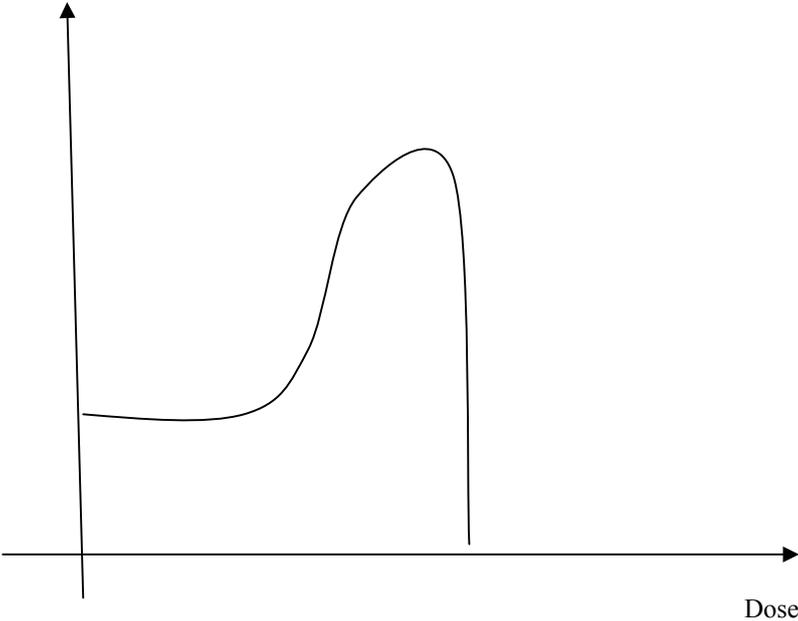


Prix du m² dans un immeuble Haussmannien à Paris en fonction de l'étage

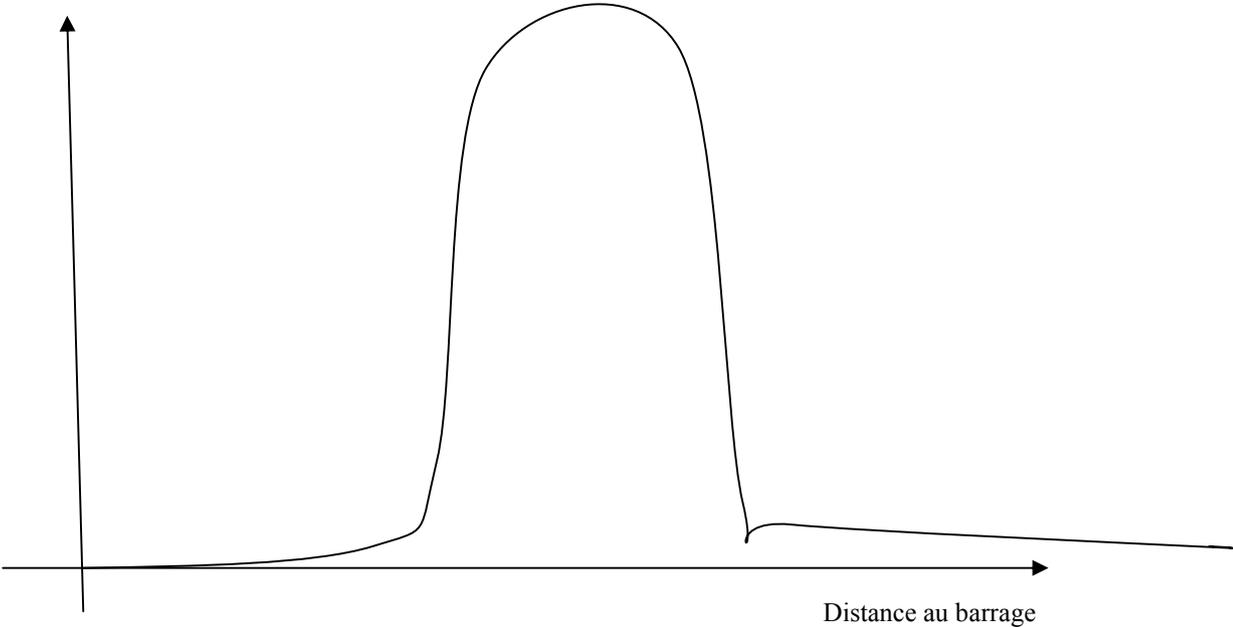


découpage statistique/métier

taux de guérison



Taux de personnes inquiètes



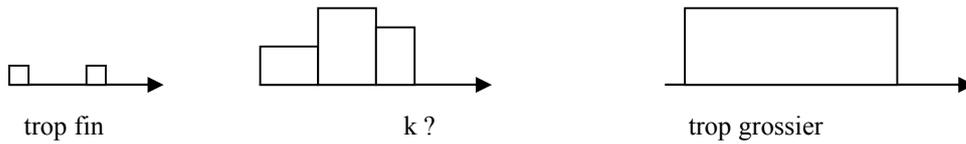
Pratiquement : gérer l'exhaustivité, l'exclusivité

| FF/CA% | effectif | fréquence |
|--------|----------|-----------|
| 1 2 | | |
| 2 3 | | |
| | | |

Combien de classes ? la finesse du découpage.

i- **découpage métier** :Pertinence, usager classes d'ages pour Air France, pour un démographe..

ii- **découpage du statisticien** :statisticien , visibilité , découpage optimal ?



ficelles : nombre de classes = $\sqrt{\text{nombre d'individus}}$
 nombre de classes = $1 + \text{Log}_2(\text{nombre d'individus})$

Il ne faut pas créer de modalités trop ou trop peu fréquentées¹³. Un bon choix (en AFCM, dans les sondages,...etc...) est de créer des classes de fréquences égales (et par conséquence d'amplitudes inégales). Dans SPAD menu *outils>quantiles* .

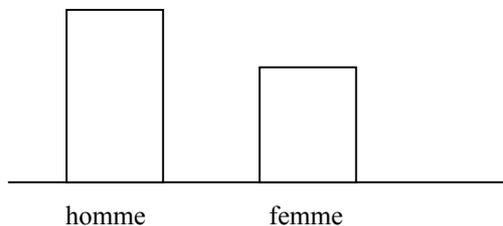
¹³ Un plaisanterie de statisticien : « *la fréquence précède l'existence* » (Cf Jean-Paul Sartre, « *l'existence précède l'essence* » in « *l'Existentialisme est un humanisme* », 1946.
 Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Traitement d'une variable qualitative : Classer / Compter / Comparer , représentation graphique

Remarque : toutes les variables sont qualitatives, par définition, ou après transformation.

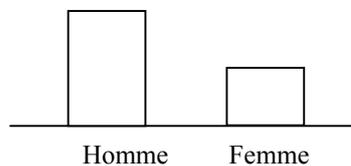
| genre | effectif | fréquence % |
|-------|----------|-------------|
| homme | 11356 | 63 |
| femme | 7257 | 37 |
| | 19613 | 100 |

Combien de chiffres derrière la virgule ? aucun¹⁴. La nuance ne doit pas faire perdre de vue la couleur.



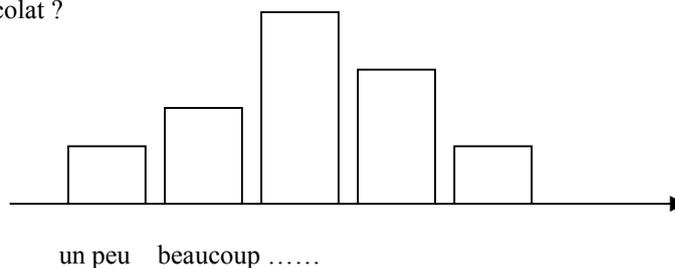
traits, formes, couleurs : pictogrammes

variable qualitative :

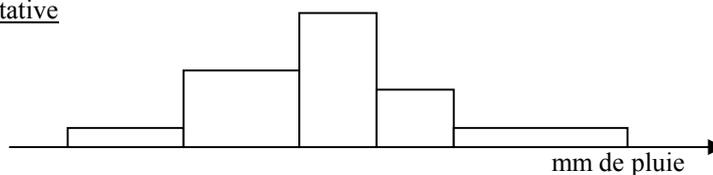


variable qualitative ordinale

vous aimez ce chocolat ?

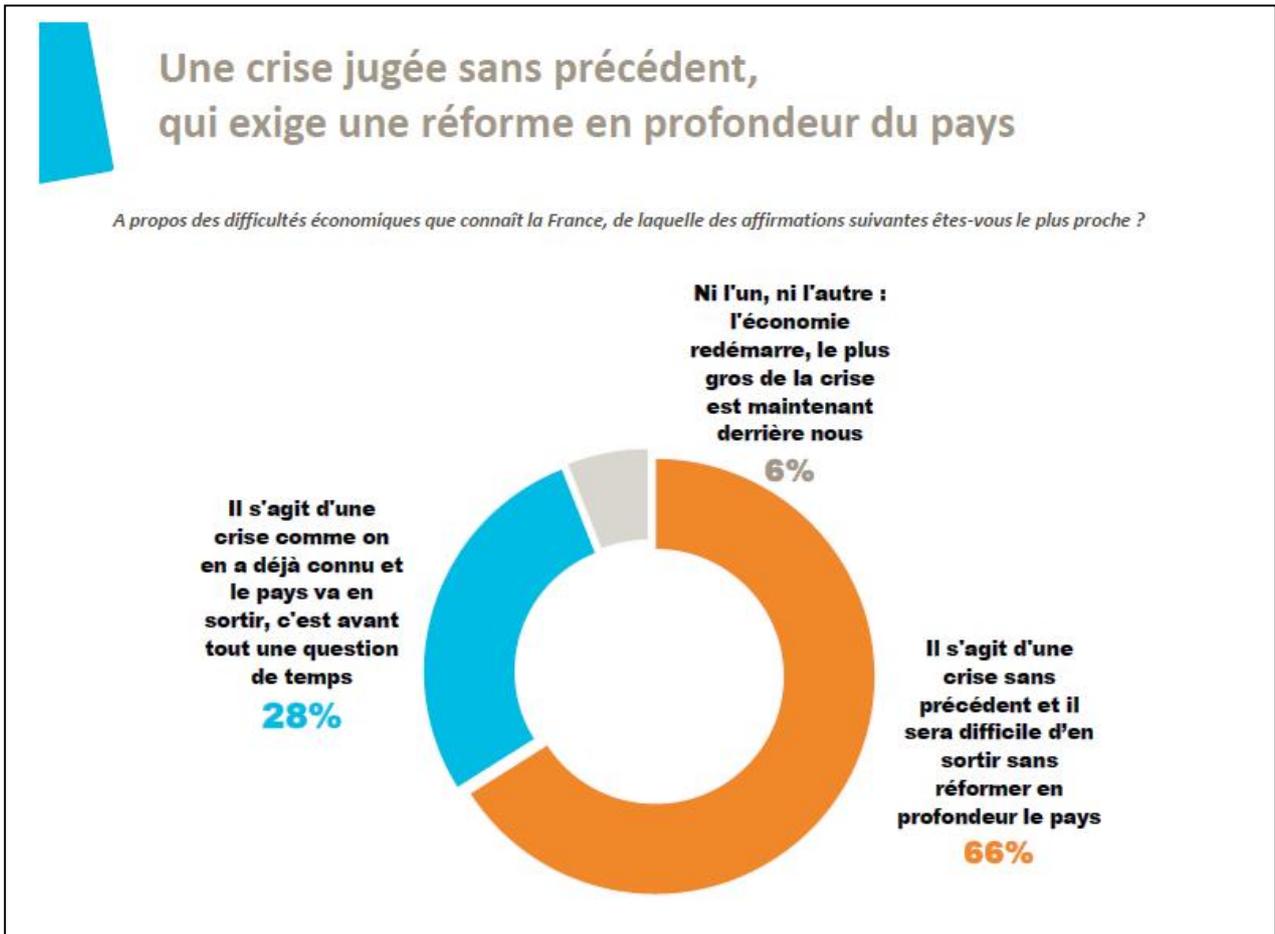


Variable quantitative

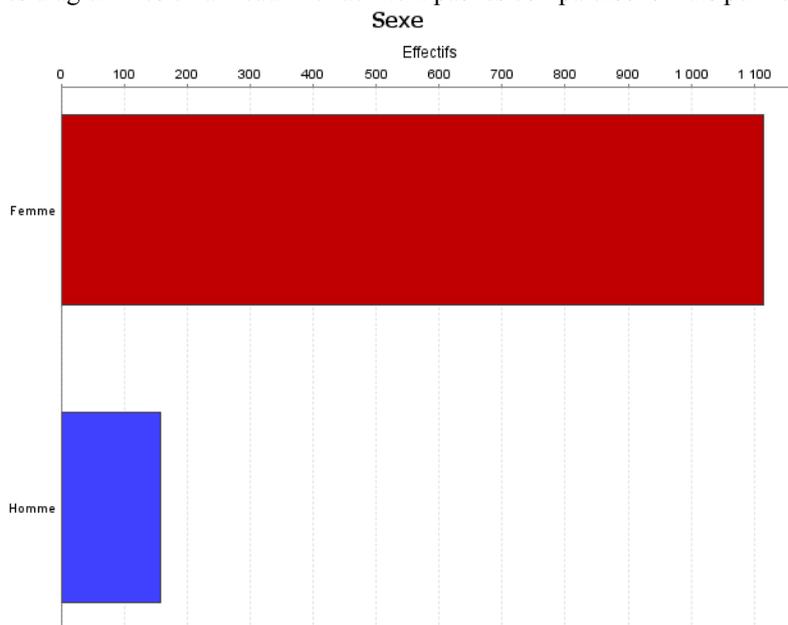


¹⁴ Dans un musée d'Histoire Naturelle , le guide explique que le tyrannosaure est vieux de 70 millions et 6 ans. Une petite fille : « vous êtes sûr ? ». « Pour être sûr, j'en suis sûr, lorsque j'ai pris mon travail ici, on m'a dit qu'il avait 70 millions d'années .Or ça, c'était il y a six ans ! ».

3- Classer , Compter, Comparer , Représentation graphique



Les diagrammes en anneaux ne facilitent pas les comparaisons mais permettent d'écrire les réponses.



des commentaires sur les « classer/compter/comparer » suivants :

sur le site www.expression-directe.com on pouvait trouver:

question du lundi 2 mai 2005

A propos de la campagne du référendum sur la Constitution européenne, avez-vous le sentiment que les médias en France sont ...

| | |
|--|-------|
| ... orientés en faveur du oui | 73,1% |
| ... orientés en faveur du non | 8,4% |
| ... ou se montrent équilibrés entre le oui et le non | 15% |
| Sans opinion | 3,4% |

Nombre de votants : 13284

Sur le site Sofres- Taylor Young

Enquête réalisée le 7 octobre 2001 pour ABC News et le Washington Post auprès d'un échantillon de 506 personnes représentatif de la population américaine âgée de 18 ans et plus, Méthode des quotas (sexe, âge, profession du chef de ménage PCS) et stratification par département.

Question : approuvez-vous pu n'approuvez-vous pas la façon dont George W. Bush gère la riposte américaine face aux attaques terroristes du mois dernier à New-York et Washington ?

| | % |
|--------------|----|
| Approuve | 93 |
| Désapprouve | 5 |
| Sans opinion | 3 |

2- reconditionnement :

Dans une enquête on trouve la question :

buvez-vous de l'eau minérale ?

- sans occasion particulière
- au restaurant
- au travail
- pendant les repas de famille
- pendant une activité sportive
- autre

1- est-ce que les réponses sont exhaustives ? Exclusives ? Significations concrètes.

2- Que faire pour obtenir des variables à modalités exhaustives et exclusives ?

2 – variable qualitative ordinale

voici une variable qualitative ordinale

votre opinion sur ce film : vous avez aimé

- pas du tout
- un peu
- beaucoup
- une date dans l'histoire du cinéma !

proposez une transformation de cette variable en variable quantitative. Qu'est-ce qui est discutable ?

2 – question

Dans un questionnaire SNCF « *Votre satisfaction concernant les Salons Grand Voyageur* » on trouve :

Quel est le motif de votre voyage ?

- Domicile-Travail
- Domicile- études
- Déplacement privé ou loisir
- déplacement professionnel

Est-ce que les réponses sont exhaustives ? Pourquoi est-ce que les réponses ne sont pas exclusives ? Que peut-on faire pour transformer cette variable en questions-variables à modalités-réponses exclusives ? significations concrètes.

Objets centraux, en particulier Indicateurs de position centrale, et indicateurs de dispersions

Le problème :

| | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 711 | 239 | 739 | 63 | 993 | 909 | 77 | 618 |
| 925 | 660 | 737 | 827 | 512 | 334 | 980 | 318 |
| 592 | 392 | 516 | 380 | 431 | 213 | 618 | 973 |
| 9 | 363 | 391 | 19 | 846 | 653 | 477 | 504 |
| 845 | 655 | 132 | 313 | 34 | 906 | 397 | 558 |
| 773 | 149 | 775 | 486 | 34 | 263 | 794 | 463 |
| 568 | 543 | 133 | 446 | 733 | 35 | 70 | 389 |
| 493 | 858 | 640 | 196 | 336 | 978 | 260 | 732 |
| 706 | 591 | 42 | 924 | 17 | 182 | 711 | 694 |
| 941 | 613 | 257 | 885 | 583 | 923 | 501 | 122 |
| 499 | 293 | 435 | 232 | 324 | 439 | 885 | 542 |
| 210 | 598 | 213 | 176 | 163 | 216 | 327 | 252 |
| 73 | 374 | 636 | 261 | 201 | 470 | 464 | 13 |
| 617 | 606 | 312 | 259 | 378 | 828 | 944 | 52 |
| 607 | 833 | 562 | 84 | 634 | 509 | 175 | 830 |
| 39 | 142 | 29 | 26 | 585 | 771 | 645 | 279 |
| 43 | 306 | 20 | 745 | 897 | 166 | 922 | 365 |
| 76 | 625 | 912 | 819 | 462 | 701 | 841 | 73 |
| 75 | 980 | 214 | 676 | 602 | 797 | 562 | 212 |
| 849 | 901 | 11 | 344 | 777 | 893 | 692 | 309 |
| 739 | 746 | 576 | 773 | 474 | 381 | 732 | 98 |
| 330 | 298 | 219 | 817 | 996 | 823 | 435 | 810 |
| 964 | 661 | 32 | 358 | 754 | 115 | 523 | 840 |
| 69 | 869 | 248 | 25 | 387 | 859 | 709 | 951 |
| 145 | 587 | 244 | 497 | 445 | 561 | 774 | 331 |
| 718 | 69 | 251 | 395 | 488 | 881 | 657 | 530 |
| 685 | 791 | 373 | 445 | 929 | 894 | 973 | 3 |
| 557 | 917 | 744 | 903 | 585 | 786 | 873 | 58 |
| 418 | 457 | 403 | 716 | 394 | 362 | 901 | 41 |
| 30 | 371 | 161 | 432 | 870 | 894 | 789 | 99 |
| 419 | 110 | 803 | 302 | 317 | 777 | 624 | 705 |
| 687 | 808 | 371 | 874 | 722 | 932 | 936 | 41 |
| 924 | 367 | 291 | 524 | 546 | 335 | 821 | 118 |
| 933 | 640 | 451 | 377 | 400 | 205 | 184 | 476 |
| 580 | 46 | 11 | 357 | 276 | 247 | 883 | 20 |
| 435 | 846 | 119 | 908 | 601 | 784 | 931 | 663 |
| 238 | 977 | 56 | 527 | 359 | 12 | 47 | 96 |
| 552 | 68 | 513 | 908 | 442 | 734 | 295 | 382 |
| 329 | 539 | 459 | 561 | 955 | 386 | 145 | 291 |
| 63 | 368 | 643 | 206 | 265 | 275 | 978 | 818 |
| 461 | 878 | 986 | 945 | 441 | 187 | 220 | 809 |
| 655 | 152 | 920 | 321 | 984 | 193 | 395 | 39 |
| 648 | 697 | 462 | 216 | 707 | 266 | 951 | 455 |
| 965 | 803 | 682 | 973 | 567 | 552 | 394 | 976 |
| 238 | 286 | 571 | 532 | 119 | 987 | 442 | 442 |

De manière générale, à partir de n objets Θ_i $i=1, \dots, n$ et d'une mesure de la ressemblance/dissembance de deux objets par une distance d, un objet central est la solution Θ^* du problème d'optimisation

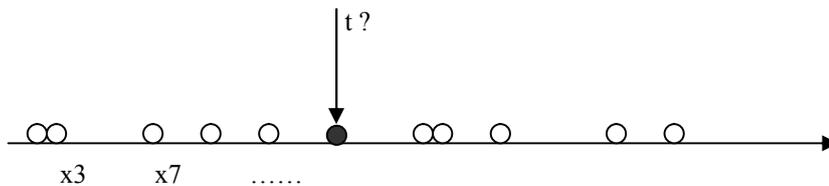
$$\text{Min}_{\Theta} V(\Theta)$$

avec

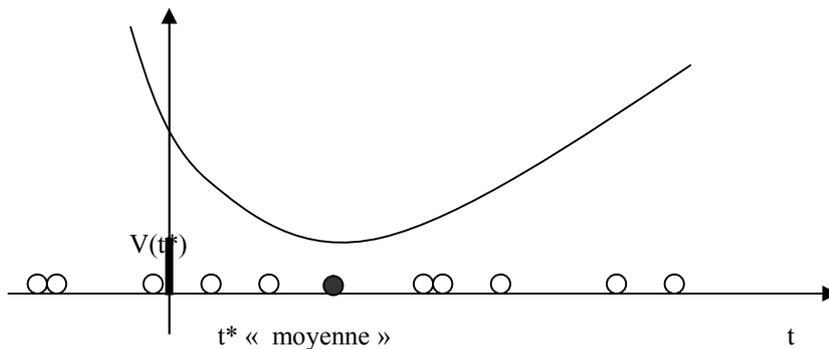
$$V(\Theta) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n d(\Theta, \Theta_i)$$

la dispersion est mesurée par $V(\Theta^*)$

dans le cas de n observations numériques (données) $x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_n$ d'une variable X , on cherche le point • (la valeur de t) le plus proche possible des points blancs o (qui minimise V(t)).



$$V(t) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n d(t, x_i)$$



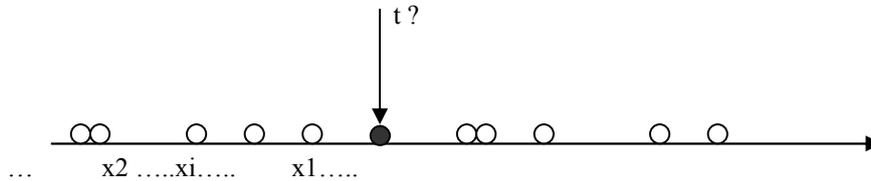
selon la distance

| distance | Objet central | dispersion |
|--------------------------|--|--|
| d_1 de Manhattan | M_1 , médiane Me | $D = \frac{1}{n} \sum Me - x_i $ |
| d_2 euclidienne | M_2 , moyenne $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum x_i$ | Variance, écart-type $V = \frac{1}{n} \sum \bar{x} - x_i ^2$ |
| d_q | M_q | V_q |
| d_M | mid-point, milieu $M = \frac{\max x_i + \min x_i}{2}$ | amplitude Max $x_i - \min x_i$ |
| δ « hit or miss » | M_o , mode | % de valeurs non modales |

La grande question c'est la **pertinence**, jamais évidente de tel ou tel indicateur, salaire moyen ? salaire médian ?
 **la signification concrète de ces indicateurs synthétiques.**
 exemples ...

Exercice : La production des indicateurs de position centrale et de dispersion

Un problème très général en « Analyse des Données » est le suivant : à partir d'un ensemble d'objets $\{ Ob_1, Ob_2, \dots, Ob_i, \dots, Ob_n \}$, il s'agit de déterminer un objet Ob^* , éventuellement fictif, c'est à dire n'appartenant pas à l'ensemble, qui soit en « moyenne » le plus « proche » possible des différents objets. Les objets sont, en pratique, des individus statistiques, des classements, des typologies selon différents critères... et dans le cas le plus simple, que nous allons considérer, une suite de nombres $x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_n$ résultant de n observations d'une variable X .



On considère les données $x_i \quad i=1, \dots, 5 \quad \{ -1, 1, 3, 3, 6 \}$

$$M_\infty = \frac{\max_i x_i + \min_i x_i}{2}$$

- 1- calculer la médiane Me , la moyenne M , le mode M_0 et le « milieu »
- 2- représenter graphiquement les différentes fonctions $F : t \longrightarrow F(t)$ et déterminer les valeurs t_1, t_2, t_∞ et t_0 qui les minimisent.

$$F_1(t) = \sum_{i=1}^5 |t - x_i| = |t - (-1)| + |t - 1| + |t - 3| + |t - 3| + |t - 6|$$

$$F_2(t) = \sum_{i=1}^5 (t - x_i)^2$$

$$F_\infty(t) = \max_i (|t - x_i|)$$

$$F_0(t) = \sum_{i=1}^5 \delta(t, x_i)$$

(la fonction δ fonctionne ainsi : $\delta(x,y)=0$ si $x=y$ et $\delta(x,y)=1$ si $x \neq y$)

- 3- remarques

exemples d'objets centraux

1- Irish Times 2005

D'après un récent sondage, le mâcheur de chewing-gum britannique type est une femme de moins de 24 ans qui vit dans le Nord de l'Angleterre et qui ne lit jamais un journal, hormis un tabloïd, The Sun..

2- Bruno Frappat, sur France-Culture , 2004

.. le lecteur type de « La Croix » est une femme, catholique pratiquante, de plus de 60 ans, habitant à la campagne...

3- ...L'électeur du non est un actif salarié de 35-54 ans.

4-sur le site du Monde : *Pouvez-vous tracer le portrait-robot, s'il existe, du climatoseptique ?
Les climatoseptiques se recrutent d'abord dans les tranches d'âge les plus âgées (plus de 65 ans). Il s'agit plus souvent d'hommes que de femmes, et on constate également une sur-représentation dans l'électorat de droite.*

5- Objets : les classements d'étapes du tour de France

Objet central : le classement général

6- Objets : les notes en français, math, LVI, LVII ... au bac

Objet central : la moyenne

7- objet central et dispersion

« c'est l'histoire écossaise d'un anglais qui se noie dans un lac de 30 cm de profondeur en moyenne.. »

8- Rugby : mettre le ballon au « milieu » des joueurs, à l'engagement, au moment d'une mêlée.



examen 2002
1 – objet central

Parangon : ce mot a le sens général de modèle, par exemple parangon de vertu.
En Analyse des Données il désigne un objet central, représentatif d'un sous-ensemble d'objets. Une manière de produire un parangon à partir d'individus caractérisés par des variables qualitatives est de retenir, pour chaque variable, la modalité modale, c'est à dire la plus fréquente, par exemple :

| | genre | classe | couleur |
|--------|--------------|---------------|----------------|
| Pierre | garçon | moyens | jaune |
| Cécile | fille | moyens | jaune |
| Paul | garçon | petits | vert |

Le parangon est un garçon de la classe des moyens habillé en jaune.

Calculer le parangon de ceux qui ont effectué un achat et un parangon de ceux qui ne l'ont pas fait dans le tableau ci-dessous

| propriétaire | statut | revenu | achat |
|---------------------|---------------|---------------|--------------|
| oui | marié | élevé | oui |
| oui | marié | moyen | oui |
| non | célibataire | élevé | oui |
| oui | marié | élevé | oui |
| non | célibataire | faible | non |
| oui | veuf | faible | non |
| non | célibataire | faible | non |
| non | célibataire | moyen | non |

2 – ressemblances, distances

tableaux repris de « Le Data Mining » René Lefébure et Gilles Venturi Eyrolles 1999

On considère trois produits : Barre céréales, Crème dessert et Gâteau de riz, et leurs attributs (Y pour oui, N pour non)

| | Barre céréales | Crème dessert | Gâteau riz |
|------------------|-----------------------|----------------------|-------------------|
| Chocolat | Y | N | Y |
| beurre | N | N | Y |
| Liquide | N | Y | N |
| Parfum mandarine | N | N | Y |
| Emballage métal | N | Y | Y |
| mini-dose | Y | Y | N |
| Sucre | Y | Y | Y |
| Riz | Y | N | Y |
| Edulcorant | N | N | Y |
| Colorant | N | N | Y |

La distance entre deux produits est mesurée par le nombre d'attributs différents. Calculer $d(\text{barre céréales, crème dessert})$, $d(\text{barre céréales, gâteau de riz})$, $d(\text{crème dessert, gâteau de riz})$
Quels sont les deux produits qui se ressemblent le plus ?

examen 2004

4- cadeaux, des indicateurs de position centrale

source « Economie et Statistiques » n° année . On a considéré la « valeur des cadeaux offerts à l'extérieur des ménages » . Voici quelques exemples :

| | Médiane | moyenne |
|------------------------|---------|---------|
| Vêtements, parures ... | 146 F | 185 F |
| Livres, cassettes | 80 F | 109 F |
| Jouets et jeux | 100 F | 130 F |
| Etc,...etc | | |

Quelque soit le genre du cadeau, la valeur médiane est toujours inférieure à la valeur moyenne. Que comprendre ?

1 – objet central

on peut lire, dans le Monde-Campus cahier n°3 du 14 mai 1993

... l'enquête en cours à l'Institut Supérieur de Gestion sur la promotion 1992,... évalue le salaire médian (salaire le plus fréquemment cité) à ...

que comprenez-vous ?

2 – il neige..

sur un site de données historiques de la météo concernant les Vosges, j'ai trouvé une phrase très pertinente :

il n'existe pas de hauteur de neige moyenne...

que comprenez-vous ?

- indicateurs de position centrale

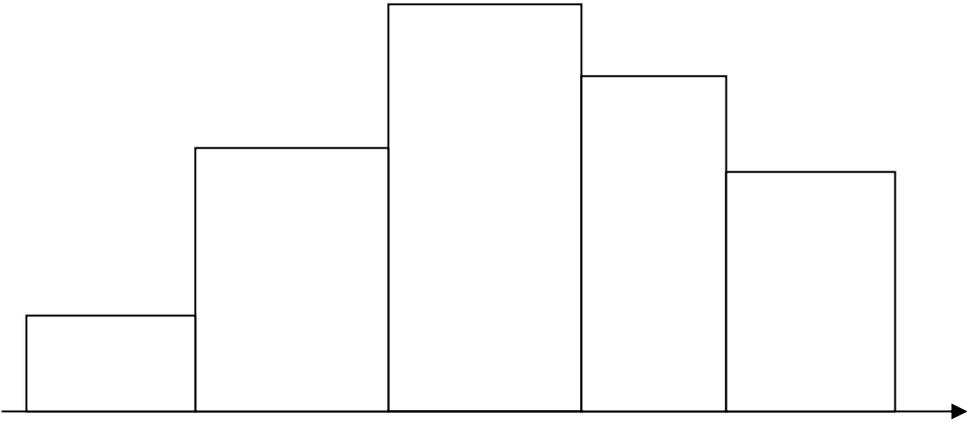
- En France, de 2005 à 2010 le revenu moyen a augmenté en même temps que le revenu médian baissait. Que comprendre ?
- Cinq thermomètres indiquent, au même endroit et en même temps les températures : 20°, 20°, 21°, 20° et 24°. Calculer la température moyenne, modale, médiane. Quel est dans cet exemple l'indicateur le plus pertinent ?
- d'après l'INSEE , « Le revenu moyen mensuel s'établit, en 2004, à 1 503 euros par personne, et le seuil de revenu qui sépare la population en deux est de 1 314 euros »
que peut-on comprendre ?

- la vie, la mort et les indicateurs statistiques

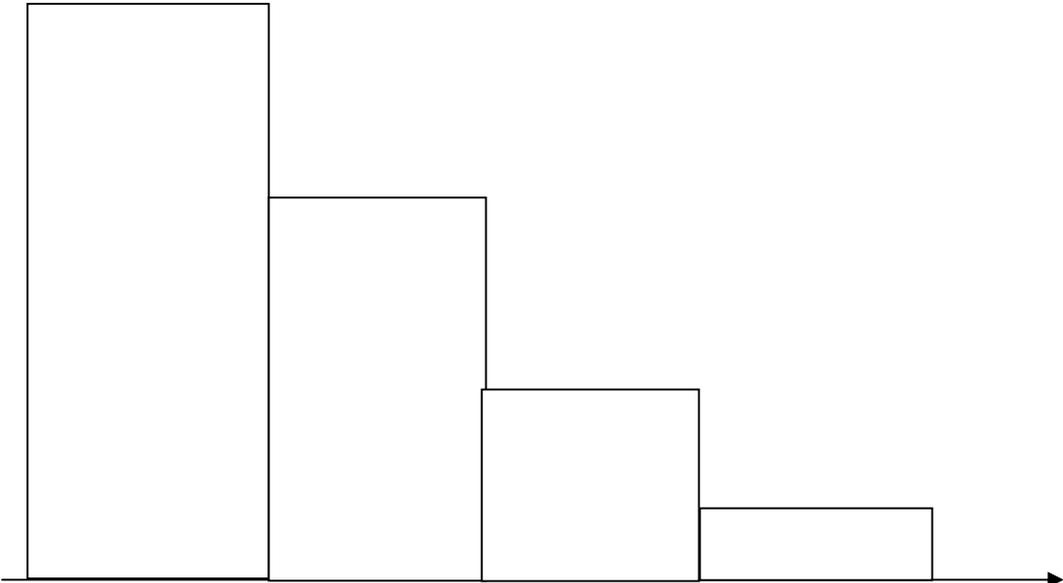
Vers 1660, Edmond HALLEY¹⁵ établit des tables de mortalité pour des compagnies d'assurance. La durée de vie moyenne était 26 ans, un nouveau-né avait autant de chance de mourir avant 8 ans qu'après. Ceci parut curieux. Pouvez-vous expliquer ?

¹⁵ Astronome anglais, une comète porte son nom.
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

exercices : interprétations

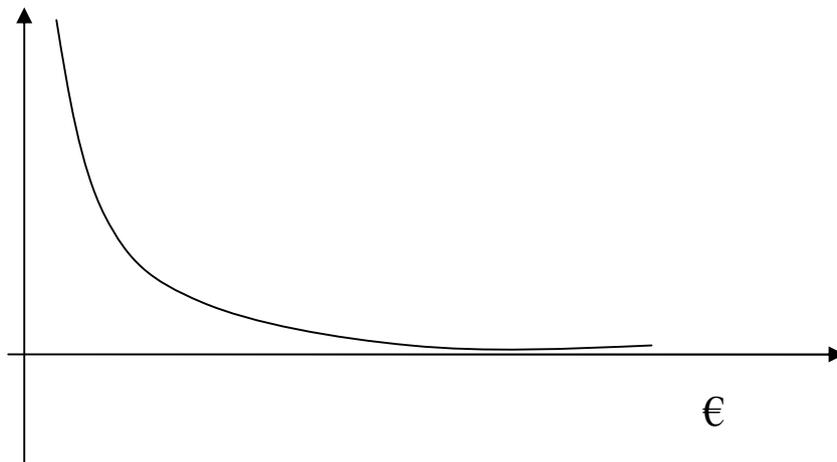
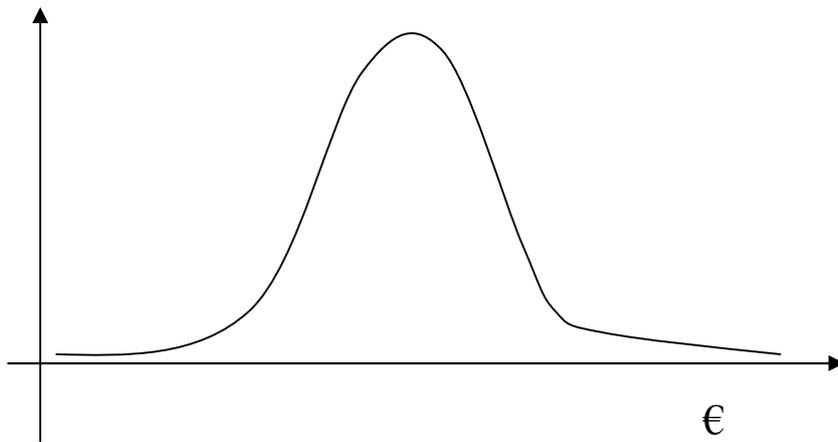


Ticket de caisse en €



Ticket de caisse en €

Exercice : quelle société ?



Données : X : -1 1 3 3 6

| | | |
|---------|------|--------------|
| Médiane | Me= | dispersion : |
| | | |
| Moyenne | M= | variance = |
| | | Ecart-type = |
| | | |
| Mode | Mo = | dispersion |
| | | |
| Milieu | Mi = | amplitude = |

Faire les calculs avec Excel

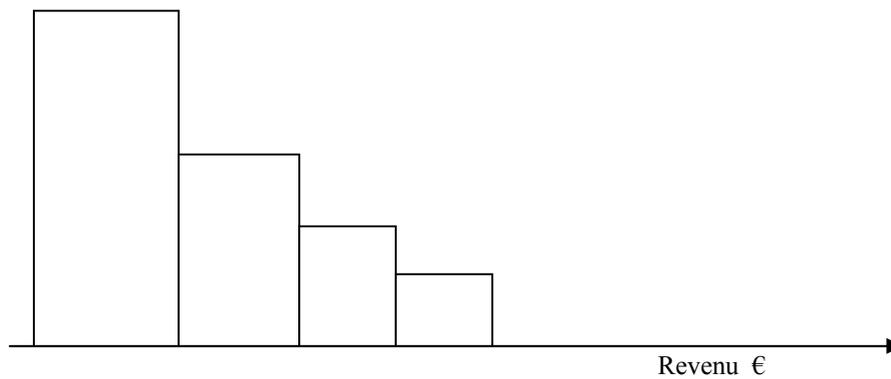
Pointures de chaussure 36,37,37....

Quel est l'indicateur le plus pertinent ?

fleuristes

| | | vendeur | anthropologue |
|-----------|---------|---------|---------------|
| | Moyenne | | |
| | Médiane | | |
| botaniste | Mode | | |
| | milieu | | |

Revenu moyen ? revenu médian ?



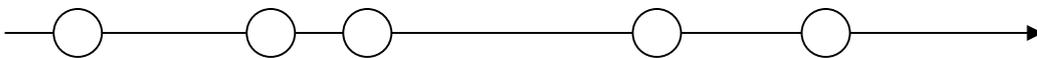
mesure dans les sciences sociales .

notes : 3 7 9 14 19

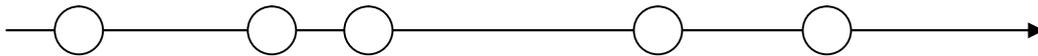
reçu si moyenne/médiane/mode/milieu supérieur(e) à 10 ?

où est-on incité à porter l'effort ?

note médiane



Milieu



Cas réels : temps de traitement de dossiers à la CAF, temps de retard des avions (AF).

Analyses factorielles des Correspondances Multiples. Penser, mesurer et représenter la nature et l'intensité des liens entre des variables qualitatives.

une variable : une couleur

Le tableau de données est de la forme

| | SEXE | AGE | COULEUR |
|----|-------|-----|---------|
| I1 | homme | A3 | foncée |
| I2 | femme | A1 | foncée |
| I3 | homme | A3 | foncée |
| I4 | femme | A1 | claire |
| I5 | femme | A2 | claire |

à quoi correspond le Tableau Disjonctif Complet (TDC)

| | GEN RE | | AGE | | | COUL EUR | |
|----|--------|-------|-----|----|----|----------|--------|
| | homme | femme | A1 | A2 | A3 | claire | foncée |
| I1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| I2 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| I3 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| I4 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| I5 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |

A l'intersection d'un individu et d'une variable, ie les modalités de celle-ci, il y a exactement un « 1 » et des « 0 », ce qui résulte de l'exhaustivité et de l'exclusivité des modalités d'une même variable. Ex : l'individu n°3 et la variable AGE.

Croiser les variables deux à deux n'est pas raisonnable . Pratiquement, car un questionnaire ordinaire c'est facilement 70 questions, cela peut conduire à 100 variables (à cause des questions à réponses multiples), et donc à $100 \times 99 / 2 = 5000$ croisements deux à deux ! Théoriquement, car pour maîtriser les liens entre deux variables, il faut considérer leurs liens directs mais aussi tous les liens in- directs avec les autres variables.

Un classique

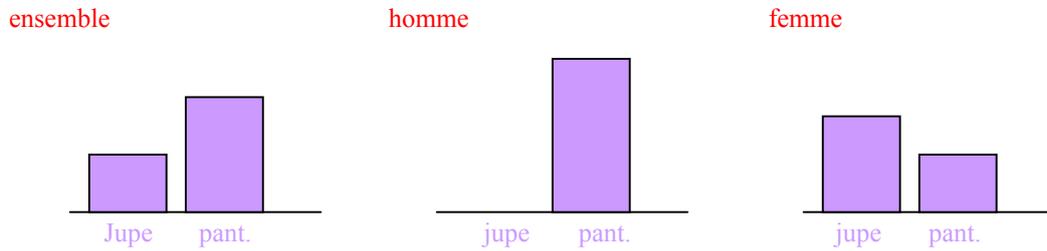
Voici un tableau très vraisemblable. On observe la température pendant 60 jours : elle est inférieure à 20°C, (« froid »), ou supérieure (« chaud ») l'autre variable est que le chauffage est sur « ON » ou sur « OFF », le thermostat est réglé à 18°C.

| | froid | chaud |
|-----|-------|-------|
| ON | 16 | 1 |
| OFF | 2 | 41 |

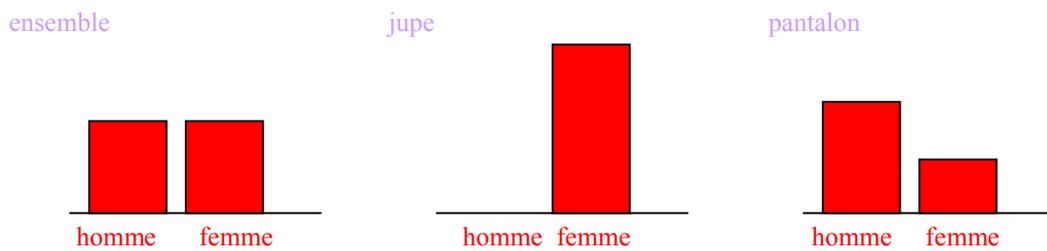
Quand on chauffe, il fait froid, quand on ne chauffe pas, il fait chaud.

On peut s'attendre à ce que des croisements soient « intéressants » lorsque les modalités d'une variable ont des profils très différenciés sur l'autre variable, par exemple :

GENRE : homme, femme VETEMENT : jupe, pantalon

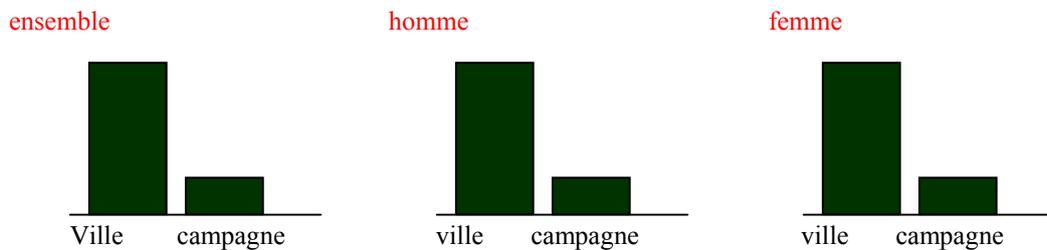


et réciproquement,

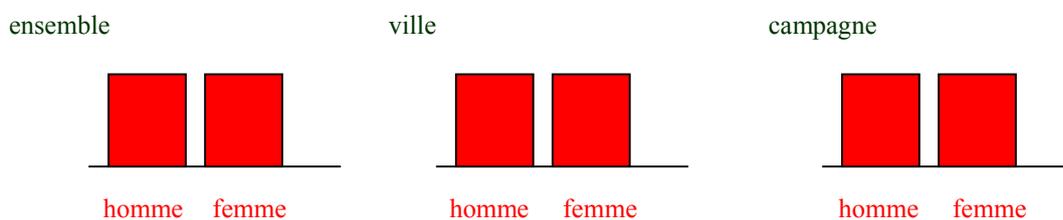


On peut aussi s'attendre à ce qu'au contraire des croisements soient « inintéressants » lorsque les modalités d'une variable ont des profils identiques sur l'autre variable, les variables sont alors dites « indépendantes » par exemple :

GENRE : homme, femme LIEU d'HABITATION : à la ville, à la campagne



et réciproquement,



Il va s'agir de prévoir qu'un croisement est utile, ou pas.

La tableau de Burt ¹⁶

C'est la juxtaposition des tableaux des croisements deux à deux des variables. D'un point de vue matriciel :

$$\text{Burt} = {}^t\text{TDC} \cdot \text{TDC}$$

^tTDC est la matrice transposée du Tableau Disjonctif Complet

Colorions :

| | H | F | A1 | A2 | A3 | cl | fo |
|----|---|---|----|----|----|----|----|
| I1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| I2 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| I3 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| I4 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| I5 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |

| | I1 | I2 | I3 | I4 | I5 |
|----|----|----|----|----|----|
| H | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| F | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| A1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| A2 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| A3 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| cl | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| fo | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |

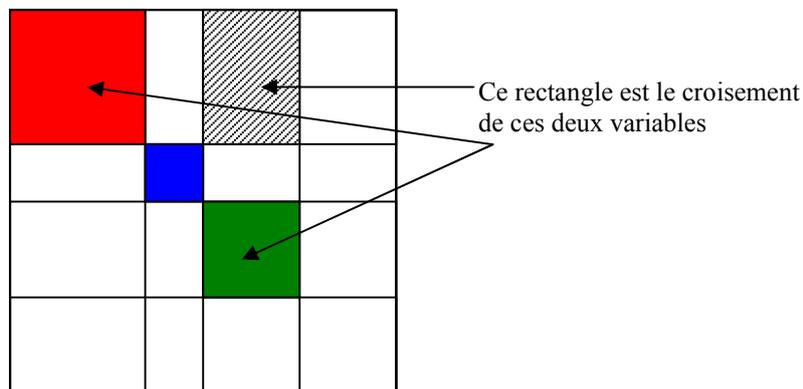
| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 2 | 0 | 0 | 0 | 2 | 0 | 2 |
| 0 | 3 | 2 | 1 | 0 | 2 | 1 |
| 0 | 2 | 2 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 2 | 0 | 0 | 0 | 2 | 0 | 2 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 0 | 2 | 0 |
| 2 | 1 | 1 | 0 | 2 | 0 | 3 |

Un élément du tableau de Burt, c'est le nombre d'individus cumulant la modalité ligne avec la modalité colonne, il y a par exemple 2 hommes dans la cluster d'âge A3.

Sur la diagonale on retrouve les effectifs de chacune des modalités : 2 hommes, 3 femmes, 2 individus dans la cluster A1, ... Les zéros dans les carrés le long de la diagonale résultent de l'exclusivité des modalités d'une même variable, alors qu'un zéro dans un rectangle, croisement de deux variables différentes résulte des données elles-mêmes : il n'y a pas d'homme A1 par exemple.

Un tableau de Burt est symétrique (Cf TD).

Le total de chaque carré ou rectangle est n, nombre total d'individus, 5 dans cet exemple.



Un tableau de Burt, on ne l'imprime pas, il est monstrueux : 50 variables à 6 modalités en moyenne (la variable Département en a 95), cela fait un tableau de $300 \times 300 = 90\,000$ cases soit $8\,000\,000\,000$ de comparaisons deux à deux !

¹⁶ **Sir Cyril Burt** 1883-1971 « *psychologue anglais, spécialiste de la statistique psychologique, il tenta d'adapter l'analyse factorielle aux tests psychologiques. Il a écrit notamment : Factors of the mind (1940)...* » in *Dictionnaire Robert des noms propres*. Par ailleurs célèbre pour avoir prouvé, en étudiant des jumeaux que l'intelligence s'expliquait à 93.346% par les gènes (« *the nature* ») contre 6.654% pour l'éducation (« *the nurture* »). Il s'est avéré après sa mort que les chiffres étaient faux, les lettres aussi, et qu'il avait inventé jusqu'au nom des co-auteurs de ses articles...

Stratégie de sélections/évictions (*pêche à la ligne*)

Quels sont les rectangles (croisements de variables) intéressants ?

On somme les contributions de toutes les cases d'un tableau croisant deux variables. Ce total est normalisé . On obtient le coefficient, le T^2 de Tchuprow ¹⁷ :

NL : nombre de lignes (nombre de modalités d'une variable)

NC : nombre de colonne (nombre de modalités de l'autre variable)

$$T^2 = \frac{1}{\sqrt{NL-1}} \cdot \frac{1}{\sqrt{NC-1}} \sum_{j=1}^{NC} \sum_{i=1}^{NL} c_{i,j} = \frac{1}{\sqrt{NL-1}} \cdot \frac{1}{\sqrt{NC-1}} \sum_{j=1}^{NC} \sum_{i=1}^{NL} \frac{(f_{i,j} - f_i \cdot f_j)^2}{f_i \cdot f_j}$$

Il y a un rapport entre le T^2 de Tchuprow et le χ^2 calculé d'un test d'indépendance de deux variables

$$\chi^2_{cal} = n \cdot T^2 \cdot \sqrt{NL-1} \cdot \sqrt{NC-1}$$

Par construction, $0 \leq T^2 \leq 1$. Le T^2 est quelquefois noté T

cas limites :

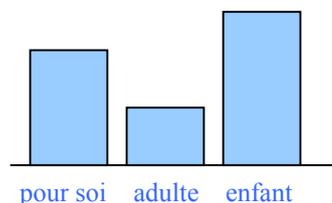
$T^2=0$ alors $c_{i,j}=0$ pour toutes les cases i,j . Les deux variables sont indépendantes. Les profils-lignes sont identiques entre eux, les profils-colonnes identiques entre eux. C'est le cas des variables GENRE et LIEU d'HABITATION : $T^2(\text{GENRE}, \text{LIEU d'HABITATION})=0$. La répartition homme/femme est la même à la ville et à la campagne. Il y a le même pourcentage d'hommes et de femmes à la ville et à la campagne.

$T^2=1$, alors il y a une exacte correspondance entre les lignes et les colonnes

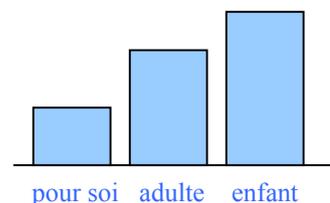
| effectifs | maillot bleu | maillot blanc |
|------------|--------------|---------------|
| Marseille | 0 | 11 |
| Strasbourg | 11 | 0 |

Un T^2 élevé indique un croisement intéressant : il y a une forte différenciation des profils-lignes/profils-colonnes. Cette différenciation sera visible sur le représentation graphique des diagrammes différentiels . Cas réel : jouets en bois, variables GENRE et DESTINATAIRE (pour soi, pour un autre adulte, pour un enfant) . Le T^2 est élevé : il faut comprendre que la répartition des destinataires est très différente, pour les hommes et pour les femmes. J'imagine :

hommes



femmes



¹⁷ Alexander Alexandrovitch Чупров 1874-1926, Tchuprov, Tchuprow, Tschuprow, Tschuprov, Chuprov, Tchouproff...

Stratégie d'agrégations/différenciations : Analyses Factorielles des Correspondances Multiples (*pêche au filet*)

Agrégations/différenciations des individus d'une part, des modalités d'autre part. Le tableau de départ est le Tableau Disjonctif Complet (le tableau de données).

* on a en vue de regrouper les individus qui se ressemblent, qui sont proches. La distance entre deux individus est mesurée par le nombre de modalités différentes (Cf exercice sur la distance orthographique)
Dans le tableau de la page *, $d(I_1, I_2) = 1 + 1 + 0 = 2$

*la distance entre deux modalités part de la distance quadratique entre leurs colonnes :
remarque : $0^2 = 0$, $1^2 = 1$, dans un TDC $x \in \{ 0, 1 \}$ et donc $x^2 = x$

$d(H, A1) = (1 - 0)^2 + (0 - 1)^2 + (1 - 0)^2 + (0 - 1)^2 + (0 - 0)^2 = 1 + 1 + 1 + 1 + 0 = 4$
de façon plus générale deux modalités A et B , $a_i = 1$ si l'individu i a la modalité A, $a_i = 0$ sinon. De même b_i .

| A | B |
|-------|-------|
| a_1 | b_1 |
| a_2 | b_2 |
| | |
| a_i | b_i |
| ... | ... |
| a_n | b_n |

$$d(A, B) = \sum_{i=1}^n (a_i - b_i)^2$$

$$d(A, B) = \sum_{i=1}^n (a_i^2 + b_i^2 - 2a_i \cdot b_i) = \sum_{i=1}^n a_i^2 + \sum_{i=1}^n b_i^2 - 2 \sum_{i=1}^n a_i \cdot b_i = \sum_{i=1}^n a_i + \sum_{i=1}^n b_i - 2 \sum_{i=1}^n a_i \cdot b_i$$

$$d(A, B) = n_A + n_B - 2 \cdot n_{A \cap B}$$

n_A : nombre d'individus qui ont la modalité A
 n_B : nombre d'individus qui ont la modalité B
 $n_{A \cap B}$: nombre d'individus qui ont les modalités A et B

pour interpréter cette distance :

On considère E, ensemble de tous les individus . $\text{Card}(E) = n$, le cardinal d'un ensemble c'est le nombre d'éléments. On note A le sous-ensemble de E des individus qui ont la modalité A, de même B.

$\text{Card}(A) = n_A$, $\text{card}(B) = n_B$.

On définit la « différence symétrique » de deux ensembles , puis son cardinal :

$$A \Delta B = (A \cup B) \cap (\overline{A \cap B}) \quad \overline{A \cap B} \text{ le complémentaire de } A \cap B$$

$$d(A, B) = \text{card}(A \Delta B) = n_A + n_B - 2 \cdot n_{A \cap B}$$

Lorsque les individus sont nombreux à avoir les deux modalités A et B, celles -ci sont rapprochées.

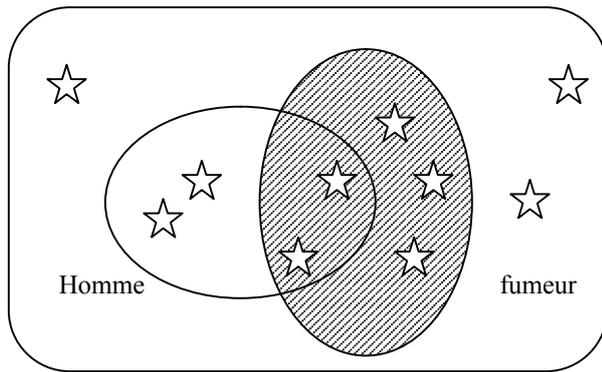
C'est une distance fondée sur la fréquence d'associations des modalités des variables.

Exercice : colorier, calculer, interpréter :

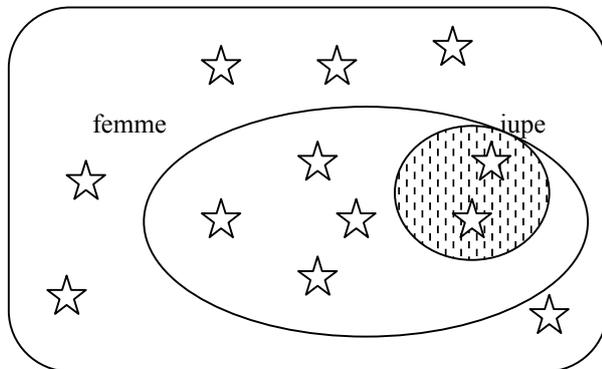
| A | B | $a_i \cdot b_i$ | $(a_i - b_i)^2$ |
|---|---|-----------------|-----------------|
| 1 | 0 | | |
| 1 | 0 | | |
| 1 | 1 | | |
| 0 | 1 | | |
| 0 | 0 | | |

| | | | |
|--|--|--|--|
| | | | |
| | | | |
| | | | |

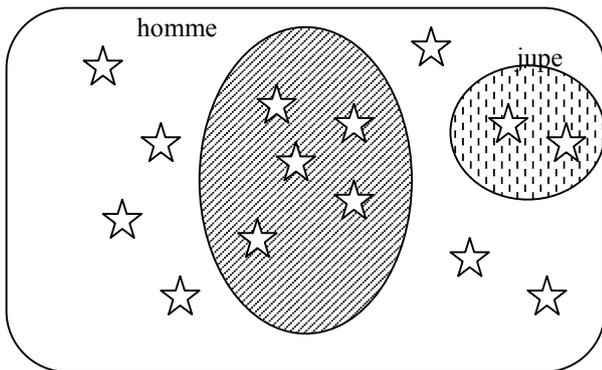
Illustrations : colorier $A \Delta B$ et compter la distance



$d(\text{homme, fumeur}) =$

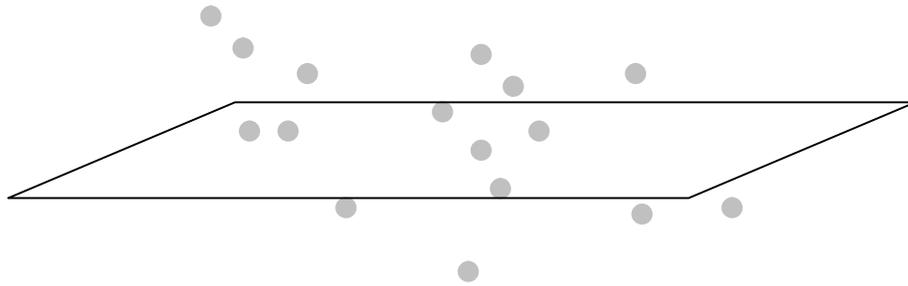


$d(\text{jupe, femme}) =$

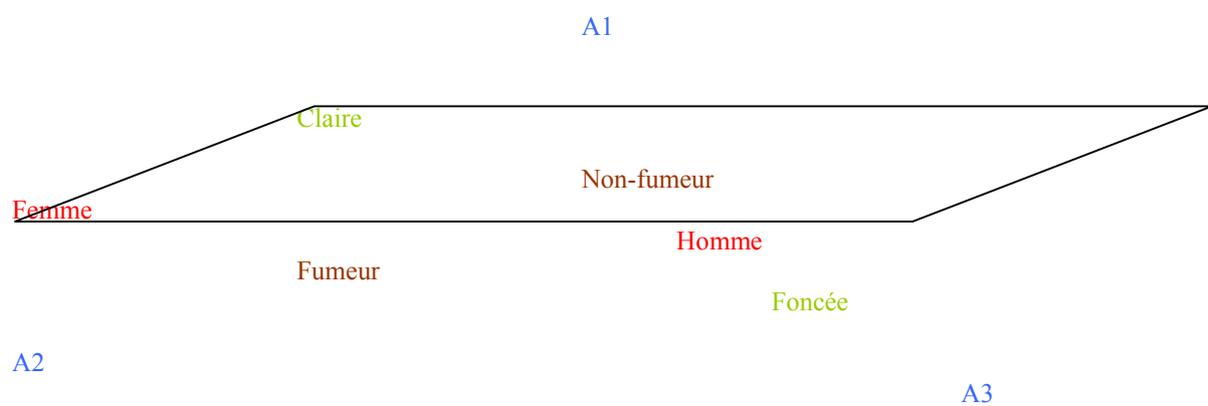


$d(\text{homme, jupe}) =$

Le nuage des points-individus dans l'espace des modalités



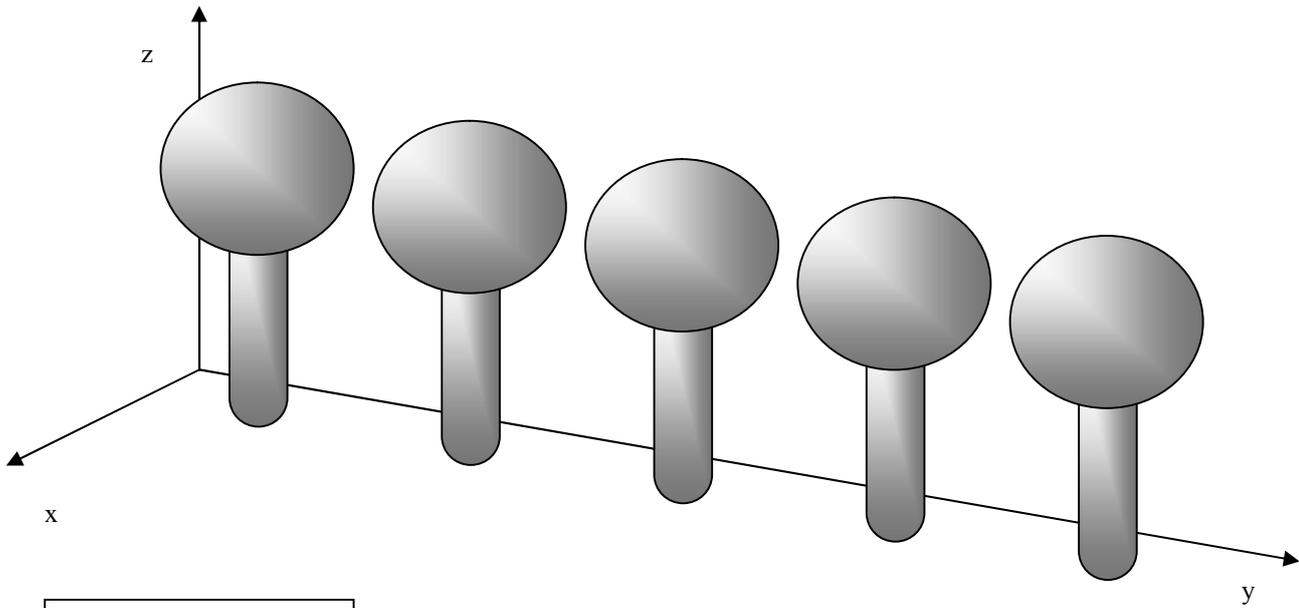
et le nuage des points-modalités dans l'espace des individus



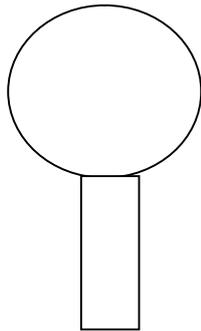
sont projetés sur le « meilleur plan »

voir le cahier « mathématiques pour l'Analyse des Données »
les illusions d'optique, le meilleur « point de vue » / vecteurs et valeurs propres

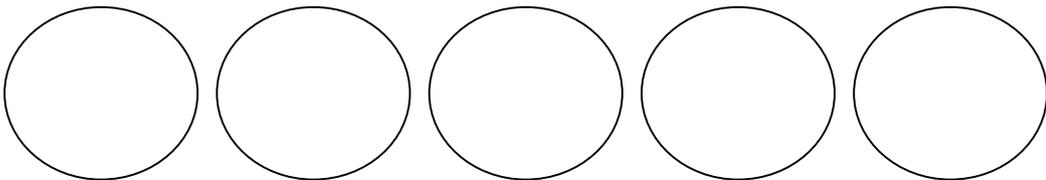
projections, points de vue



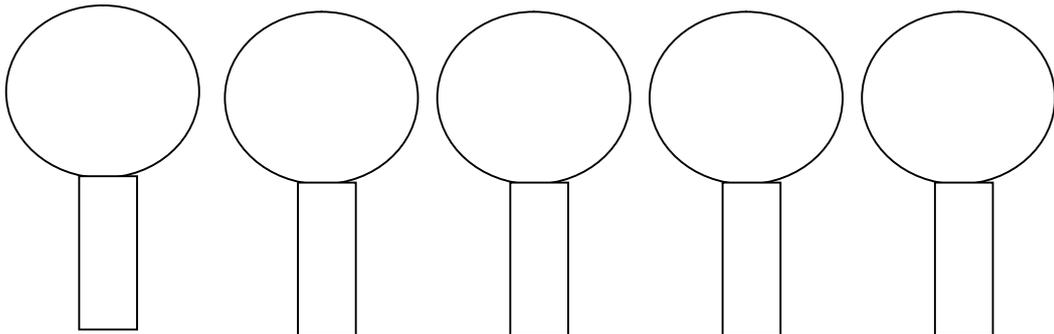
projection sur $P_{x,z}$



projection sur $P_{x,y}$



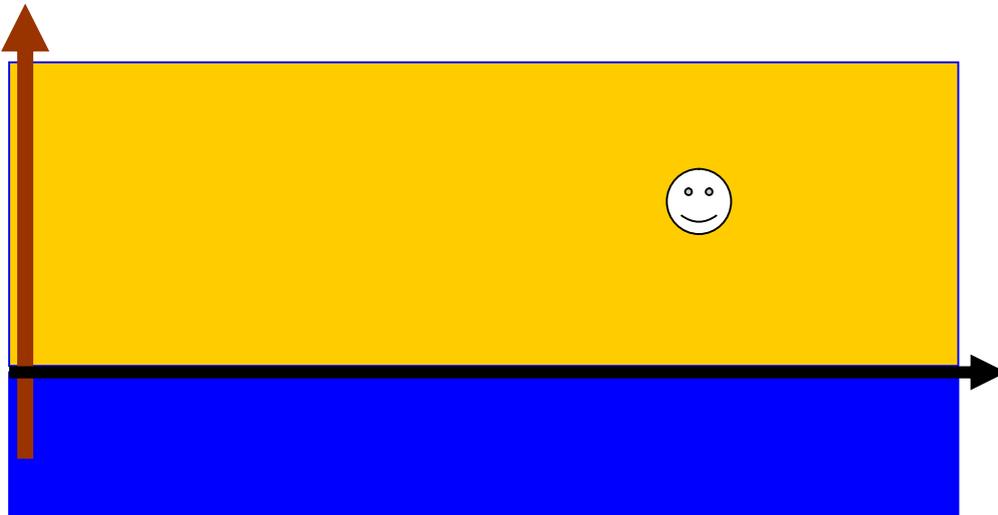
projection sur $P_{y,z}$



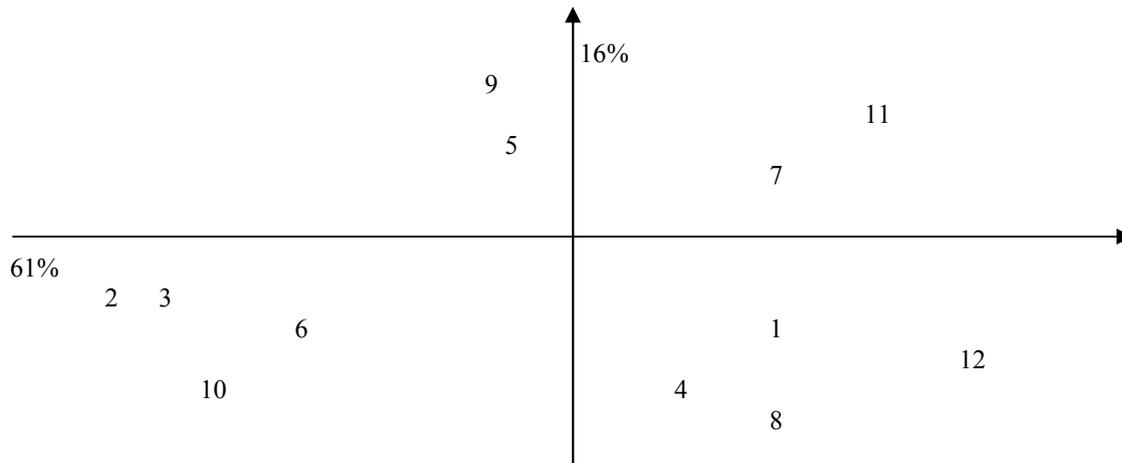
planisphère



rendez-vous à la plage



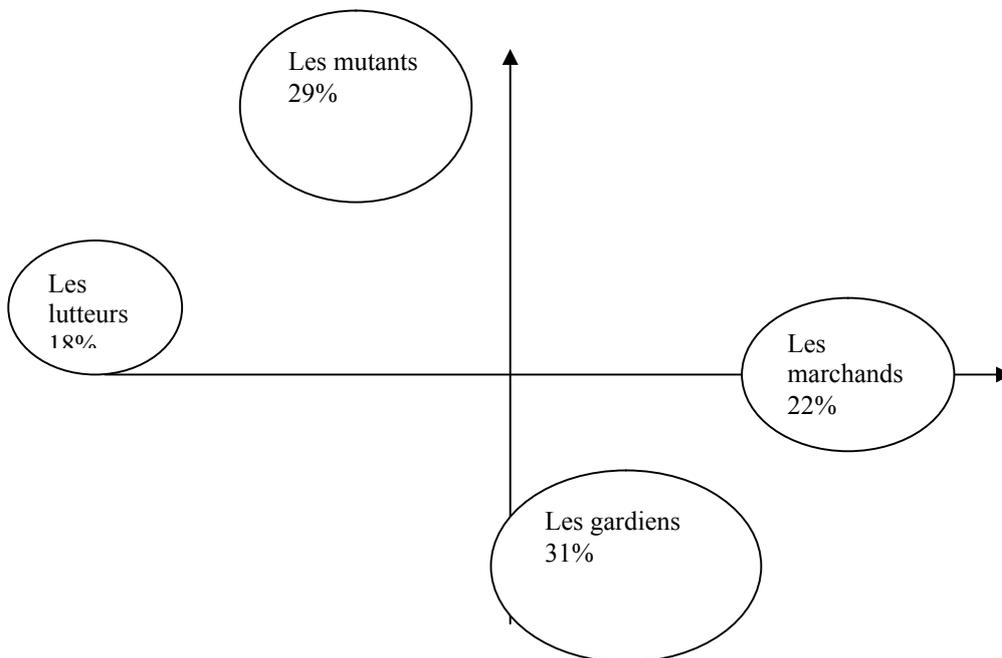
le graphique des individus



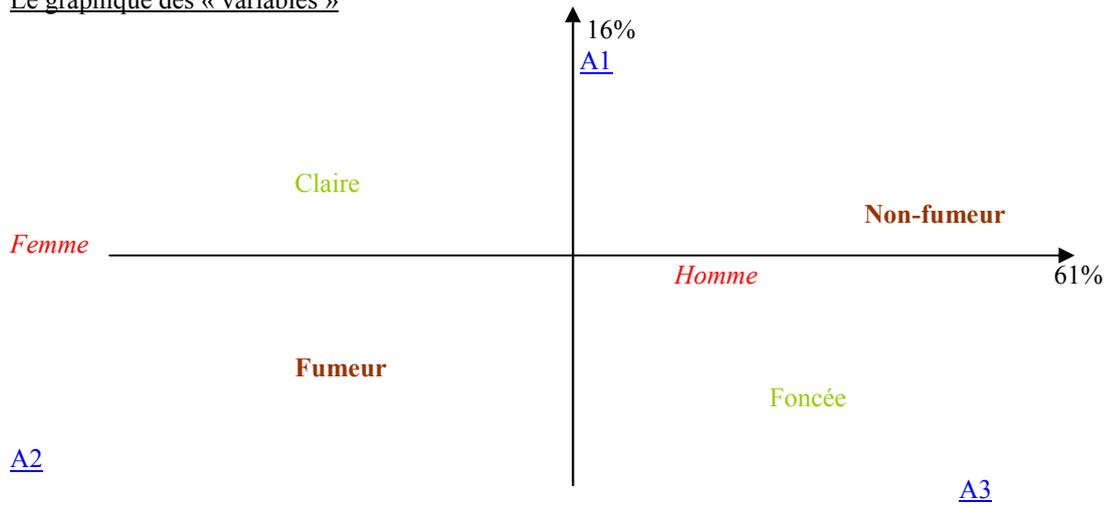
Sous réserve qu'ils soient bien représentés, des individus proches ont beaucoup de modalités en commun. On ne les représente généralement pas, raisons.....

Représentation de groupes , exemple Ipsos-Figaro Magazine

Exemple 3 : Ipsos- Figaro Magazine : 4 groupes, Ipsos mai 2000



Le graphique des « variables »



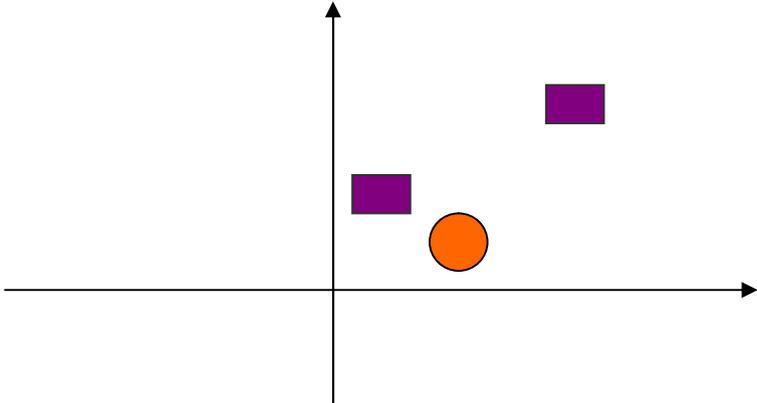
Arguments de fréquences relatives d'associations des modalités

- sur/sous représentations (relatives à la moyenne)
- analyse différentielle (on rend visible les écarts à la moyenne)
- position/ direction : analogie code de la route

| | |
|--|---|
| <p><u>position</u> : c'est ici !</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;">Bischheim</div> <p>modalités d'une même couleur</p> | <p>direction : c'est par là !</p> <div style="margin: 10px 0;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px 10px; display: inline-block;">Paris</div> </div> <div style="margin: 10px 0;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px 10px; display: inline-block;">Brest</div> </div> <p>modalités de couleurs différentes</p> <p><i>angle aigu – même côté : sur-représentation relative et mutuelle</i></p> <p><i>angle obtus -côtés opposés: sous-représentation relative et mutuelle</i></p> |
|--|---|

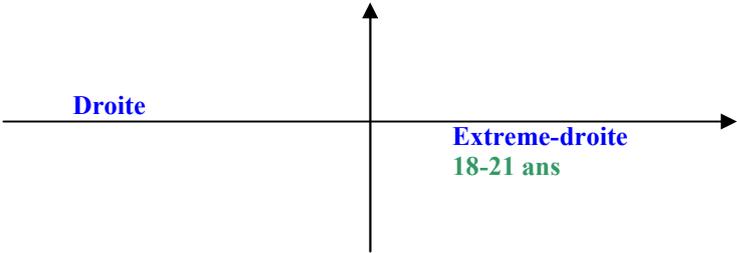
deux erreurs fréquentes

1-confusion position/direction



2-confusion relatif/absolu

Elections européennes 1984



| | | | | |
|-----------|--------|------------|-----|-----|
| | Droite | Ext-Droite | ... | |
| 18-21 ans | 35 | 15 | ... | 100 |
| ensemble | 40 | 10 | ... | 100 |

Quelques points de repères en Analyses Factorielles des Correspondances Multiples

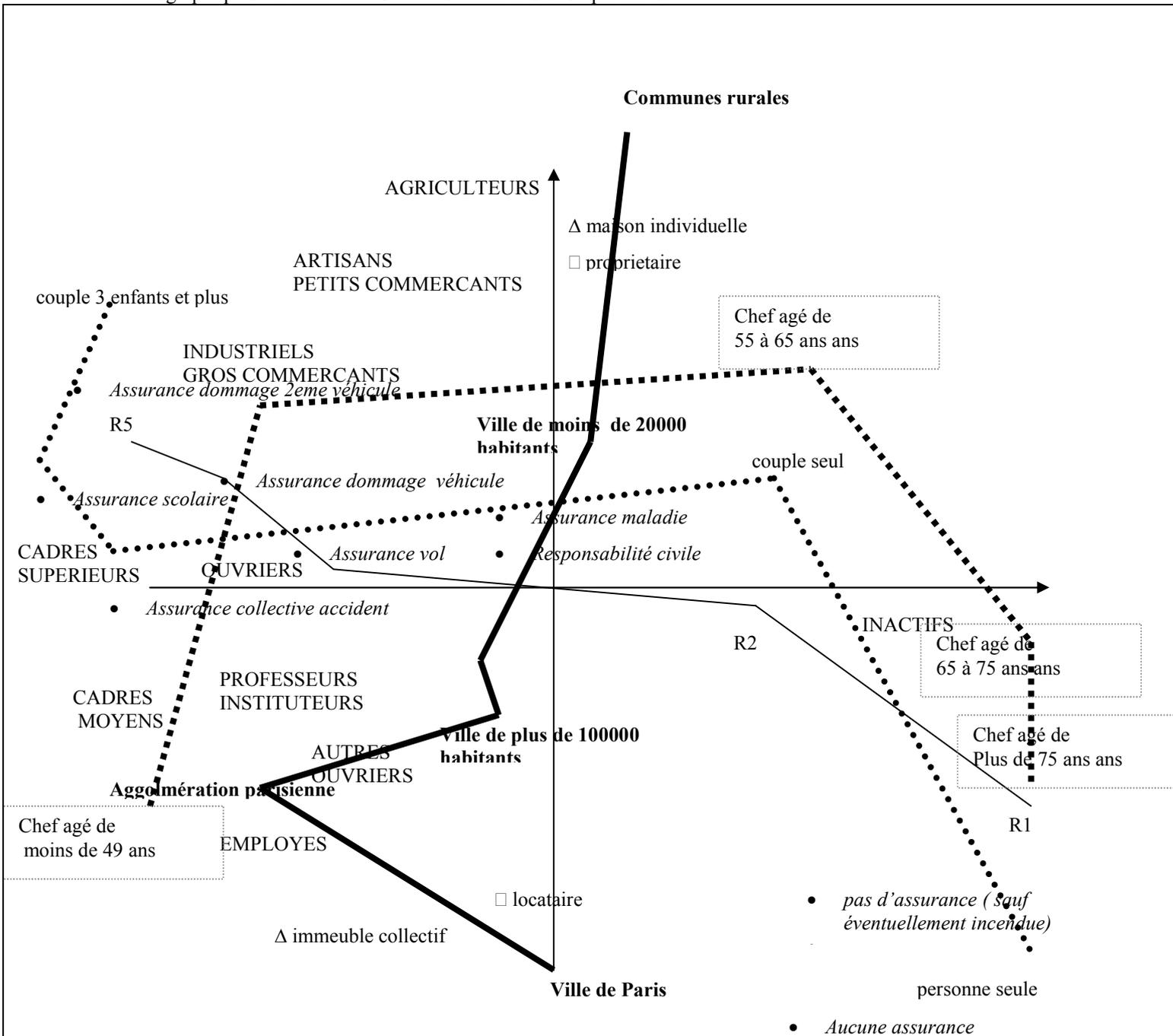
Une méthode pour penser les liens, en termes de sur et de sous représentations relatives des modalités de variables qualitatives , et pour les représenter, est l'Analyse Factorielle des Correspondances Multiples¹⁸

- c'est une méthode de statistique exploratoire qui permet de déceler d'éventuelles régularités statistiques dans les associations des modalités des différentes variables qualitatives.
- Les liens entre les variables qualitatives sont pensés et mesurés en termes de sur et de sous représentations relatives. Un énoncé tel que : chez les ménages OUVRIERS et CADRES SUPERIEURS les « assurances collectives accidents » sont sur-représentées, doit se comprendre ainsi : le pourcentage d'« assurances collectives accidents » dans ces catégories est plus élevé que le pourcentage moyen, celui de l'ensemble des ménages. L'AFCM est une méthode différentielle : elle met en évidence des écarts à la moyenne.
- Les variables qualitatives, sont représentées par leurs modalités, d'une même couleur. Lorsque la variable est ordinale, c'est le cas de la taille de l'agglomération, de l'âge du chef de ménage, les modalités successives sont reliées par une ligne brisée orientée.
- Les modalités sont, géométriquement, des points dans un espace de grande dimension. Ces points sont projetés sur un plan optimal en un certain sens : la figure géométrique initiale est la moins déformée possible, mais elle l'est .
- On obtient donc une représentation des modalités dans un plan dit « plan de projection » , et des règles de traductions, d'interprétations.
- Au centre du graphique se trouvent les pourcentages moyens. Les modalités de couleurs différentes situées du même côté, par rapport à ce centre sont mutuellement sur-représentées. Ainsi, dans le graphique « les comportements des français en matière d'assurance », en bas, chez les ménages habitant la « ville de Paris » , il y a une sur représentation des immeubles collectifs, des locataires, des employés.... Dans cette ville, les ménages ayant les caractéristiques précédentes sont relativement plus nombreux.
- Les modalités de couleurs différentes situées dans des directions opposées par rapport au centre du graphique sont mutuellement sous-représentées. Ainsi dans la « ville de Paris », il y a une sous-représentation des maisons individuelles, des AGRICULTEURS, des propriétaires....
- Des modalités de même couleur (d'une même variable) proches ont les mêmes caractéristiques c'est à dire les mêmes fréquences des modalités des autres variables.
- Lorsque la ligne brisée orientée qui représente une variable ordinale se déploie bien dans le graphique, c'est le cas de la taille de l'agglomération, c'est qu'elle est très significative , les différentes catégories : communes rurales, villes de moins de 20 000 habitants ... sont, dans une certaine mesure, intra-homogènes extra-hétérogènes, lorsque l'on passe d'une classe de taille à une autre , il y a une variation sensible du pourcentage des modalités d'autres variables, notamment le pourcentage de locataires , de propriétaires, d'agriculteurs....
- Une variable supplémentaire-illustrative est une variable qui est projetée sur un plan déjà constitué. On peut observer ses liens statistiques avec les autres variables mais elle n'a pas servi à structurer le nuage initial des points-modalités, contrairement aux autres variables dites « actives ».La distinction variable active/supplémentaire-illustrative est d'une extrême importance méthodologique, même si , pratiquement les représentations peuvent être très semblables.

¹⁸ un livre utile « *Analyses factorielles simples et multiples : objectifs, méthodes et interprétations* », Brigitte Escoffier et Jérôme Pages , Dunod 1998

« Les comportements des français en matière d'assurance »

« La détention d'assurances dans l'espace des ménages représentés par leurs caractéristiques socio-démographiques » Daniel VERGER Economie et Statistique fev 85

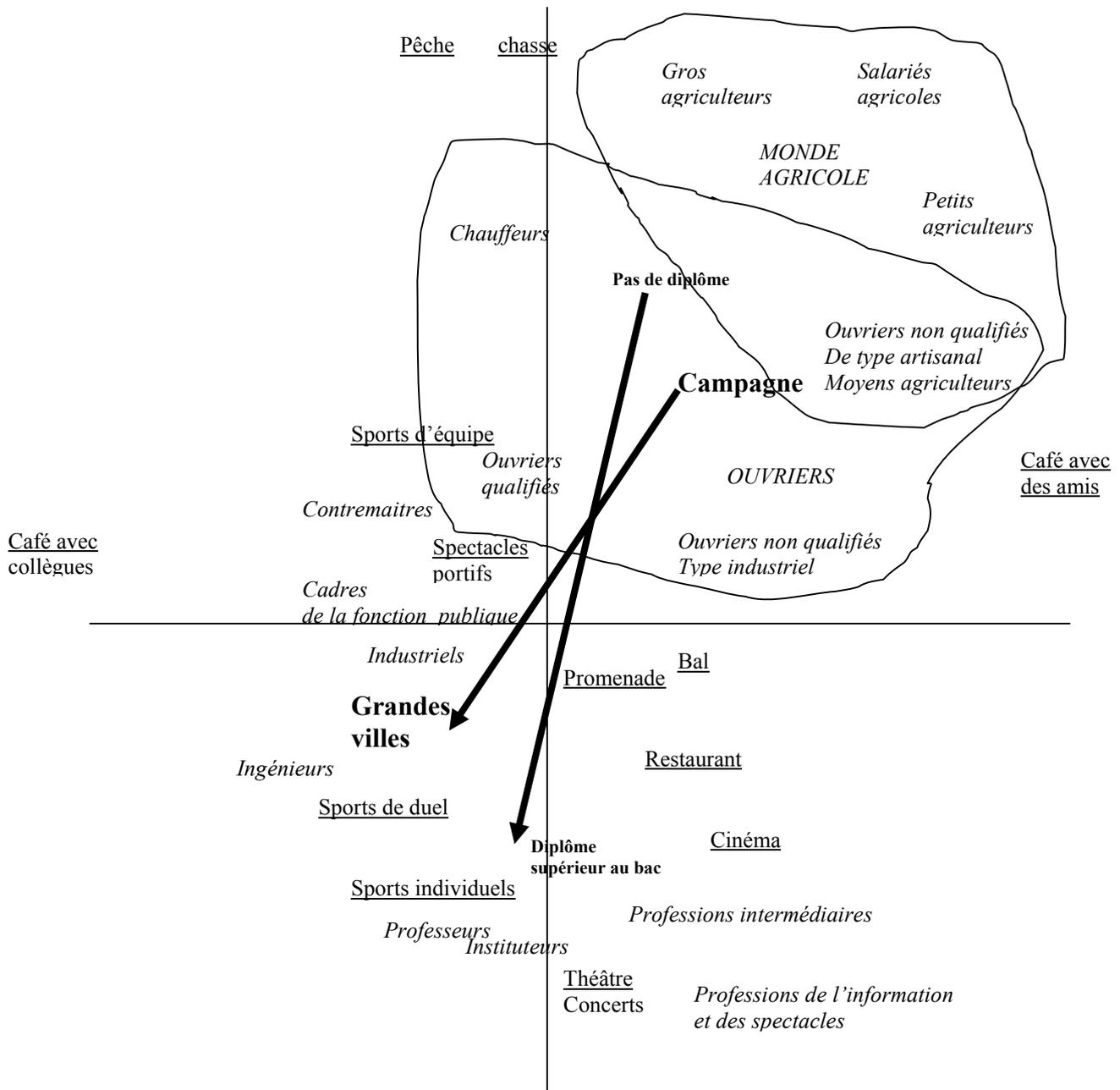


La méthode utilisée est celle de l'analyse factorielle des correspondances appliquée au tableau définissant pour chaque ménage (en ligne) ses caractéristiques socio-démographiques (en colonne). On peut ainsi dire que ces caractéristiques des ménages sont des variables actives et servent à déterminer les plans factoriels. Les variables relatives à la détention d'assurances ont été ensuite projetées sur ces plans factoriels par la méthode dite des « variables supplémentaires ».

La proximité d'un point « assurance » et d'un point « caractéristique du ménage » est susceptible de traduire une plus grande fréquence de l'assurance considérée parmi les ménages ayant cette caractéristique. Plus généralement la position des points « assurances » dans le plan factoriel permet de déceler les facteurs de disparité essentiels. Pour cela, il faut bien comprendre la signification des axes.

« Les sorties : une occasion de contacts »

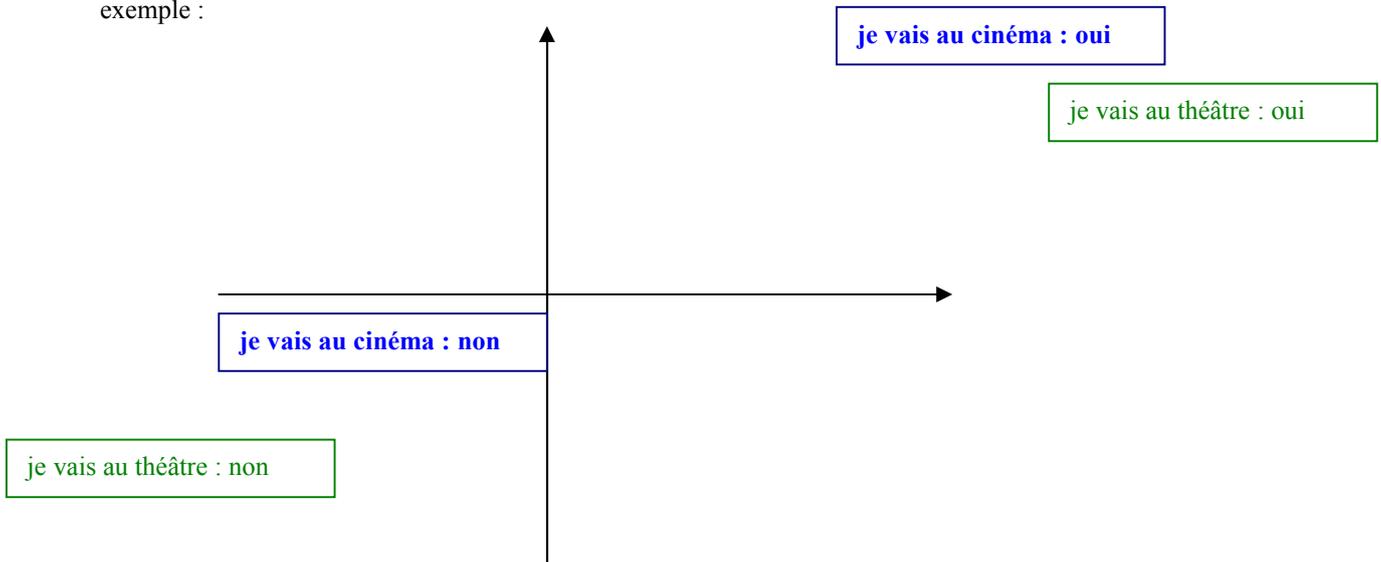
Olivier CHOQUET Economie et Statistique n°214 1988



la méthodologie mise en œuvre est celle de l'analyse factorielle des correspondances multiples. Variables actives (soulignées sur le graphique) : effectuer une sortie de type i avec quelqu'un d'extérieur à son ménage (loto exclu et café distingué selon la compagnie). Variables illustratives : diplôme, catégorie socio-professionnelle et taille de l'agglomération.

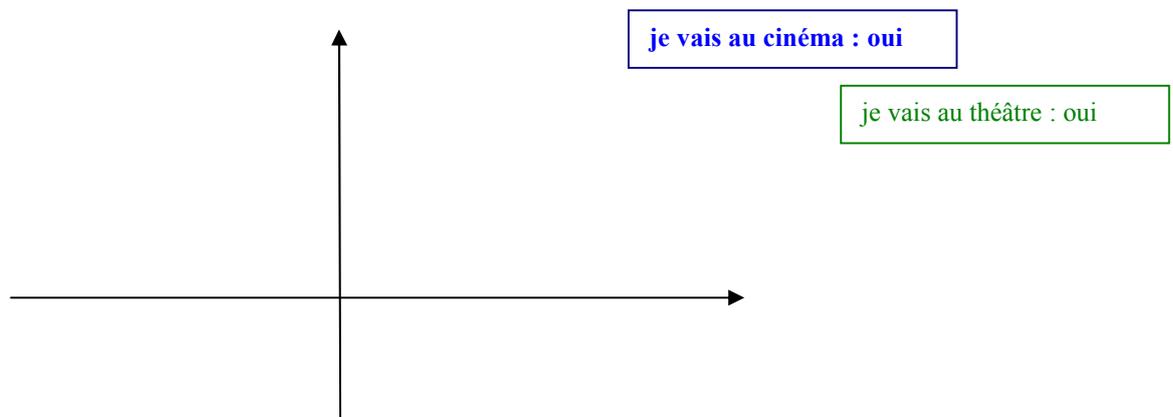
La représentation graphique dans le cas particulier de variables-questions à réponse oui/non

exemple :

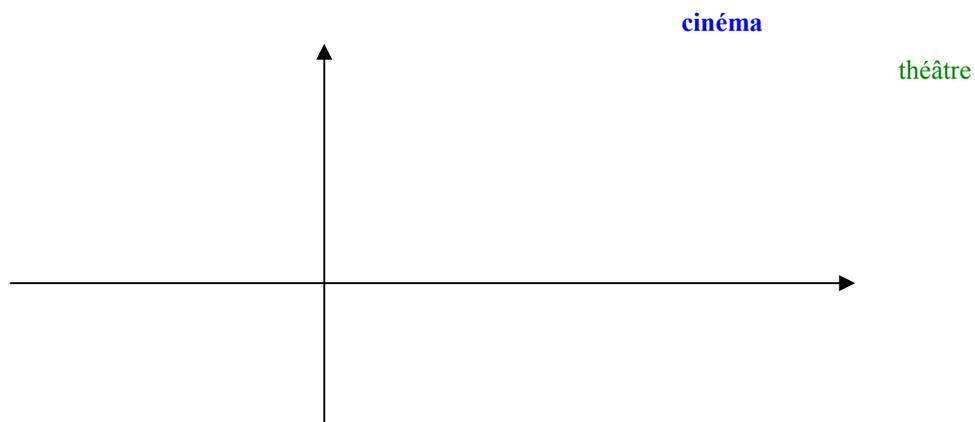


on efface la réponse "non" et on remplace la réponse "oui" par la question (SPAD permet cette manipulation sur le graphique effacer/changer)

on obtient :



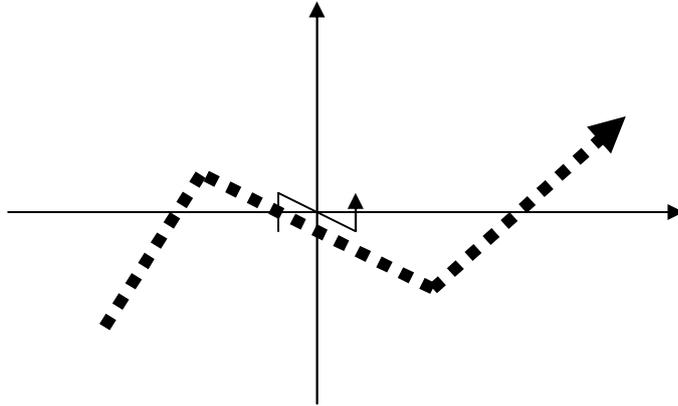
et finalement



aller au cinéma est plus fréquent pour ceux qui vont au théâtre, et réciproquement.

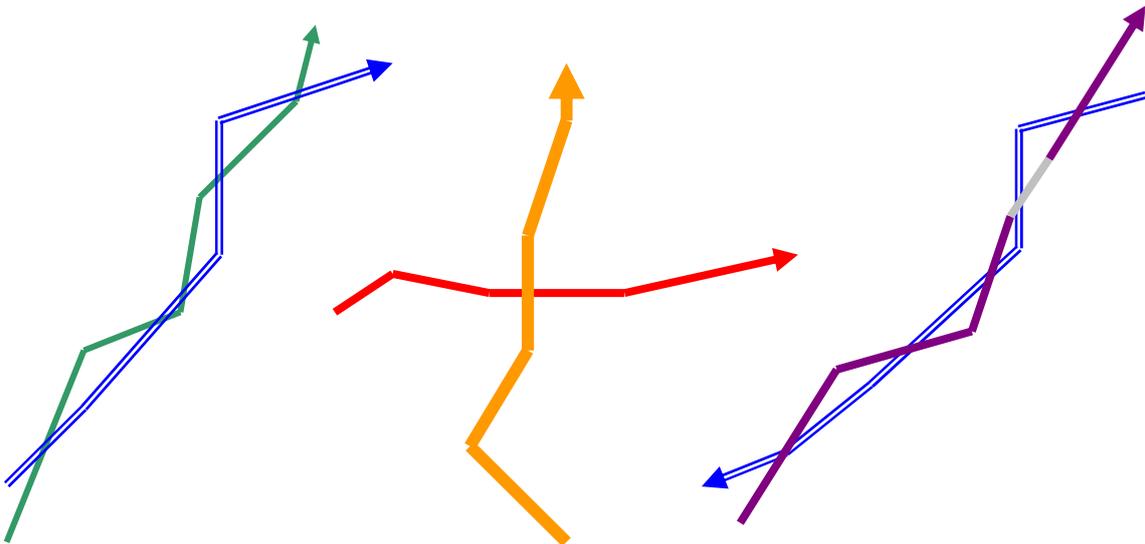
Le cas des variables qualitatives ordinales :

On relie, par une ligne brisée orientée les modalités successives d'une variable ordinale



Lorsque la ligne brisée orientée qui représente une variable ordinale se déploie bien dans le graphique , c'est qu'elle est très significative : lorsque l'on passe d'une modalité à la suivante il y a une variation sensible du pourcentage de modalités d'autres variables..

Voir les liens entre deux variables ordinales :



$T2 \gg$
Liens forts, même direction

$T2 \cong 0$
indépendance

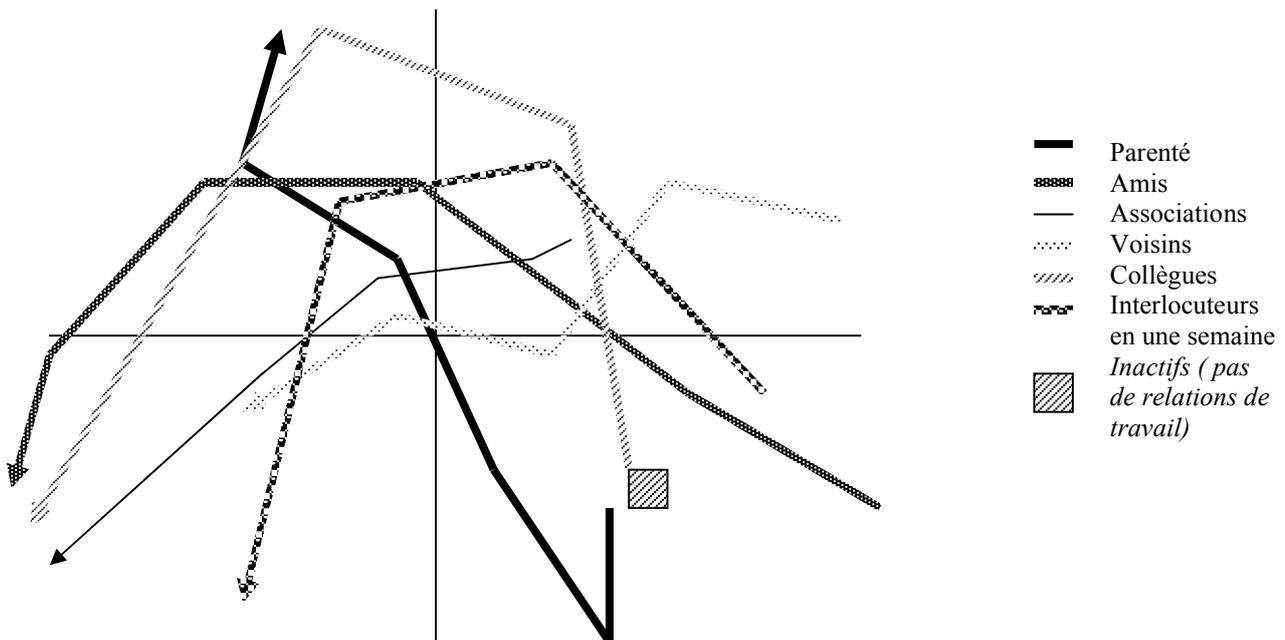
$T2 \gg$
lien fort, direction opposée

Interprétations : voir exemples

« La sociabilité » une Analyse Factorielle des Correspondances Multiples

d'après « La sociabilité, une pratique culturelle » François HERAN, Economie et Statistiques n°216 1988

cohérence de la sociabilité
l'espace des pratiques
Espace des variables actives dans l'analyse des correspondances multiples.
Intensité des principales relations.

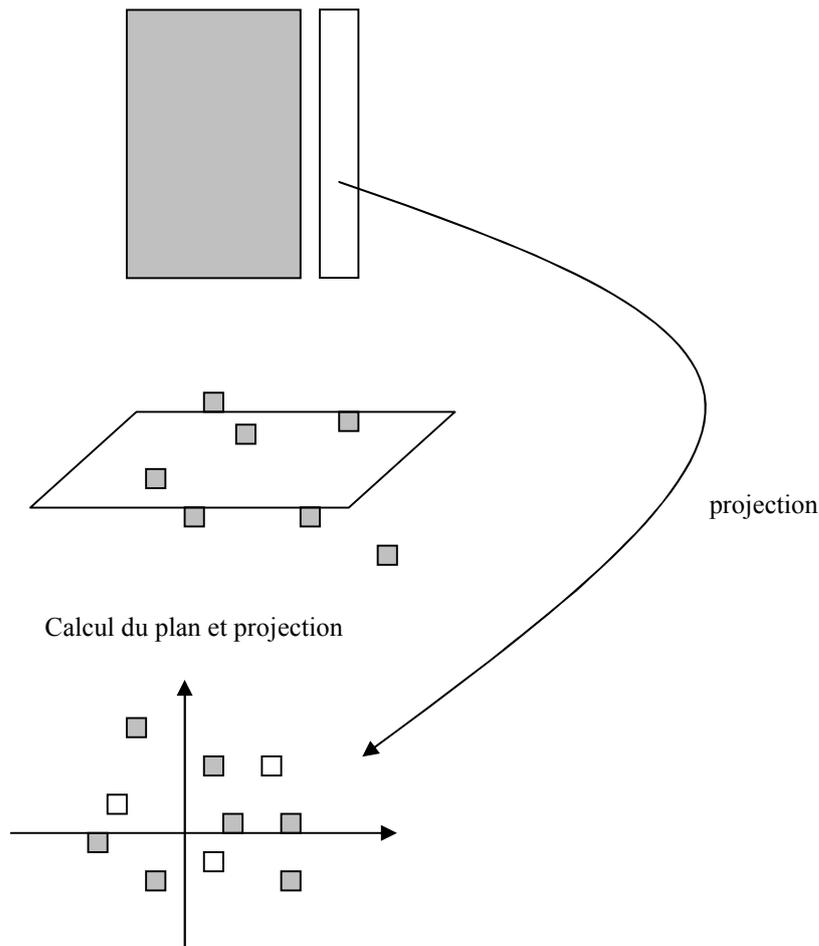


On a retenu les indicateurs et les degrés d'intensité suivants :

- nombre de membres de la parenté vus au moins une fois par mois (0,1 ou 2, 3 ou 4, 5 à 8, 9 à 12, plus de 12)
- nombre d'amis que l'on dit connaître personnellement (0, 1, 2, 3 ou 4, 5 ou plus)
- nombre d'adhésions aux associations (0, 1, 2, 3 ou plus)
- intensité des contacts avec le voisinage depuis un an (aucune conversation : simples conversations : visites : visites avec échanges de services : liens plus étroits)
- nombre de relations de travail que l'on revoit hors du lieu de travail (0 pour les inactifs : 0 pour les actifs : 1 à 3 : 4 à 9 : 10 ou plus)
- nombre de personnes différentes avec lesquelles on discute en une semaine (1 à 7 : 8 à 13 : 14 à 19 : 20 à 29 : 30 à 39 : 40 ou plus)

Objet (variable, individu...) actif / illustratif-supplémentaire

Une variable supplémentaire-illustrative est une variable qui est projetée sur un plan déjà constitué. On peut observer ses liens statistiques avec les autres variables mais elle n'a pas servi à structurer le nuage initial des points-modalités, contrairement aux autres variables dites « actives ». La distinction variable active/supplémentaire-illustrative est d'une extrême importance méthodologique, même si, pratiquement les représentations peuvent être très semblables.



des raisons :

- de fond : variables « lourdes », caractéristiques socio-économiques actives, puis les variables d'opinion en variables supplémentaires
- **variables « explicatives », « clivantes » en variables actives, et les variables « expliquées », « clivées » en variables supplémentaires**
- l'objet illustratif est fictif, et caricatural
- objet collectif : Alsace, Bade-Wurtemberg, Vénétie.... en variable active, puis France, Allemagne, Italie en variable illustrative

exemples, cas réels

5- « L'attachement régional » une Analyse Factorielle des Correspondances Multiples

source¹⁹. 715 individus habitant en Alsace.

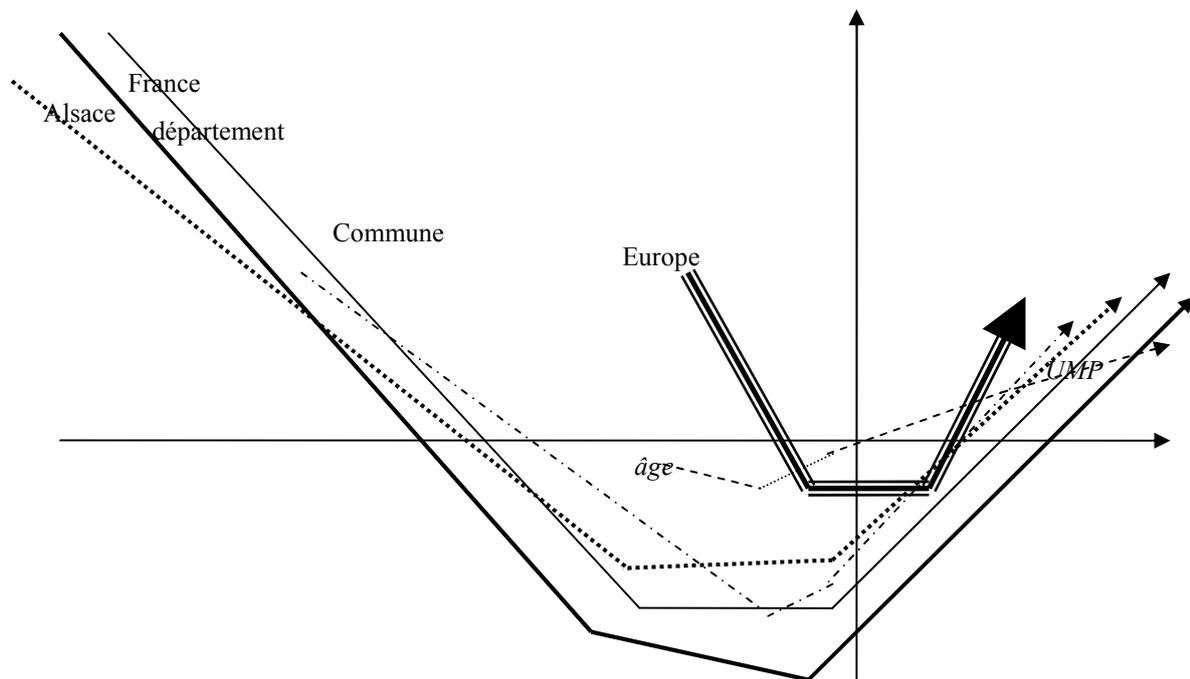
Variables actives :

Pouvez-vous me dire si vous êtes attaché, plutôt attaché, pas très attaché ou pas attaché du tout à :

- L'Europe
- La France
- L'Alsace
- Votre département
- La ville ou la commune où vous habitez

Variables illustratives :

Proximité partisane (après regroupements :- *Extrême-Droite, UMP, UDF, Gauche, Ecolo, Extrême-Gauche,* et **âge** : *18-24 ans, 25-34ans, 35-49ans, 50-64 ans, 65 ans et plus*



- *** que peut-on dire des liens entre les différents attachements (à l'Europe, La France, ...) ?

¹⁹ Source CDSP, Centre de Données Socio-Politiques, Sciences Po-Paris, 2004
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

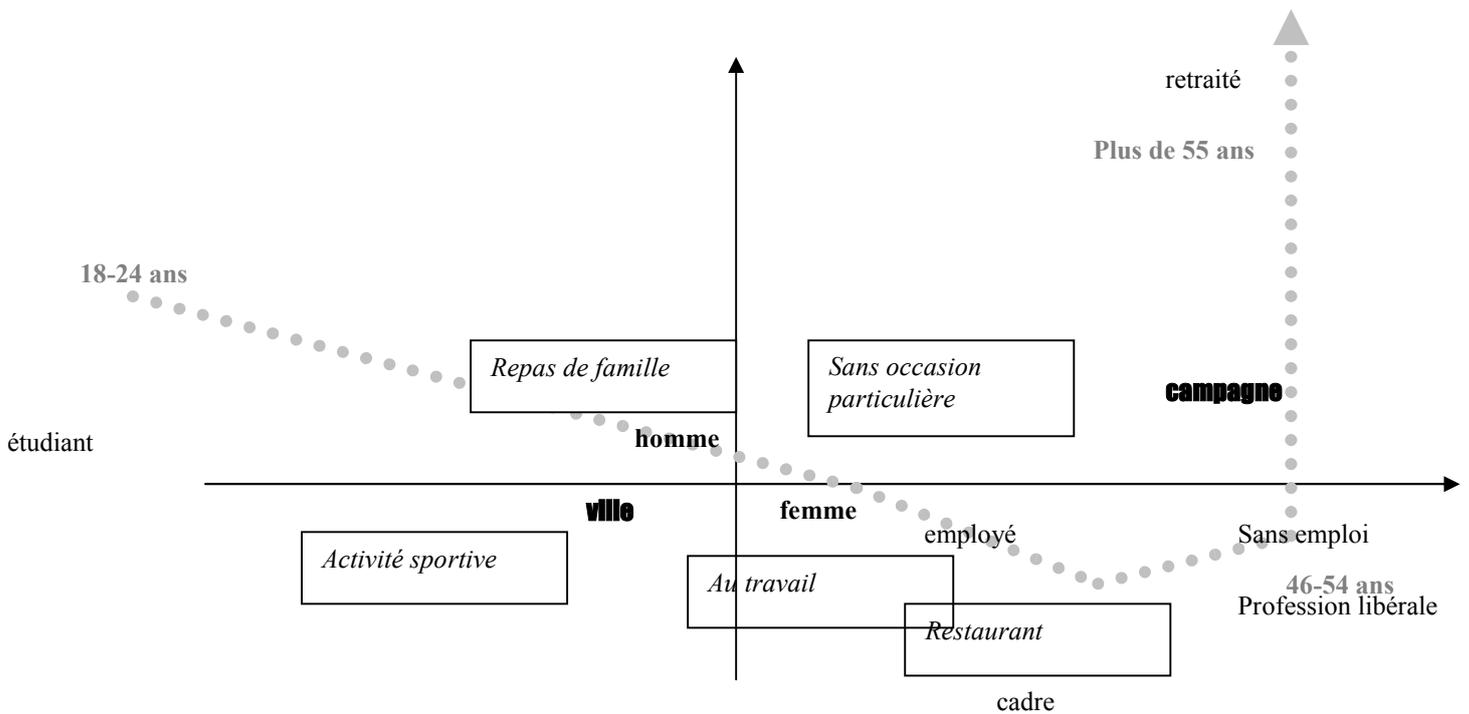
6- Eaux minérales, une Analyse Factorielle des Correspondances Multiples

cas réel. On a interrogé 105 passants²⁰

variables actives : GENRE : homme, femme), AGE : 18-24 ans, ...45-54 ans, plus de 55 ans, CATEGORIE PROFESSIONNELLE : étudiant, cadre, employé, profession libérale, retraité, sans emploi , LIEU d'HABITATION : à la ville, à la campagne

variables illustratives: buvez-vous de l'eau minérale :

- *sans occasion particulière*
- *au restaurant*
- *au travail*
- *pendant les repas de famille*
- *pendant une activité sportive*
- *autre*



- que peut-t-on dire de ceux qui boivent de l'eau minérale au restaurant ?

²⁰ « Etude de marché CAROLA » Annelise DREVAL « mémoire de maîtrise » Université de Strasbourg I- 2005
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Penser, mesurer et représenter la nature et l'intensité des liens entre des variables quantitatives-numériques.

Coefficient de corrélation linéaire

Une variable $X : x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_n$ de moyenne MX et d'écart-type σ (SD *standart deviation*)
 Valeur centrée-réduite (on s'affranchit de l'unité de mesure) : X' :

$$X' = \frac{X - MX}{\sigma} \quad \text{alors} \quad MX' = 0 \quad \text{et} \quad VX' = \sigma = 1$$

$$X' : x'_1, x'_2, \dots, x'_i, \dots, x'_n$$

le coefficient de corrélation linéaire ρ :

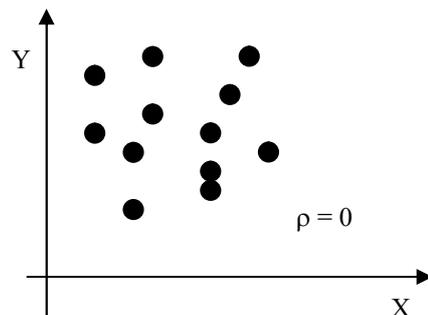
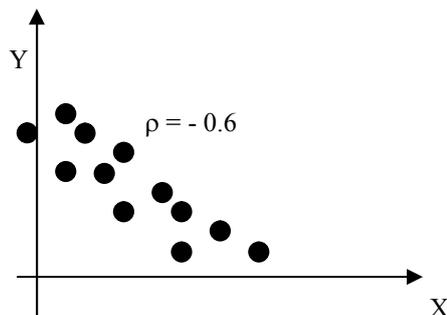
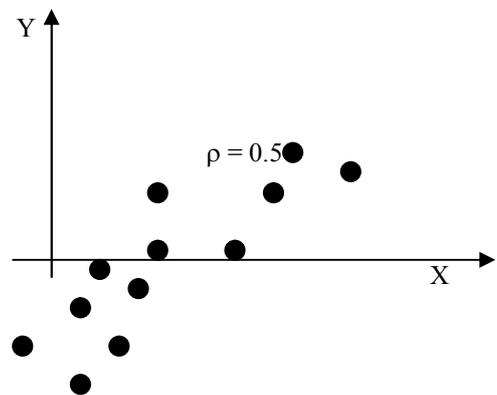
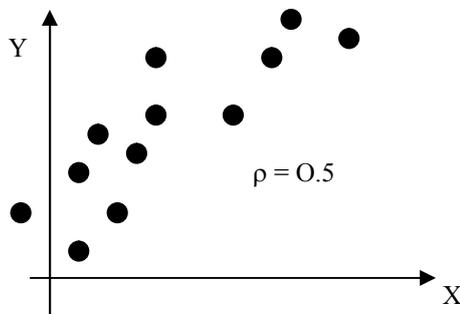
$$\rho(X, Y) = \rho(Y, X) = \frac{1}{n} \sum_i \frac{(x_i - MX)}{SDX} \cdot \frac{(y_i - MY)}{SDY} = \frac{1}{n} \sum_i x'_i y'_i$$

$$-1 \leq \rho(X, Y) \leq 1$$

$$\rho(X + a, Y + b) = \rho(X, Y)$$

$$\rho(\alpha X + a, \beta Y + b) = \rho(X, Y) \quad \text{si } \alpha > 0 \text{ et } \beta > 0$$

En fait, ρ mesure la corrélation linéaire des écarts (réduits) à la moyenne.



Droite des moindres carrés²¹ / régression : réinventer la moyenne, la variance, le coefficient de corrélation linéaire.



$$y^* = a^* x + b^*$$

$$a^* = \frac{\sum_i (x_i - \bar{x}) \cdot (y_i - \bar{y})}{\sum_i (x_i - \bar{x})^2} \quad b^* = \bar{y} - a^* \bar{x}$$

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} \quad \bar{y} = \frac{\sum y_i}{n}$$

$$y^* = \bar{y} + \rho \cdot \frac{\sigma_Y}{\sigma_X} \cdot (x - \bar{x})$$

* efficacité instrumentale , quant aux interprétations....

²¹ « Nouvelles méthodes pour la détermination des orbites des comètes », annexe « Sur la méthode des moindres carrés » Adrien Marie LEGENDRE, 1805 / regression , mot introduit par Francis GALTON 1885
 Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Une autre interprétation géométrique du coefficient de corrélation linéaire

Tableau centré-réduit : une variable-colonne X : $\sum x_i = 0$ $MX=0$ centrée

$$VX = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n (x_i - 0)^2 = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 = 1 \quad \text{réduite}$$

et une autre variable Y $\sum y_i = 0$ $VY = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n y_i^2 = 1$

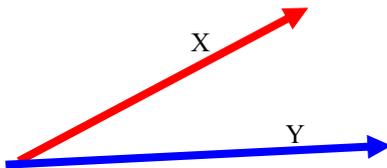
Tableau individus x variables : T

| | | | | | | |
|-----|-----|-------|-----|-------|-----|--|
| | ... | X | ... | Y | ... | |
| 1 | | x_1 | | y_1 | | |
| ... | | ... | | ... | | |
| ... | | ... | | ... | | |
| i | | x_i | | y_i | | |
| ... | | ... | | ... | | |
| ... | | ... | | ... | | |
| ... | | ... | | ... | | |
| ... | | ... | | ... | | |
| ... | | ... | | ... | | |
| n | | x_n | | x_n | | |

$$\rho(X, Y) = \frac{1}{n} \sum_i \frac{(x_i - MX)}{\sigma_X} \cdot \frac{(y_i - MY)}{\sigma_Y} = \frac{1}{n} \sum_i x_i \cdot y_i$$

car X et Y sont centrées-réduites

dans \mathbb{R}^n



$$\cos(X, Y) = \frac{\langle X, Y \rangle}{\|X\| \|Y\|} \quad \|X\| = \sqrt{\sum_i x_i^2} = \sqrt{n} \quad \|Y\| = \sqrt{\sum_i y_i^2} = \sqrt{n} \quad \langle X, Y \rangle = \sum x_i \cdot y_i$$

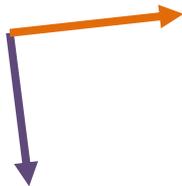
$$\cos(X, Y) = \frac{\sum_i x_i \cdot y_i}{\sqrt{n} \cdot \sqrt{n}} = \frac{1}{n} \cdot \sum_i x_i \cdot y_i = \rho(X, Y) !!!$$

variables- « flèches » , arguments de direction. Le lien entre deux variables se « voit » : c'est l'angle .

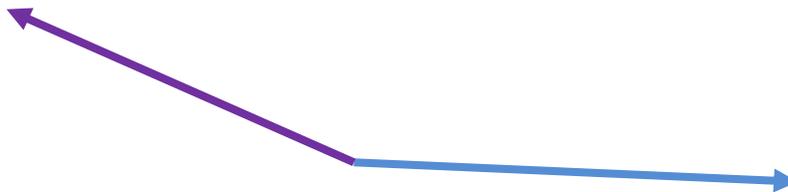
angle aigu / même direction / cosinus proche de 1 / corrélation positive



Angle droit / directions \perp / cosinus nul / indépendance



angle obtus / directions opposées / cosinus proche de -1 / corrélation négative

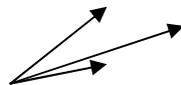


Ah ! les coefficients de corrélations ...

- la non-transitivité

$$\rho(V_1, V_2) = 0.71 \quad \rho(V_2, V_3) = 0.71 \quad \rho(V_1, V_3) = ?$$

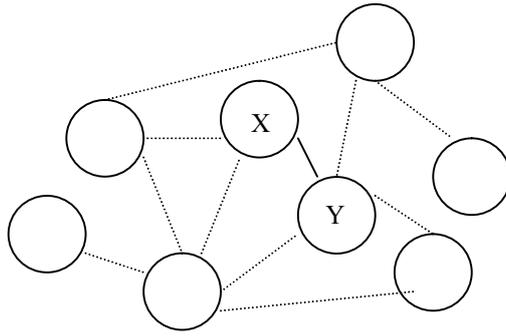
$$0 \leq \rho(V_1, V_3) \leq 1$$



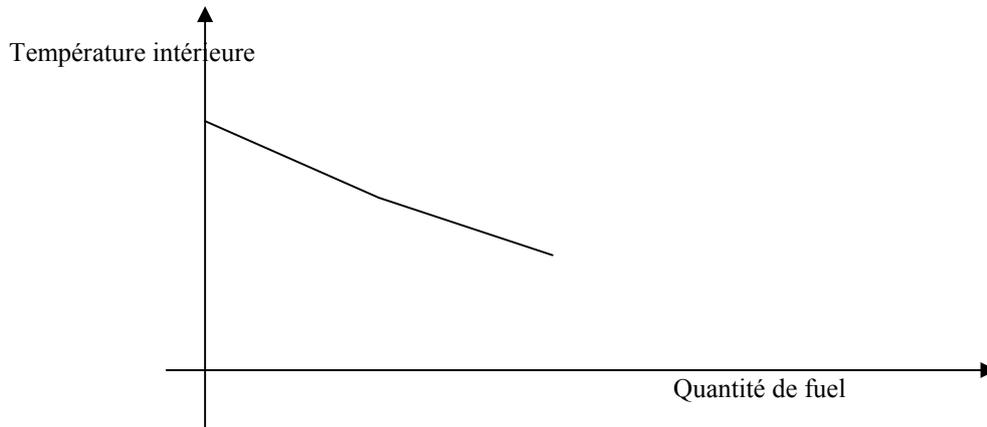
$$\rho(V_1, V_2) = 0.9 \quad \rho(V_2, V_3) = 0.9 \dots\dots\dots \rho(V_9, V_{10}) = 0.9 \quad , \quad \rho(V_1, V_{10}) = ?$$

$$-1 \leq \rho(V_1, V_{10}) \leq 1$$

* effets directs, effets indirects, variables cachées

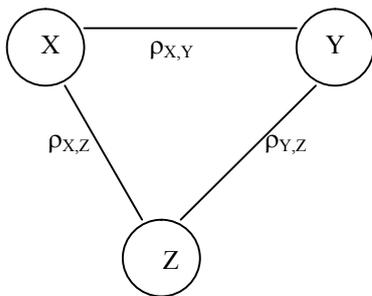


un classique :



Apparemment, plus on chauffe, plus il fait froid.

Variable cachée (Z) : température extérieure



On peut « neutraliser », par le calcul, l'effet de Z sur les rapports entre X et Y

$$\rho_Z(X, Y) = \frac{\rho_{X,Y} - \rho_{X,Z} \cdot \rho_{Y,Z}}{\sqrt{1 - \rho_{X,Z}^2} \cdot \sqrt{1 - \rho_{Y,Z}^2}}$$

application numérique

| X | Y | Z |
|--------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| Qté de fuel | Température intérieure | température extérieure |
| 0 | 25 | 30 |
| 1 | 20 | 10 |
| 2 | 18 | -5 |

les coefficients de corrélation:

| | X | Y | Z |
|----------|--------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| | Qté de fuel | Température intérieure | température extérieure |
| X | 1 | - 0,97072534 | 0,98718399 |
| Y | - 0,97072534 | 1 | 0,98718399 |
| Z | -0,9966159 | 0,98718399 | 1 |

attention aux décimales pour les calculs :

on a

$$\rho (X,Y)= \rho (\text{Qté de fuel, Temp. intérieure})= - 0.97$$

apparemment, plus on chauffe, plus il fait froid.

puis

$$\rho_Z (X , Y) = \rho_{Temp.ext} (\text{Qté fuel} , \text{Temp.int}) = \frac{-0,9707 - (-0,9966 * 0,9871)}{\sqrt{1 - 0,9966^2} \cdot \sqrt{1 - 0,9871^2}}$$

$$\rho_Z (X , Y) = \rho_{Temp.ext} (\text{Qté fuel} , \text{Temp.int}) = 0,99$$

Commentaires

l'intérêt de l'ACP : voir les liens entre toutes les variables...

Penser, mesurer et représenter la nature et l'intensité des liens entre des variables numériques. L'ACP : Analyse en Composantes Principales (normée)

ACP normée : les variables du tableau sont centrées-réduites : on s'affranchit des unités de mesure.

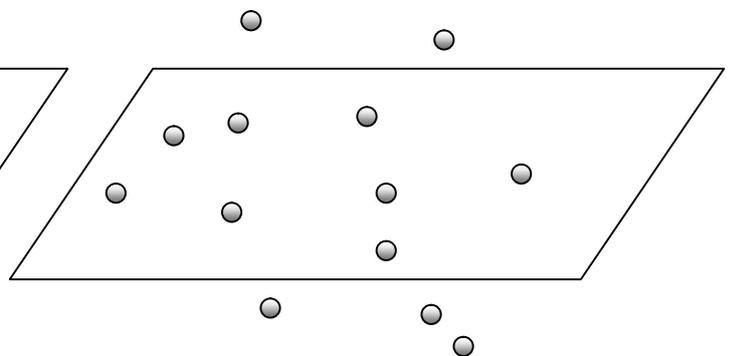
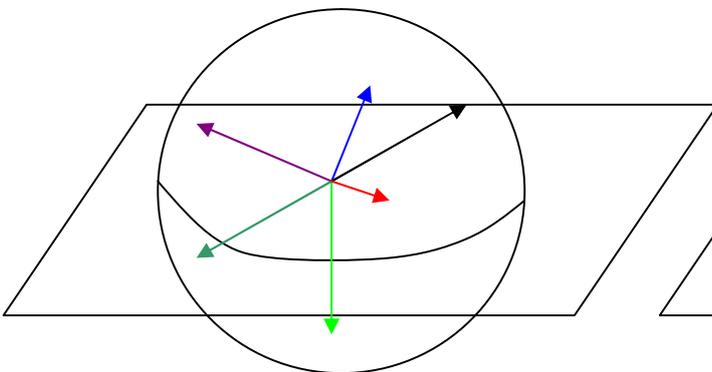
Tableau individus x variables : T

| | V1 | | ... | Vj | ... | Vm |
|-----|-----------|-------|-----|-----------|-----|-----------|
| 1 | | | | $t_{1,j}$ | | |
| ... | | | | ... | | |
| ... | | | | ... | | |
| i | $t_{i,1}$ | | | $t_{i,j}$ | | $t_{i,m}$ |
| ... | | | | ... | | |
| ... | | | | ... | | |
| ... | | | | ... | | |
| ... | | | | ... | | |
| ... | | | | ... | | |
| n | | | | $t_{n,j}$ | | |

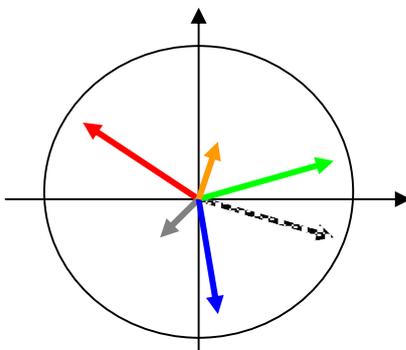
La matrice des corrélations : $RO = \frac{1}{n} \cdot T \cdot T'$

Les m variables-flèches dans R^n

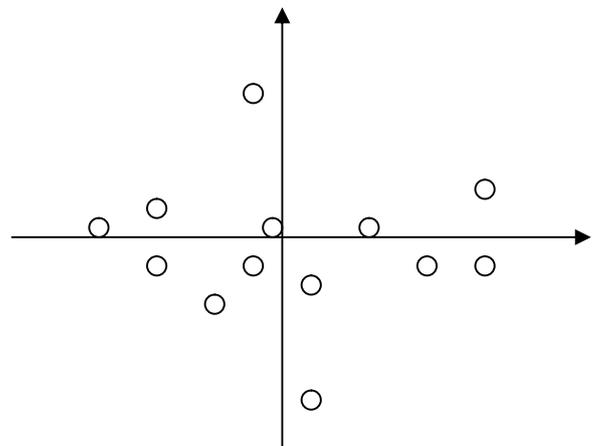
les n individus-points dans R^m



Projections (calculs des vecteurs et valeurs propres de RO)



Orientations / angles



positions/distances

Quelques points de repère : ACP²²

- c'est une méthode de statistique exploratoire qui permet de déceler d'éventuelles régularités statistiques dans les co-relations des différentes variables quantitatives (numériques).
- Les liens entre les variables quantitatives sont pensés et mesurés en termes de **corrélations linéaires**. Un énoncé tel que : «les précipitations (la pluie) en mm et le nombre de jours d'orages sont positivement (linéairement) corrélés » doit se comprendre ainsi : les villes où les précipitations sont supérieures à la moyenne (58 mm) sont aussi les villes où le nombre de jours d'orages est supérieur au nombre moyen (4 jours). l'ACP est une méthode différentielle : elle met en évidence des écarts à la moyenne.
- Les variables quantitatives sont représentées par des vecteurs, des flèches, d'une couleur. Lorsque les variables sont centrées-réduites , la corrélation est alors le cosinus de l'angle formé par deux variables-vecteurs. **La corrélation se lit sur l'angle :**
 - Corrélation fortement positive \Leftrightarrow cosinus proche de 1 \Leftrightarrow angle aigu
 - Corrélation nulle, « indépendance » \Leftrightarrow cosinus proche de 0 \Leftrightarrow angle droit
 - Corrélation fortement négative \Leftrightarrow cosinus proche de -1 \Leftrightarrow angle obtus
- Les variables sont donc, géométriquement, des vecteurs flèches dans un espace de grande dimension. Ces vecteurs sont projetés sur un plan optimal en un certain sens : la figure géométrique initiale est la moins déformée possible, mais elle l'est .
- La qualité de la représentation d'une variable , ça se voit : dans ACP normée (ie avec centrage-réduction des variables) ce qui est le cas dès lors que l'on considère des corrélations et non pas des covariances, chaque flèche a la même longueur . Si sa représentation est petite c'est qu'elle est plutôt perpendiculaire au plan de projection, donc indépendante de ce plan.
- Une variable « supplémentaire-illustrative » est une variable qui est projetée sur un plan déjà constitué. On peut observer ses liens statistiques avec les autres variables mais elle n'a pas servi à structurer le nuage initial des individus, contrairement aux autres variables dites « actives ». La distinction variable active/supplémentaire-illustrative est d'un extrême importance méthodologique, même si , pratiquement les représentations peuvent être très semblables.

²² deux livres utiles « *Analyse des Données* » Michel Volle , Economica et « *Statistique Exploratoire Multidimensionnelle* » Ludovic Lebart, Alain Morineau, M. Piron Dunod, 1995

La pluie et le beau temps

Source « Le Monde » 1998. Les individus statistiques sont les villes où se sont déroulées les épreuves de la Coupe du Monde de Foot-ball

Les variables sont :

Temp_b : température minimale moyenne en °C.

Temp # : : température maximale moyenne en °C.

Mtemp : température moyenne en °C.

Pluiemm : précipitations en cumul moyen , en mm.

Norages : nombre moyen de jours d'orages.

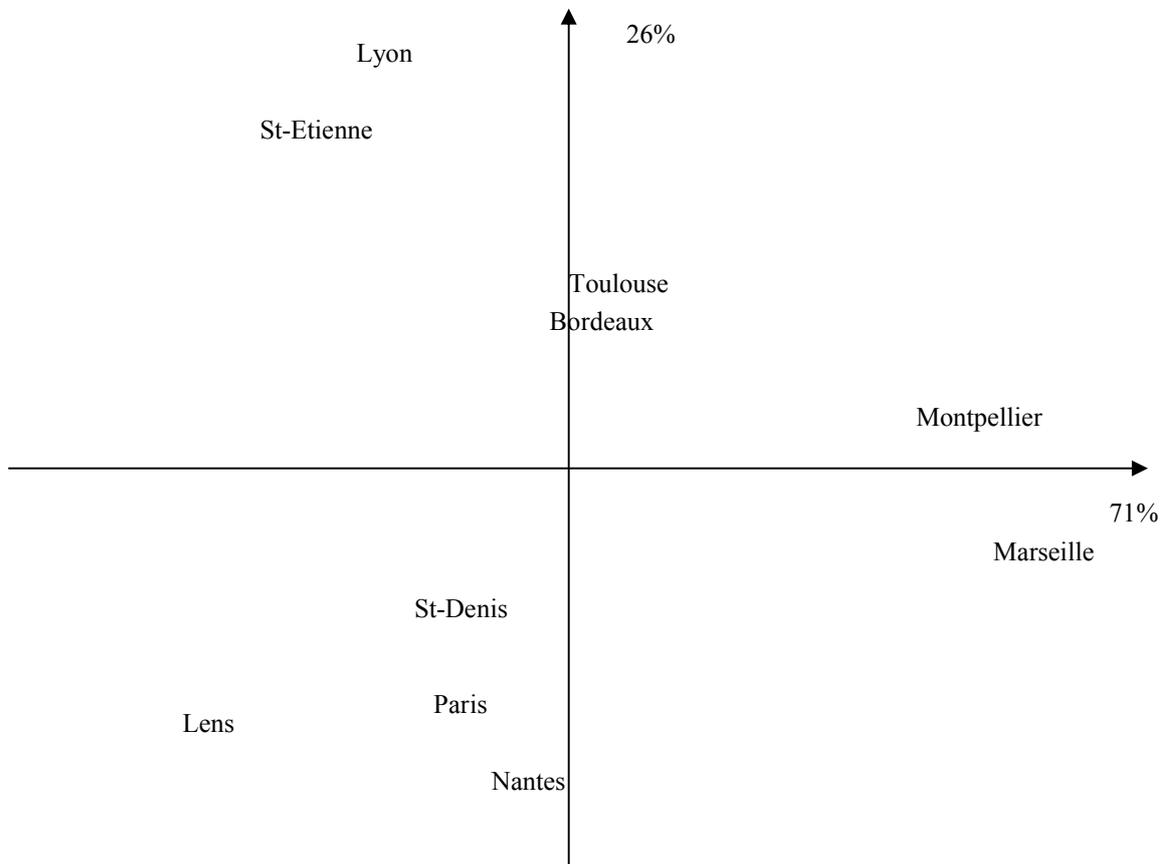
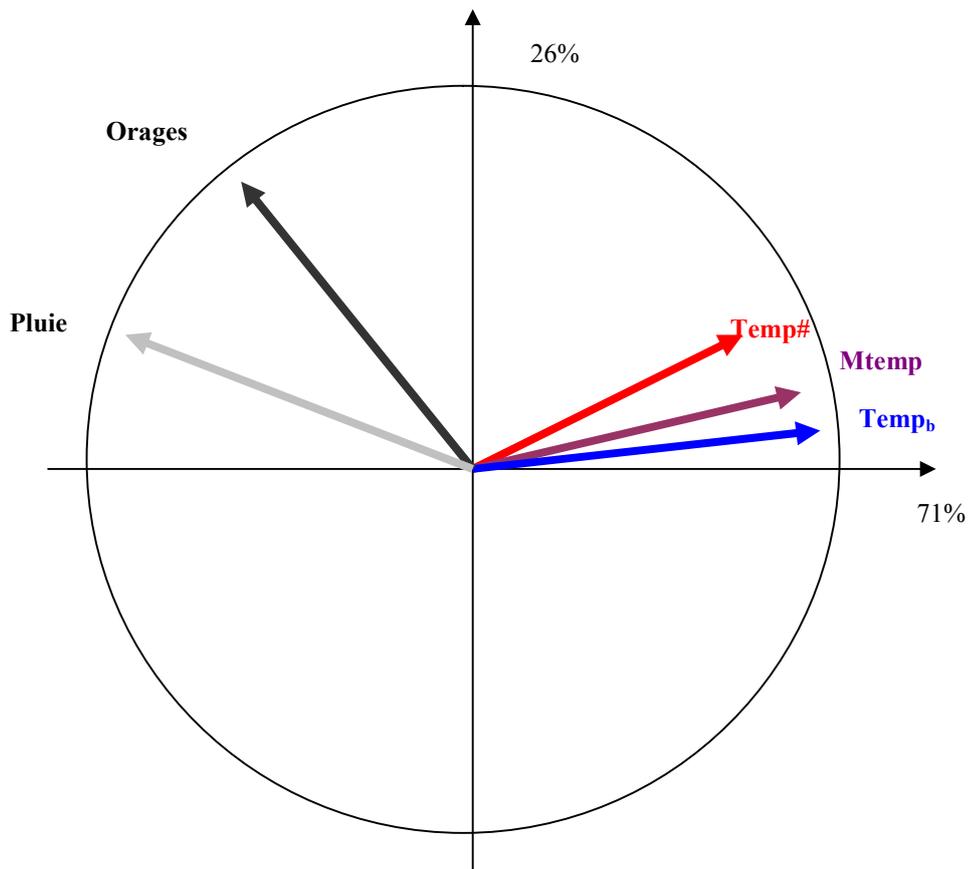
Pour chaque ville les variables sont des moyennes temporelles sur la période 10 juin-12 juillet de 1966 à 1995

| | Tempb | Temp# | Mtemp | Pluiemm | Norages |
|-------------|--------------|--------------|--------------|----------------|----------------|
| Bordeaux | 14 | 25 | 19 | 62 | 5 |
| Lens | 12 | 21 | 16 | 73 | 4 |
| Lyon | 14 | 25 | 19 | 79 | 7 |
| Marseille | 17 | 27 | 22 | 24 | 2 |
| Montpellier | 16 | 27 | 21 | 33 | 4 |
| Nantes | 13 | 23 | 18 | 50 | 2 |
| Paris | 14 | 23 | 18 | 57 | 3 |
| St-Denis | 12 | 23 | 18 | 60 | 4 |
| St-Etienne | 12 | 24 | 18 | 82 | 7 |
| Toulouse | 14 | 25 | 20 | 67 | 5 |

Pour ces 10 villes :

| | moyenne | écart-type |
|----------------|---------|------------|
| Tempb | 14 °C | 1.6 °C |
| Temp# | 24 °C | 1.8 °C |
| Mtemp | 19 °C | 1.7 °C |
| Pluiemm | 59 mm | 18 mm |
| Norages | 4 jours | 1.7 jours |

La pluie et le beau temps : une Analyse en Composantes Principales



Logiciel SPAD 4.5

ANALYSE EN COMPOSANTES PRINCIPALES

STATISTIQUES SOMMAIRES DES VARIABLES CONTINUES

EFFECTIF TOTAL : 10 POIDS TOTAL : 10.00

| NUM . IDEN - LIBELLE | EFFECTIF | POIDS | MOYENNE | ECART-TYPE | MINIMUM | MAXIMUM |
|----------------------|----------|-------|---------|------------|---------|---------|
| 1 . C2 - Tempb | 10 | 10.00 | 13.80 | 1.60 | 12.00 | 17.00 |
| 2 . C3 - Temp= | 10 | 10.00 | 24.30 | 1.79 | 21.00 | 27.00 |
| 3 . C4 - Mtemp | 10 | 10.00 | 18.90 | 1.64 | 16.00 | 22.00 |
| 4 . C5 - Pluie | 10 | 10.00 | 58.70 | 17.84 | 24.00 | 82.00 |
| 5 . C6 - Orages | 10 | 10.00 | 4.30 | 1.68 | 2.00 | 7.00 |

MATRICE DES CORRELATIONS

| | C2 | C3 | C4 | C5 | C6 |
|----|-------|-------|-------|------|------|
| C2 | 1.00 | | | | |
| C3 | 0.86 | 1.00 | | | |
| C4 | 0.91 | 0.96 | 1.00 | | |
| C5 | -0.79 | -0.57 | -0.70 | 1.00 | |
| C6 | -0.35 | 0.04 | -0.17 | 0.77 | 1.00 |

MATRICE DES VALEURS-TESTS

| | C2 | C3 | C4 | C5 | C6 |
|----|-------|-------|-------|-------|-------|
| C2 | 99.99 | | | | |
| C3 | 4.07 | 99.99 | | | |
| C4 | 4.78 | 6.28 | 99.99 | | |
| C5 | -3.36 | -2.06 | -2.73 | 99.99 | |
| C6 | -1.16 | 0.12 | -0.55 | 3.24 | 99.99 |

VALEURS PROPRES

APERCU DE LA PRECISION DES CALCULS : TRACE AVANT DIAGONALISATION .. 5.0000
SOMME DES VALEURS PROPRES 5.0000

HISTOGRAMME DES 5 PREMIERES VALEURS PROPRES

| NUMERO | VALEUR PROPRE | POURCENT. | POURCENT. CUMULE |
|--------|---------------|-----------|------------------|
| 1 | 3.5535 | 71.07 | 71.07 |
| 2 | 1.3047 | 26.09 | 97.16 |
| 3 | 0.0933 | 1.87 | 99.03 |
| 4 | 0.0424 | 0.85 | 99.88 |
| 5 | 0.0061 | 0.12 | 100.00 |

RECHERCHE DE PALIERS ENTRE (DIFFERENCES SECONDES)

| PALIER ENTRE | VALEUR DU PALIER |
|--------------|------------------|
| 1-- 2 | 1037.38 |

COORDONNEES DES VARIABLES SUR LES AXES 1 A 5

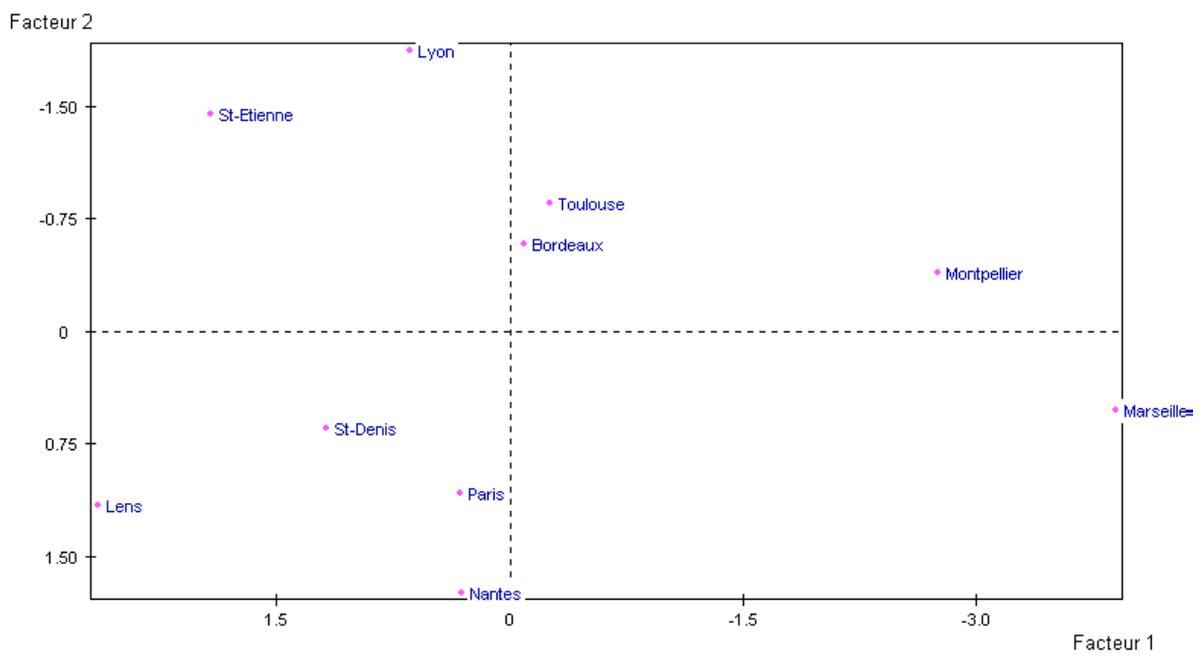
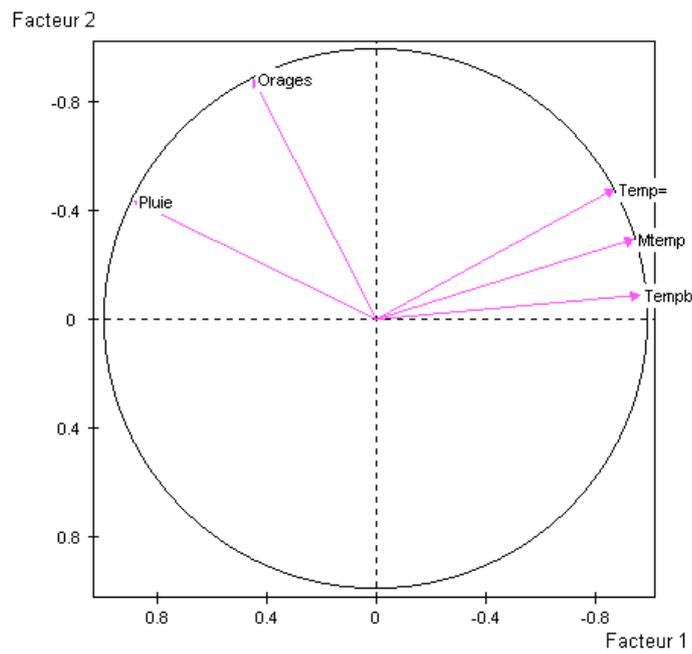
VARIABLES ACTIVES

| VARIABLES | COORDONNEES | | | | | CORRELATIONS VARIABLE-FACTEUR | | | | | ANCIENS AXES UNITAIRES | | | | |
|----------------------|-------------|-------|-------|-------|-------|-------------------------------|-------|-------|-------|-------|------------------------|-------|-------|-------|---|
| IDEN - LIBELLE COURT | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| C2 - Tempb | -0.96 | -0.09 | 0.26 | -0.02 | 0.00 | -0.96 | -0.09 | 0.26 | -0.02 | 0.00 | -0.51 | -0.08 | 0.85 | -0.09 | |
| C3 - Temp= | -0.87 | -0.48 | -0.09 | -0.03 | 0.06 | -0.87 | -0.48 | -0.09 | -0.03 | 0.06 | -0.46 | -0.42 | -0.28 | -0.16 | |
| C4 - Mtemp | -0.94 | -0.30 | -0.09 | 0.13 | -0.04 | -0.94 | -0.30 | -0.09 | 0.13 | -0.04 | -0.50 | -0.26 | -0.29 | 0.63 | |
| C5 - Pluie | 0.88 | -0.43 | 0.10 | 0.13 | 0.03 | 0.88 | -0.43 | 0.10 | 0.13 | 0.03 | 0.47 | -0.38 | 0.34 | 0.63 | |
| C6 - Orages | 0.45 | -0.89 | 0.00 | -0.09 | -0.03 | 0.45 | -0.89 | 0.00 | -0.09 | -0.03 | 0.24 | -0.78 | 0.00 | -0.42 | |

COORDONNEES, CONTRIBUTIONS ET COSINUS CARRES DES INDIVIDUS

AXES 1 A 5

| INDIVIDUS | COORDONNEES | | | | | CONTRIBUTIONS | | | | | COSINUS CARRES | | | | | | |
|----------------|-------------|-------|-------|-------|-------|---------------|-------|------|------|------|----------------|------|------|------|------|------|------|
| IDENTIFICATEUR | P.REL | DISTO | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Bordeaux | 10.00 | 0.38 | -0.09 | -0.59 | 0.04 | -0.09 | 0.14 | 0.0 | 2.6 | 0.2 | 2.1 | 32.1 | 0.02 | 0.90 | 0.00 | 0.02 | 0.05 |
| Lens | 10.00 | 8.46 | 2.64 | 1.16 | 0.35 | -0.14 | -0.08 | 19.6 | 10.3 | 13.0 | 4.5 | 11.4 | 0.82 | 0.16 | 0.01 | 0.00 | 0.00 |
| Lyon | 10.00 | 4.06 | 0.64 | -1.88 | 0.36 | 0.00 | 0.00 | 1.2 | 27.0 | 13.8 | 0.0 | 0.0 | 0.10 | 0.87 | 0.03 | 0.00 | 0.00 |
| Marseille | 10.00 | 15.51 | -3.90 | 0.52 | 0.07 | 0.12 | -0.05 | 42.8 | 2.1 | 0.6 | 3.6 | 3.5 | 0.98 | 0.02 | 0.00 | 0.00 | 0.00 |
| Montpellier | 10.00 | 7.91 | -2.76 | -0.39 | -0.12 | -0.39 | -0.03 | 21.4 | 1.2 | 1.5 | 35.6 | 1.6 | 0.96 | 0.02 | 0.00 | 0.02 | 0.00 |
| Nantes | 10.00 | 3.20 | 0.31 | 1.74 | -0.22 | 0.09 | 0.14 | 0.3 | 23.2 | 5.2 | 1.8 | 32.3 | 0.03 | 0.95 | 0.02 | 0.00 | 0.01 |
| Paris | 10.00 | 1.45 | 0.32 | 1.08 | 0.44 | 0.02 | 0.00 | 0.3 | 8.9 | 20.8 | 0.1 | 0.0 | 0.07 | 0.80 | 0.13 | 0.00 | 0.00 |
| St-Denis | 10.00 | 2.13 | 1.17 | 0.65 | -0.57 | 0.00 | -0.10 | 3.9 | 3.2 | 34.4 | 0.0 | 16.5 | 0.65 | 0.20 | 0.15 | 0.00 | 0.00 |
| St-Etienne | 10.00 | 5.89 | 1.92 | -1.45 | -0.31 | -0.07 | 0.02 | 10.4 | 16.1 | 10.5 | 1.3 | 0.4 | 0.63 | 0.36 | 0.02 | 0.00 | 0.00 |
| Toulouse | 10.00 | 1.01 | -0.26 | -0.85 | -0.04 | 0.46 | -0.04 | 0.2 | 5.5 | 0.2 | 50.9 | 2.1 | 0.07 | 0.72 | 0.00 | 0.21 | 0.00 |



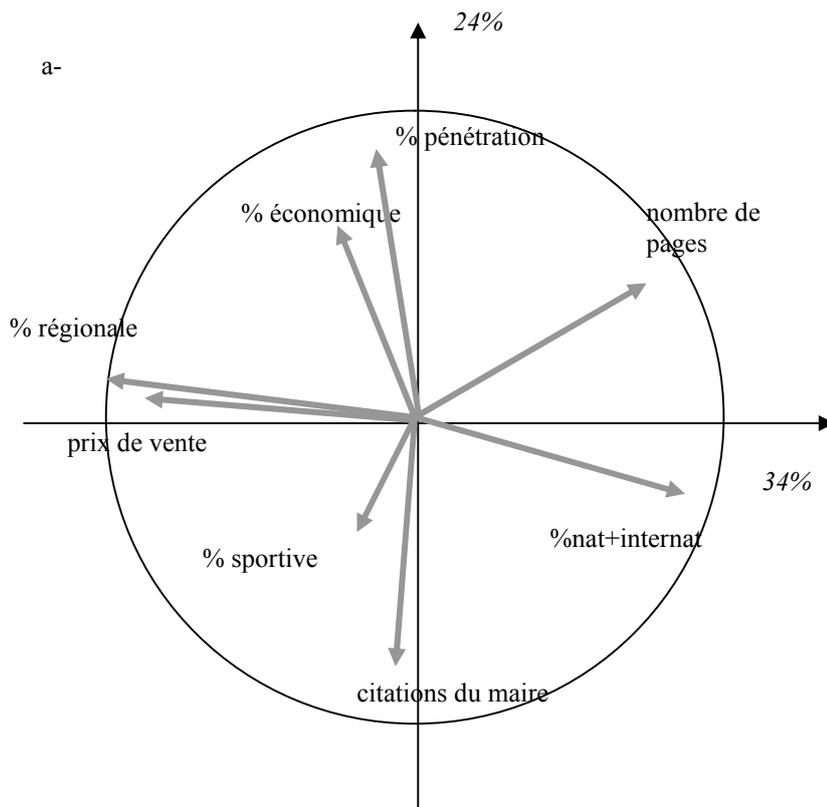
– quotidiens régionaux, ACP, Classification Hiérarchique Ascendante

Source : « Capital « fév 94, « dix quotidiens régionaux au banc d'essai ». Les individus sont les quotidiens : **Ouest-France, Sud-Ouest, la Voix du Nord...** et les variables sont : *le nombre de pages, le pourcentage de pages régionale et locale, le % de pages nationale et internationale, le % de pages sportive, le % de pages économiques, le prix de vente, le taux de pénétration et le nombre de citations du maire.*

| | nbre de pages | % pages régionales | % pages nat. et intern. | % pages sportive | % pages économique | prix de vente F | taux de pénétration ²³ | citations du maire ²⁴ |
|--------------------|---------------|--------------------|-------------------------|------------------|--------------------|-----------------|-----------------------------------|----------------------------------|
| Ouest-France | 42 | 33 | 18 | 12 | 2,3 | 4 | 40 | 4 |
| Sud-Ouest | 30 | 26 | 20 | 23 | 2,3 | 4 | 39 | 4 |
| La voix du Nord | 31 | 29 | 11 | 9 | 7,1 | 4 | 35 | 4 |
| le Dauphiné Libéré | 28 | 36 | 13 | 15 | 0,3 | 4,4 | 27 | 1 |
| Le Progrès | 30 | 28 | 12 | 16 | 1,6 | 4,5 | 23 | 5 |
| Nice-Matin | 33 | 32 | 10 | 20 | 2,1 | 4 | 40 | 7 |
| La dépêche du Midi | 30 | 28 | 12 | 18 | 2 | 4,2 | 28 | 5 |
| les DNA | 52 | 22 | 11 | 15 | 3 | 4,2 | 53 | 0 |
| le Provençal | 29 | 26 | 13 | 15 | 0,3 | 4,2 | 35 | 9 |
| Le Parisien | 48 | 14 | 25 | 13 | 1 | 3,5 | ndisp. | 5 |

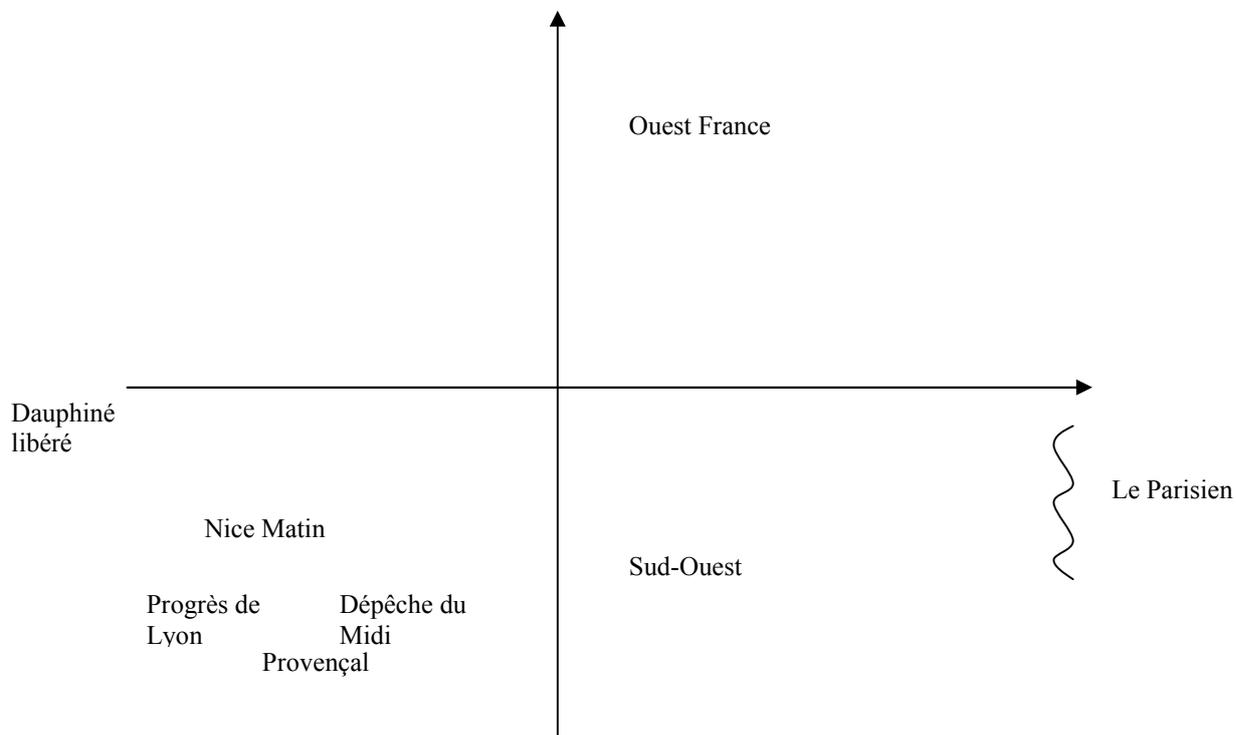
²³ pourcentage de foyers qui lisent le quotidien dans la zone de diffusion

²⁴ nombre d'articles consacrés au maire de la ville siège du journal durant la période de l'enquête

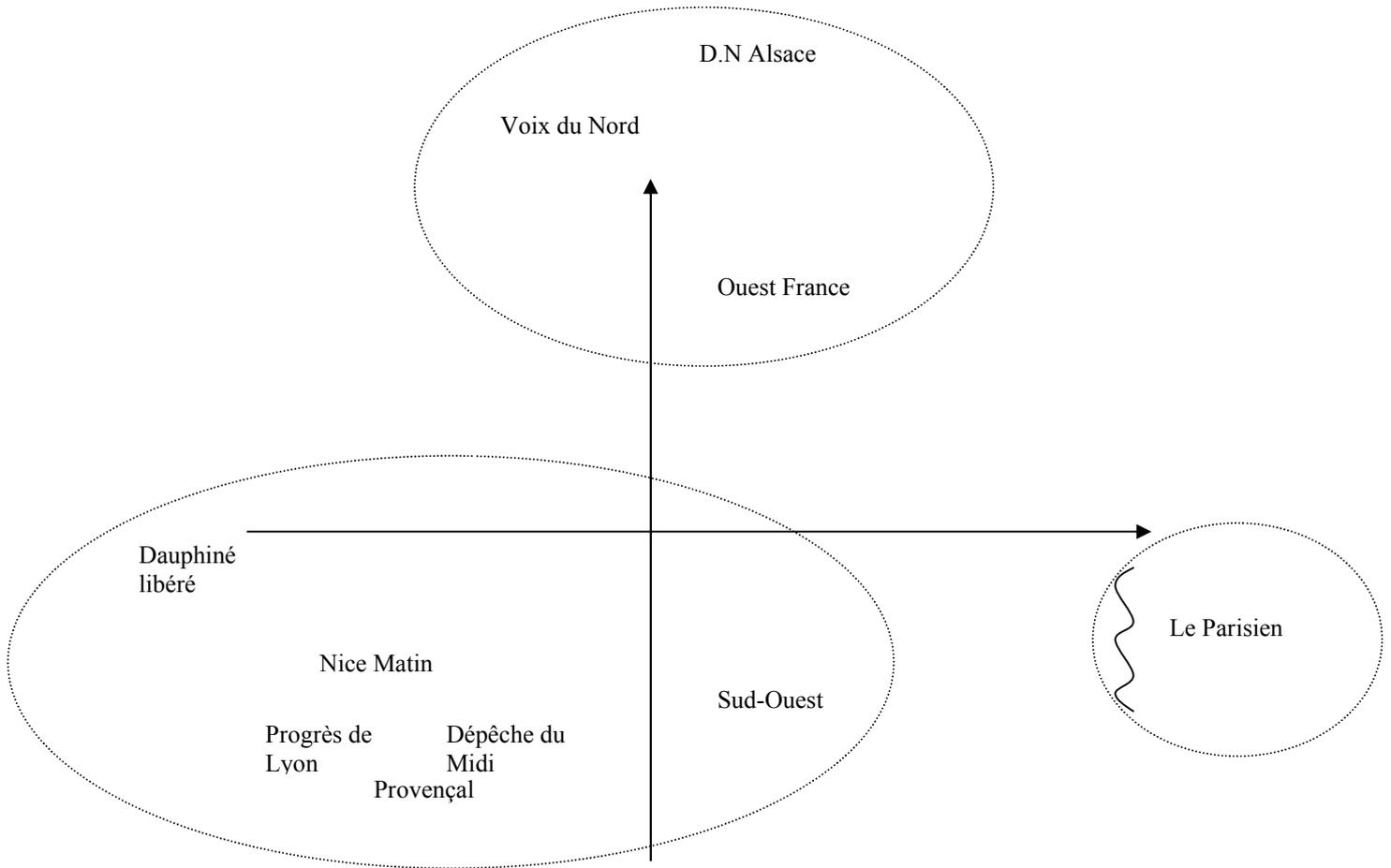


D.N Alsace

Voix du Nord



janvier 05: une Classification Hiérarchique Ascendante (partie suivante du cours) permet de calculer trois groupes.



6– Données climatiques :Analyse en Composantes Principales et Classification Hiérarchique Ascendante

Voici le tableau ²⁵des 12 mois (les individus) de l'année et de 6 variables numériques

Temp_b : température minimale moyenne du mois, en °C

Temp_# : température maximale moyenne du mois, en °C

Record min : température minimale absolue, en °C

Record max : température maximale absolue, en °C

Pluie mm : précipitations, quantité d'eau tombée de l'atmosphère, en mm

Soleil heures : durée d'ensoleillement, en heures

| Strasbourg | Temp_b | Temp_# | Record min | Record max | Pluie mm | Soleil heures |
|-------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------|-------------------|-----------------|----------------------|
| janvier | -0,9 | 4 | -16,8 | 15,7 | 25 | 51 |
| février | -0,2 | 8 | -9,9 | 20,4 | 42 | 100 |
| mars | 2,7 | 11,6 | -6,8 | 24,1 | 33 | 134 |
| avril | 5,2 | 16,1 | -3,8 | 27,8 | 45 | 178 |
| mai | 10,3 | 20,8 | 3,1 | 30,9 | 83 | 213 |
| juin | 12,9 | 23,6 | 5,8 | 33,1 | 80 | 230 |
| juillet | 13,7 | 24,3 | 6,7 | 33,9 | 68 | 214 |
| août | 14,2 | 25,7 | 4,8 | 36,3 | 51 | 249 |
| septembre | 10,6 | 21,4 | 3,2 | 30,8 | 55 | 182 |
| octobre | 7,2 | 15,1 | -3,6 | 26,4 | 54 | 96 |
| novembre | 2,3 | 8,1 | -9,9 | 18,2 | 67 | 62 |
| décembre | 0,7 | 5,5 | -15,1 | 16,1 | 60 | 39 |

Analyse en Composantes Principales (voir page 5)

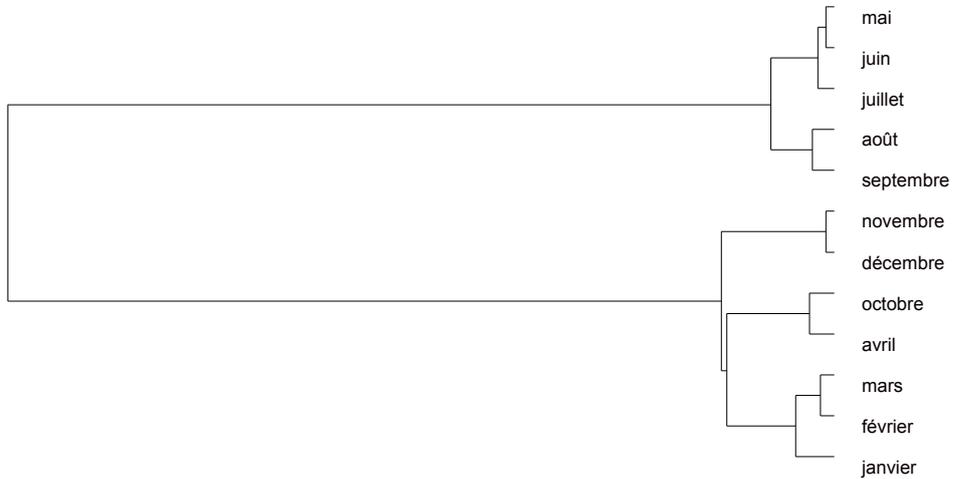
que peut-on dire du lien entre les variables « soleil » et « pluie » ?

que peut-on dire du mois de janvier ? (3 choses)

²⁵ Source : INSEE « Tableaux de l'économie alsacienne » 2002.données mensuelles de 1996 à 2000
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Classification Hiérarchique Ascendante (CHA)

Classification hiérarchique directe



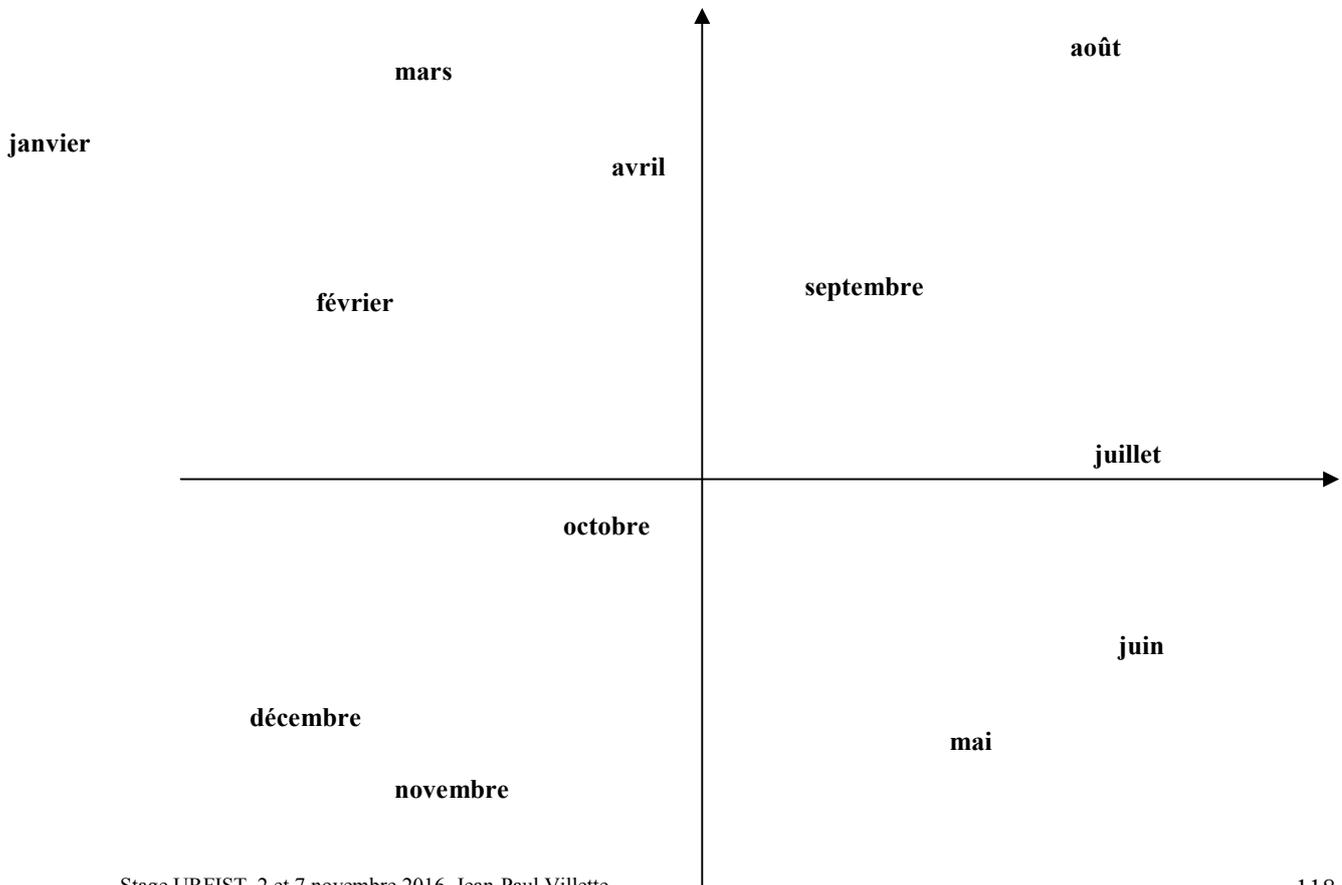
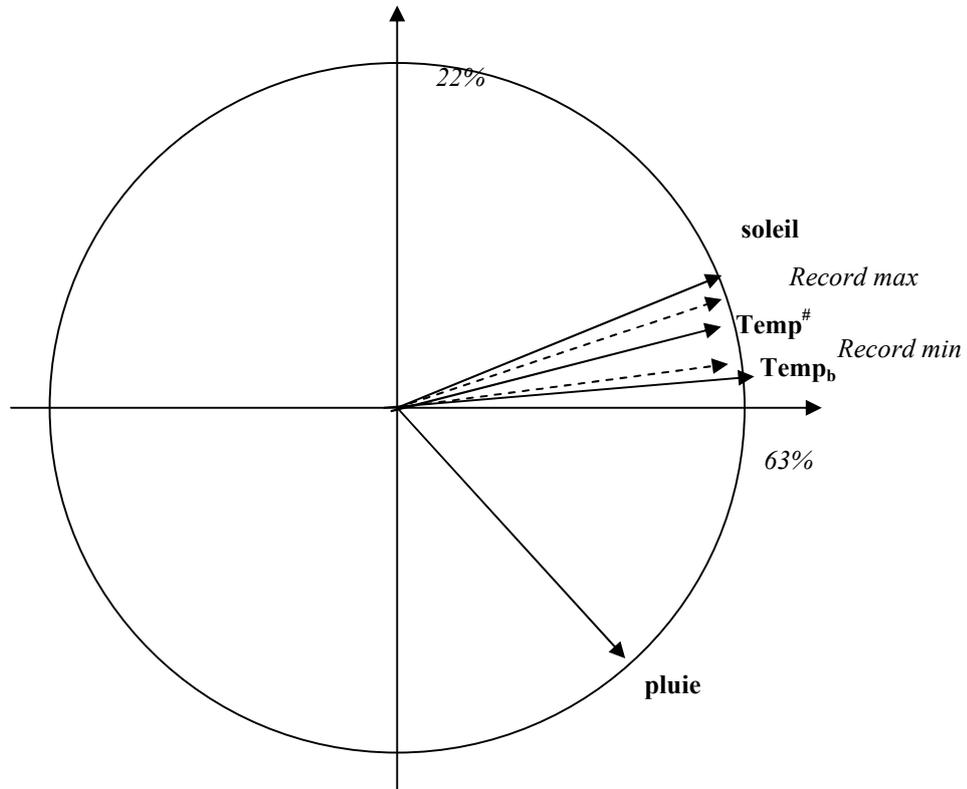
quelle est la règle statistique pour déterminer des groupes?

combien voyez-vous de groupes ? les décrire et les dessiner sur le graphe des individus de l'ACP qui se trouve à la page suivante.

Quel est le mois le plus proche du mois d'avril?

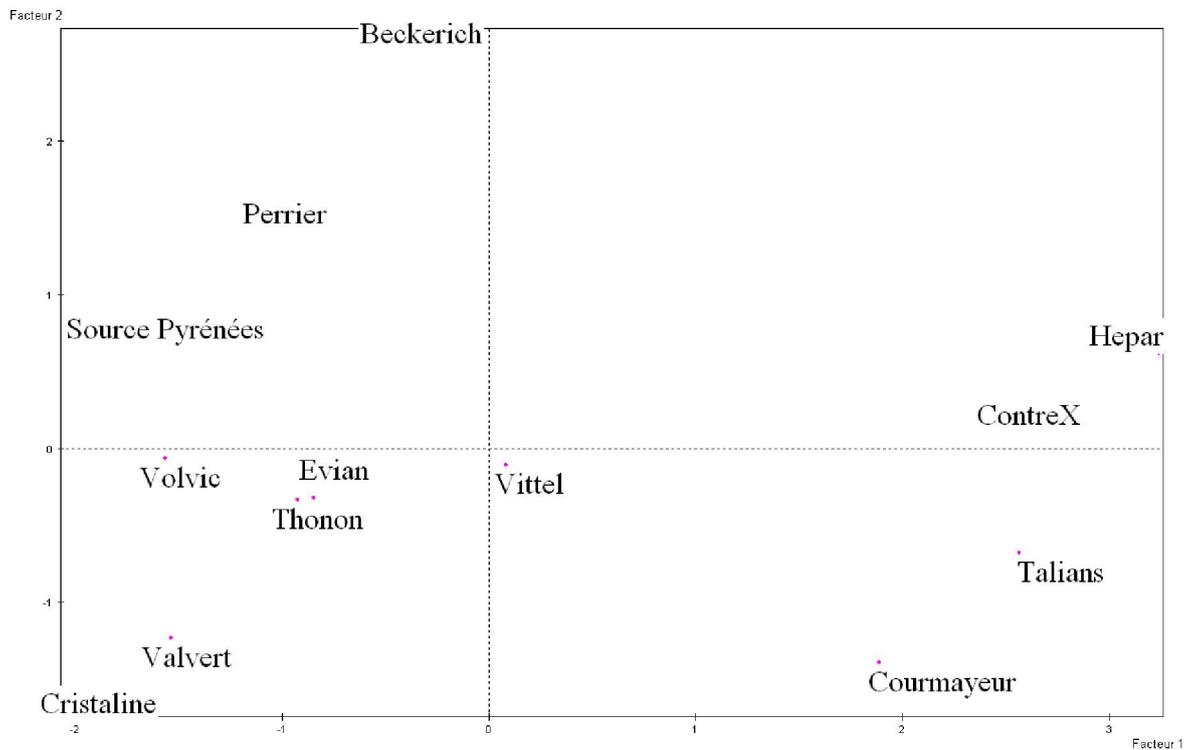
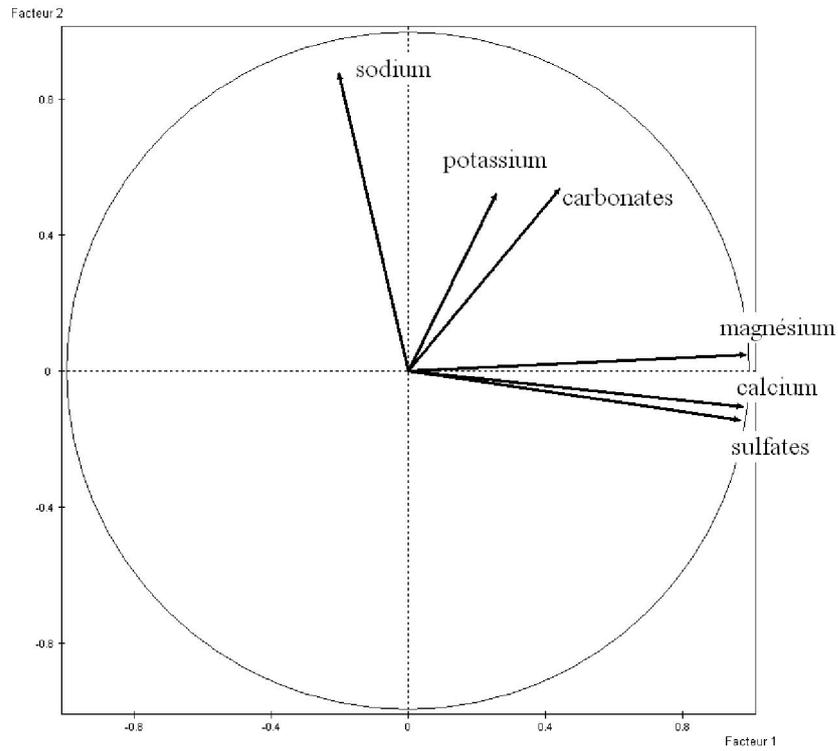
Quel est le mois le plus atypique?

vous pouvez joindre cette page à votre copie, ne pas y écrire votre nom



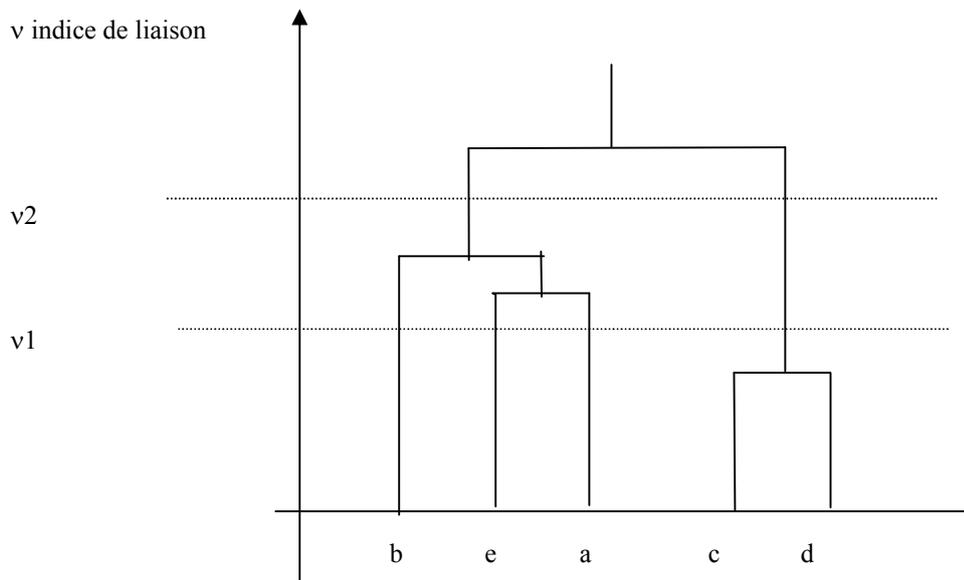
vous pouvez joindre cette page à votre copie, ne pas y écrire votre nom

eaux minérales



Classification Hiérarchique Ascendante (CHA)

* à quoi ça ressemble, et comment « ça marche »
dendrogramme , du grec *dendron* arbre



v_1 : { b } { e } { a } { c, d }

v_2 : { b, e, a } { c, d }

- Il s'agit de répartir, automatiquement, les éléments (les objets) d'un ensemble en « paquets » (*clusters*, grappes) les plus intra-homogènes et extra-hétérogènes possibles.
- On constitue un paquet avec les deux objets les plus proches. Un processus d'agglomérations successives des éléments/paquets doit être défini par une « stratégie d'agglomération »

« rappels »

partition \mathcal{P} d'un ensemble E

$$\mathcal{P} = \{ E_i / i=1, \dots, k \} \quad \cup E_i = E \quad E_i \cap E_j = \emptyset \quad \text{si } i \neq j$$

ex : les départements constituent une partition de la France

$\mathcal{D} = \{ \text{Ain, Aisne, Allier, ...} \}$, la réunion des départements constituent la France entière, et deux départements sont disjoints.

rem : la distinction **classification/ classement**

Une CHA, c'est un processus d'agrégation, depuis les éléments jusqu'à l'ensemble lui-même. A un niveau croissant de l'indice v correspond une partition de moins en moins fine

l'adjectif « hiérarchique » indique que les partitions sont « emboîtées », Par exemple les partitions { régions } et { départements } de la France sont emboîtées.

Définitions et procédures

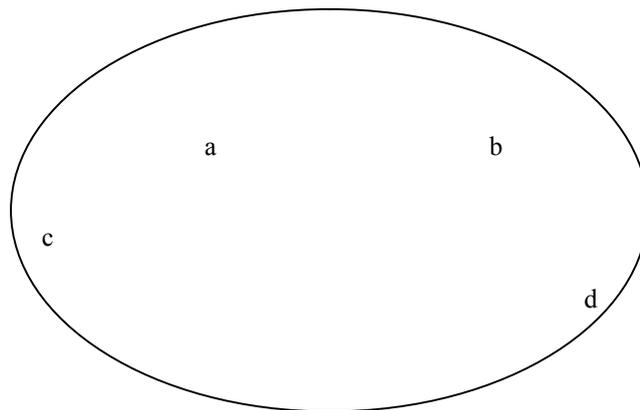
Une hiérarchie \mathcal{H} est un ensemble de partitions « emboîtées », par exemple les partitions « régions » et « départements » sont emboîtées.

$$\mathcal{H} = \{ \mathcal{P}_1, \mathcal{P}_2, \mathcal{P}_3 \}$$

$$\mathcal{P}_1 = \{ \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{d\} \}$$

$$\mathcal{P}_2 = \{ \{a, b\}, \{c, d\} \}$$

$$\mathcal{P}_3 = \{ a, b, c, d \}$$



\mathcal{H} est une hiérarchie \Leftrightarrow

- i- $\forall e \in E, \{e\} \in \mathcal{H}$. la partition la plus fine est un objet de la hiérarchie.
- ii- $E \in \mathcal{H}$, la partition la moins fine est un objet de la hiérarchie.
- iii- $A, B \in \mathcal{H}$, alors $A \cap B \in \{ A, B, \emptyset \}$ deux paquets sont sans élément communs ou bien l'un est contenu dans l'autre.

exemples :

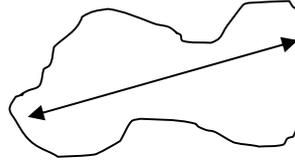
« Alsace » \cap « Bourgogne » =

« Alsace » \cap « Bas-Rhin » =

« Alsace » \cap « France » =

Hierarchie indicée

Idée de grosseur , diamètre d'un ensemble



$$\delta : \mathcal{H} \longrightarrow \mathbb{R}^+ \\ A \quad \delta(A)$$

Avec $\delta(\emptyset) = 0$ $\delta(E) = 1$, et $A \subset B \Rightarrow \delta(A) \leq \delta(B)$

L'indice v associé à une hiérarchie

- définition d'une distance (métrique)

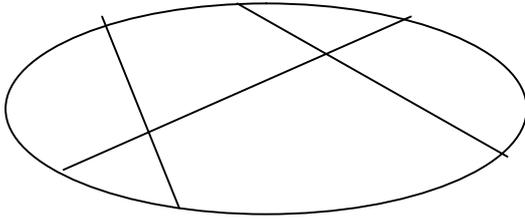
$$d : \begin{matrix} \text{ExE} & \longrightarrow & \mathbb{R}^+ \\ (x, y) & & d(x, y) \end{matrix}$$

- $d(x, x) = 0$
- $d(x, y) = d(y, x)$ symétrie
- $d(x, z) \leq d(x, y) + d(y, z)$ inégalité triangulaire

une ultra-métrique est une distance particulière

- $d(x, x) = 0$
- $d(x, y) = d(y, x)$
- $d(x, z) \leq \text{Max}[d(x, y), d(y, z)]$ tous les triangles sont isocèles.

* ultramétrie associée à une partition



$$E_1 \cup E_2 \cup E_3 \cup E_4 \cup E_5 \cup E_6 = E \quad E_i \cap E_j = \emptyset \quad \text{si } i \neq j$$

définition de u :

$x, y \in E$

- i- $u(x,x) = 0$
- ii- $u(x,y) = 1$ si x et y appartiennent à des classes différentes
 $\rho > 0$ ($0 < \rho < 1$) si $x \neq y$ mais dans la même classe

ex : les objets sont les villes de France, la partition est celle des Régions

$$u(\text{Strasbourg, Paris}) = 1$$

$$u(\text{Strasbourg, Mulhouse}) = 0.5$$

$$u(\text{Lyon, Lyon}) = 0$$

théorème
une ultramétrie est équivalente à une hiérarchie indicée (CHA)

□ enjeux, conséquences pratiques

1 - \mathcal{H} , δ une hiérarchie indicée

On pose $u(x,y)=\delta(H_{x,y})$ $H_{x,y}$ étant le plus petit « paquet » contenant à la fois x et y .

u est bien une ultramétrie

$u(x,x)=\delta(\{x\})=0$ Cf i- dans la définition d'une hiérarchie

$u(y,x)=u(x,y)$

et on peut démontrer que

$u(x,z) \leq \max[u(x,y), u(y,z)]$

2 réciroquement

si u est une ultramétrie on définit l'indice Δ pour un sous-ensemble A de E

$$\Delta(A) = \frac{\text{diamètre}(A)}{\text{diamètre}(E)}$$

avec $\text{diamètre}(A) = \max_{x,y \in A} u(x,y)$

$\text{diamètre}(E) = \max_{x,y \in E} u(x,y)$

il s'ensuit que $\Delta(\{x\}) = u(x,x) / \Delta(E) = 0$

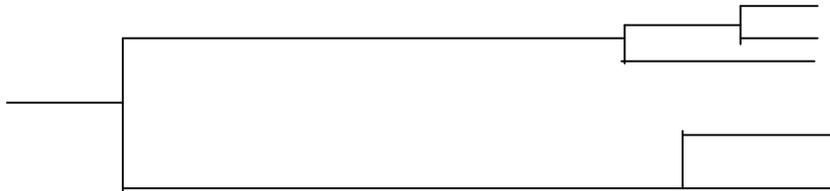
$\Delta(E) = \Delta(E) / \Delta(E) = 1$ et on peut montrer que $A \subset B \Rightarrow \Delta(A) \leq \Delta(B)$

une grande question existentielle : mais au fait, est-ce qu'il existe des groupes , ou bien l'ensemble des objets n'est-il qu'un continuum ?

avec une CHA , on contourne la question de l'existence de groupes par une réponse paramétrée : v indicateur de liaison, à quoi correspond un ordre d'apparition des agrégations

où regarder, où couper ?

une règle²⁶ : couper les branches les plus longues



résultats persistants, robustes quand on change la distance/ stratégie d'agrégation ?

quelle distance ? : le ppv génétique de la cigogne c'est le pélican brun, le ppv morphoanatomique c'est le héron cendré. Le champignon est le végétal le plus proche, génétiquement, de l'homme.

Dans la phrase bien connue est Analyse de Données Textuelles (ADT) : « *les poules du couvent couvent* », la distance orthographique entre « *couvent* » et « *couvent* » est nulle, la distance phonétique est faible, la distance sémantique est très forte.

* Stratégies d'agrégations : distance entre paquets

Quelques distances entre paquets :

$$d_{\max}(A,B) = \text{Max} \{ d(x,y) / x \in A, x \in B \}$$

$$d_{\min}(A,B) = \text{Min} \{ d(x,y) / x \in A, x \in B \}$$

$$d_{\text{moy}}(A,B) = \frac{\sum_{x \in A, y \in B} d(x,y)}{\text{card}(A) \cdot \text{card}(B)}$$

logiciel SPAD

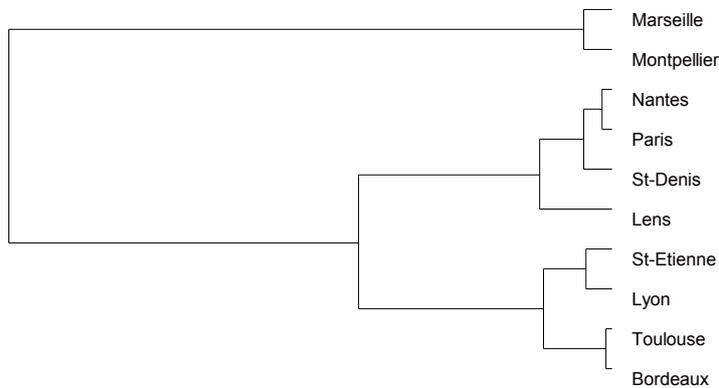
Une CHA n'est possible qu'après une AFCM (Analyse Factorielle des Correspondances Multiples) ou une ACP (Analyse en Composantes Principales)

L'utilisateur n'a pas l'embaras du choix des distances et des stratégies d'agrégation. La distance est fondée sur les composantes des individus sur les premiers axes de projection. Très ingénieux et très pratique.

²⁶ Cf Michel VOLLE « Analyse des Données », page 291...
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

données de la page *** de ce cahier :

Classification hiérarchique directe

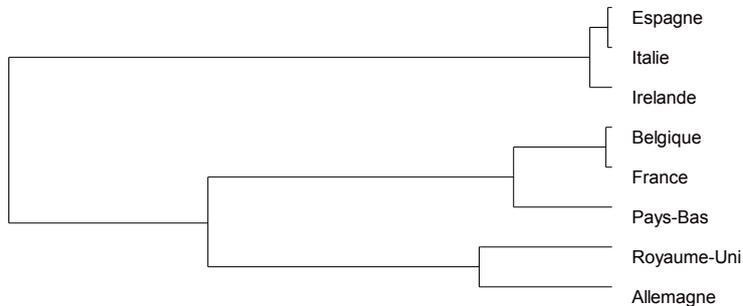


Examen sept 04

7- Sentiment d'appartenance religieuse, une Classification Hiérarchique Ascendante

On a considéré huit pays: Allemagne, Belgique, Espagne, France, Irlande, Italie, Pays-Bas et calculé une distance fondée sur des variables numériques (sentiment d'appartenance en % , catholique, protestant, autre religion, sans religion). Source « La Croix » nov 1998.

Classification hiérarchique directe



quelle est la règle statistique pour déterminer des groupes?

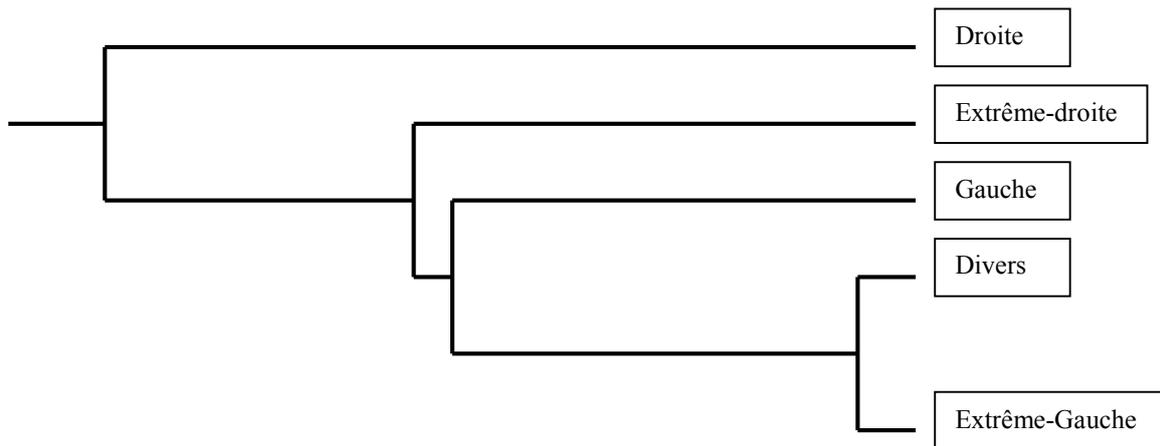
combien voyez-vous de groupes ? les décrire

4- pyramide des âges des électorats ..., une Classification Hiérarchique Ascendante

source SOFRES mars 2004 . 1^{er} tour des élections régionales. La distance est calculée à partir de la pyramide des âges des différents électorats. Pour simplifier je note:

Extrême-droite : FN / extrême-droite
Droite : UMP, UDF, divers droite
Gauche : PC, PS, verts, divers gauche
Extrême-gauche : LO, LCR, extrême-gauche
Divers : les autres

Voici le dendrogramme obtenu :



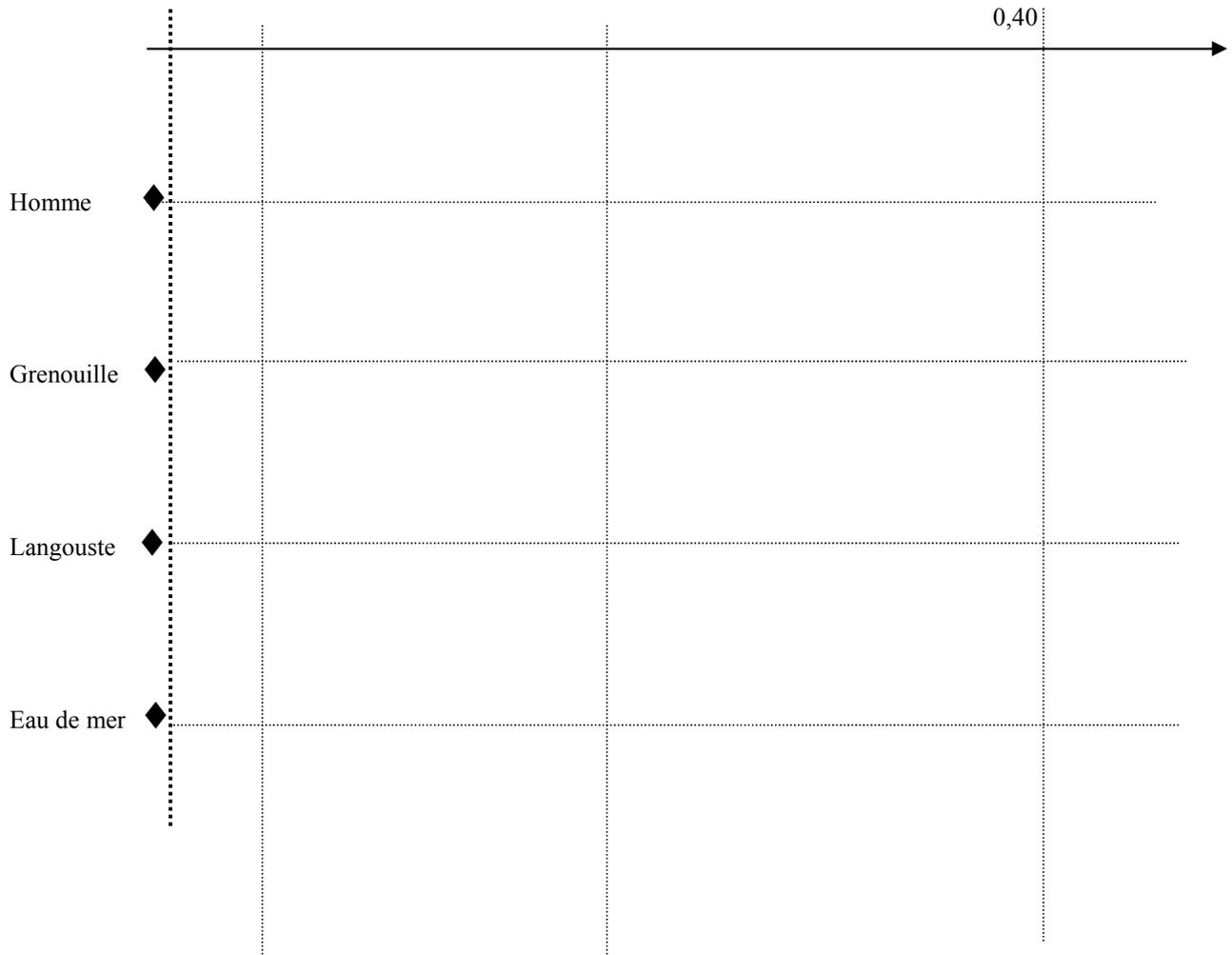
- e- quelle est la règle statistique pour déterminer des groupes?
- f- quels sont les 2 meilleurs groupes ? les décrire.
- g- quel est l'électorat dont la pyramide des âges est la plus atypique ? pourquoi ?

Evolution. Stratégie d'agrégation : la moyenne

| | homme | grenouille | langouste | eau de mer |
|------------|-------|-------------|-----------|------------|
| homme | 0 | 0,04 | 0,16 | 0,46 |
| grenouille | | 0 | 0,14 | 0,56 |
| langouste | | | 0 | 0,20 |
| eau de mer | | | | 0 |

| | {homme, grenouille} | langouste | eau de mer |
|---------------------|---------------------|-------------|------------|
| {homme, grenouille} | 0 | 0,15 | 0,51 |
| langouste | | 0 | 0,20 |
| eau de mer | | | 0 |

| | {homme, grenouille, langouste} | eau de mer |
|--------------------------------|--------------------------------|-------------|
| {homme, grenouille, langouste} | 0 | 0,40 |
| eau de mer | | 0 |

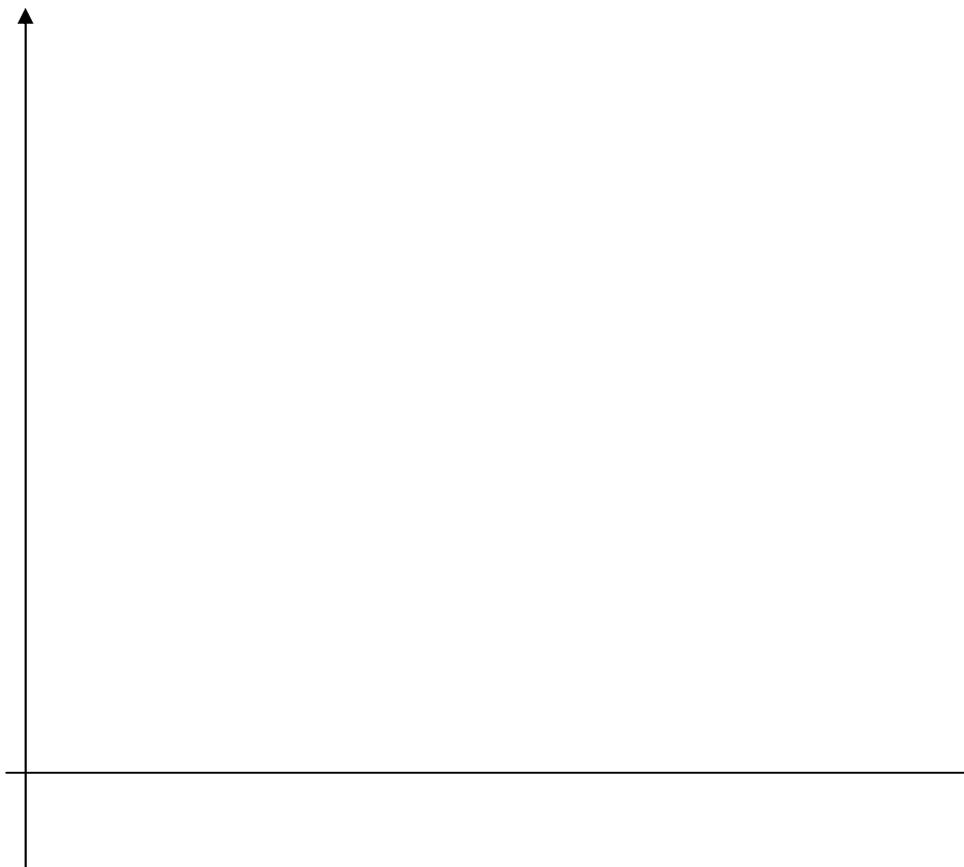


2 – corrélations, distances, Classification Hiérarchique Ascendante de variables

| | | | | |
|-------------------------|-------------------------|--------------|--------------|---------------|
| distance | temp_b | Temp# | pluie | orages |
| temp_b | 0 | 0.2 | 3.6 | 2.7 |
| Temp# | | 0 | 3.4 | 2.3 |
| pluie | | | 0 | 0.5 |
| orages | | | | 0 |

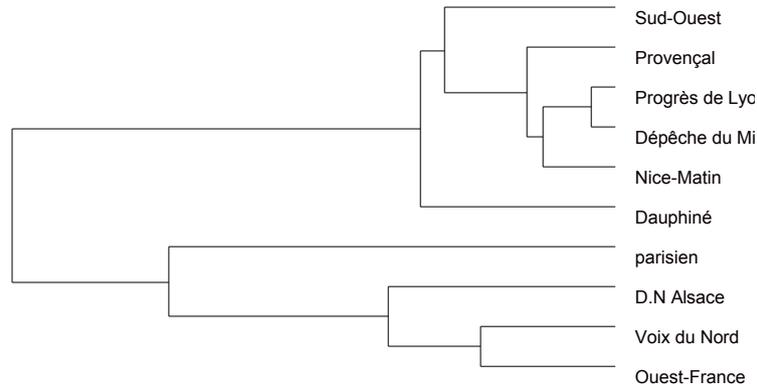
| | | | |
|--|--|--|--|
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |

| | | |
|--|--|--|
| | | |
| | | |
| | | |



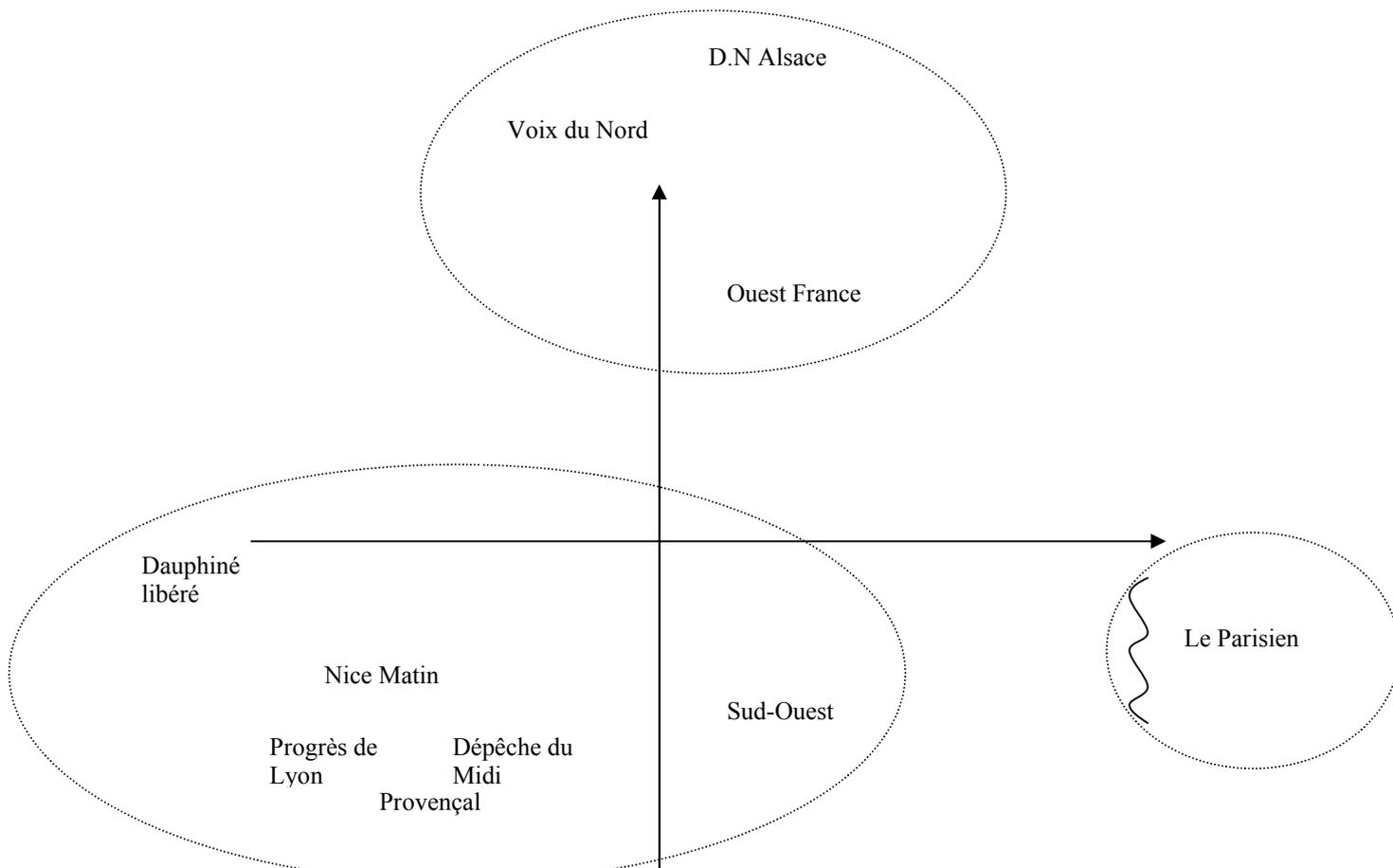
Examen 2003 :Voici le dendrogramme obtenu :

Classification hierarchique directe

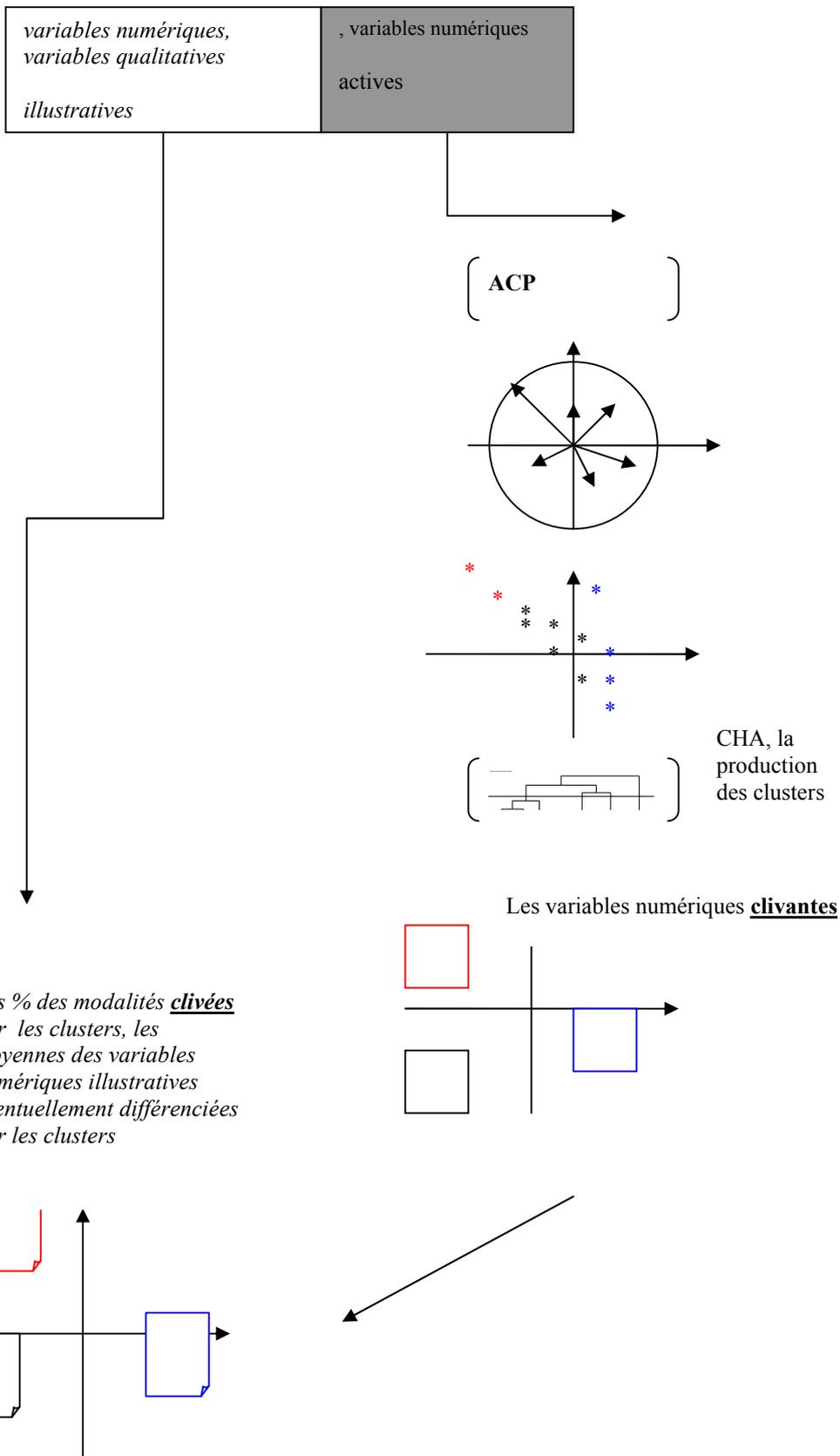


- a-combien voyez-vous de groupes ?(il y a deux bonnes réponses possibles) les décrire. Quelle est la règle ?
- b-quels sont les deux quotidiens les plus proches ?
- c-quel est le quotidien le plus atypique ? pourquoi ?

une typologie des individus sur le graphe des individus de l'ACP (page *), calculée par la CHA ci-dessus



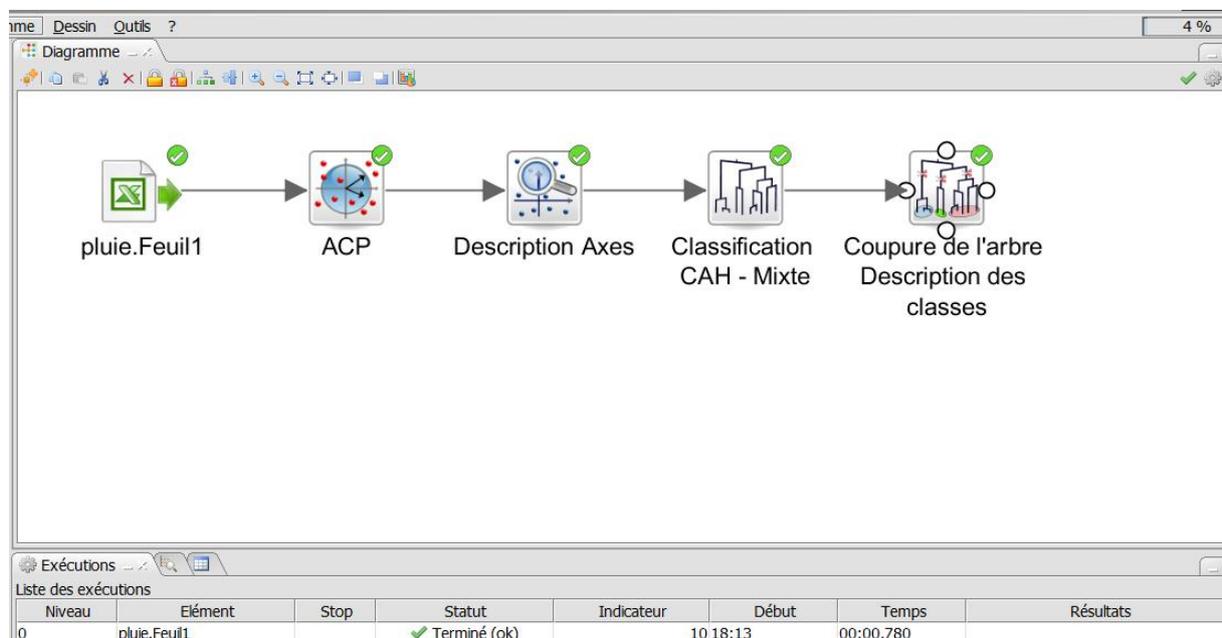
Une stratégie d'investigation : Analyse en Composantes Principale suivie d'une Classification Hiérarchique Ascendante



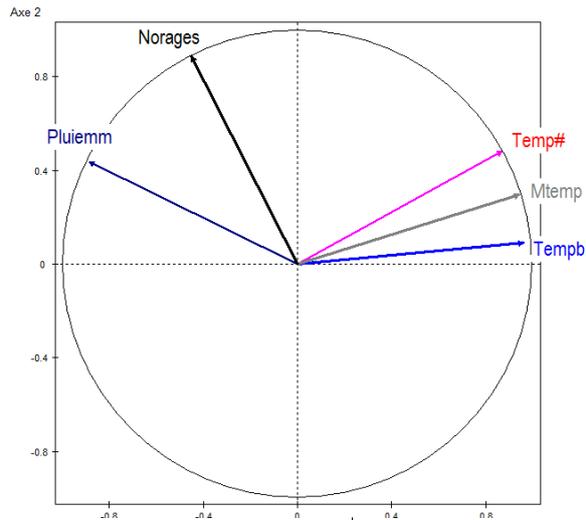
Entrer ce tableau dans Excel

| | Tempb | Temp# | Mtemp | Pluiemm | Norages |
|-------------|-------|-------|-------|---------|---------|
| Bordeaux | 14 | 25 | 19 | 62 | 5 |
| Lens | 12 | 21 | 16 | 73 | 4 |
| Lyon | 14 | 25 | 19 | 79 | 7 |
| Marseille | 17 | 27 | 22 | 24 | 2 |
| Montpellier | 16 | 27 | 21 | 33 | 4 |
| Nantes | 13 | 23 | 18 | 50 | 2 |
| Paris | 14 | 23 | 18 | 57 | 3 |
| St-Denis | 12 | 23 | 18 | 60 | 4 |
| St-Etienne | 12 | 24 | 18 | 82 | 7 |
| Toulouse | 14 | 25 | 20 | 67 | 5 |

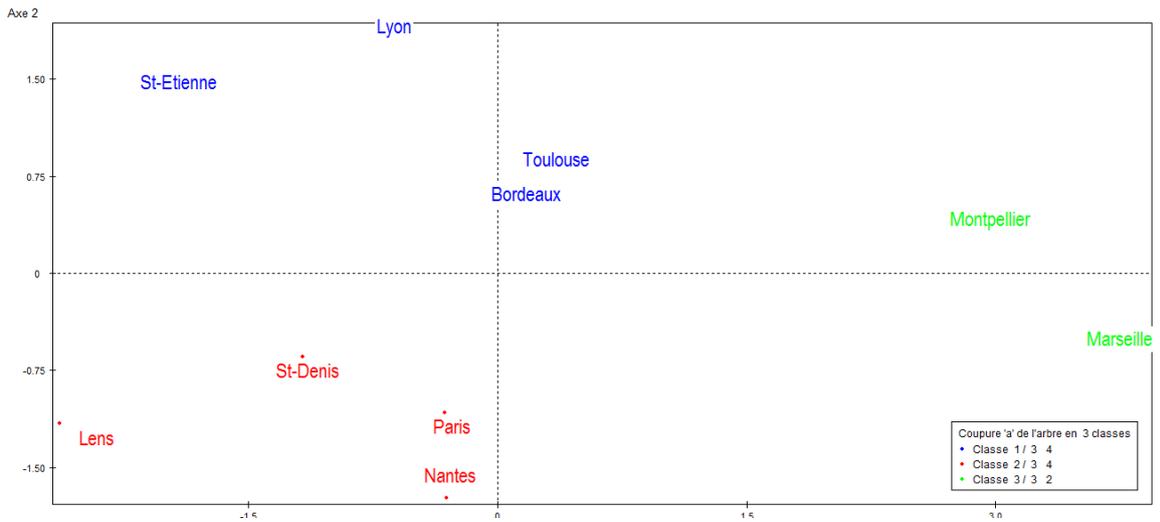
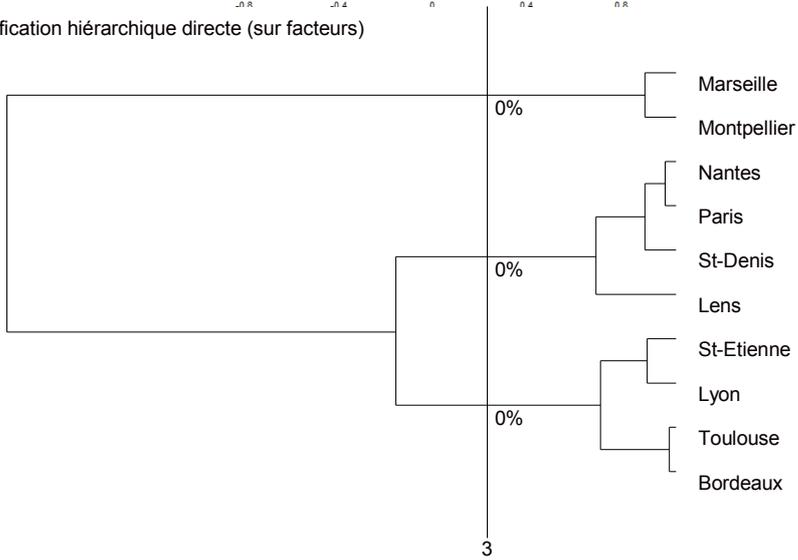
La procédure :



Tous les indicateurs en « actif »



Classification hiérarchique directe (sur facteurs)



Sorties du logiciel

| Classe 1 / 3 |
|-----------------------|
| Libellé de l'individu |
| Bordeaux |
| Lyon |
| St-Etienne |
| Toulouse |

| Classe 2 / 3 |
|-----------------------|
| Libellé de l'individu |
| Lens |
| Nantes |
| Paris |
| St-Denis |

| Classe 3 / 3 |
|-----------------------|
| Libellé de l'individu |
| Marseille |
| Montpellier |

| Classe 1 / 3 (Poids = 4.00 Effectif = 4) | | |
|--|------------------------|------------------|
| Variables caractéristiques | Moyenne dans la classe | Moyenne générale |
| Norages | 6 | 4 |
| Pluiemm | 73 | 59 |
| Temp# | 25 | 24 |
| Mtemp | 19 | 19 |
| | | |
| Tempb | 14 | 14 |

| Classe 2 / 3 (Poids = 4.00 Effectif = 4) | | |
|--|------------------------|------------------|
| Variables caractéristiques | Moyenne dans la classe | Moyenne générale |
| Pluiemm | 60 | 59 |
| | | |
| Norages | 3 | 4 |
| Tempb | 13 | 14 |
| Mtemp | 18 | 19 |
| Temp# | 23 | 24 |

| Classe 3 / 3 (Poids = 2.00 Effectif = 2) | | |
|--|------------------------|------------------|
| Variables caractéristiques | Moyenne dans la classe | Moyenne générale |
| Tempb | 17 | 14 |
| Mtemp | 22 | 19 |
| Temp# | 27 | 24 |
| | | |
| Norages | 3 | 4 |
| Pluiemm | 29 | 59 |

Une présentation des sorties :

Clusters et indicateurs les plus clivants :

| { Bordeaux, Lyon, Saint-Etienne, Toulouse} | Moyenne dans le cluster | Moyenne générale |
|--|-------------------------|------------------|
| Norages | 6 | 4 |
| Pluie | 73 | 59 |
| Temp# | 25 | 24 |

| { Lens, Nantes, Paris, Saint- Denis } | Moyenne dans le cluster | Moyenne générale |
|---------------------------------------|-------------------------|------------------|
| Pluie | 60 | 59 |
| Norages | 3 | 4 |
| Temp | 13 | 14 |
| Mtemp | 18 | 19 |
| Temp# | 23 | 24 |

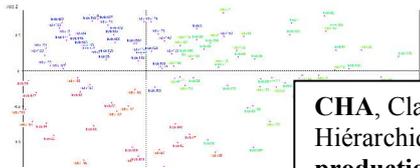
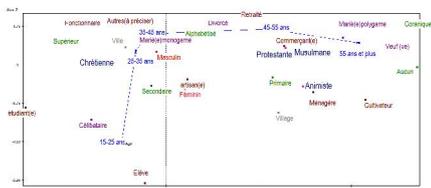
| { Marseille, Montpellier } | Moyenne dans le cluster | Moyenne générale |
|----------------------------|-------------------------|------------------|
| Temp | 17 | 14 |
| Mtemp | 22 | 19 |
| Temp# | 27 | 24 |
| Norages | 3 | 4 |

une stratégie d'investigation : AFCM puis CHA

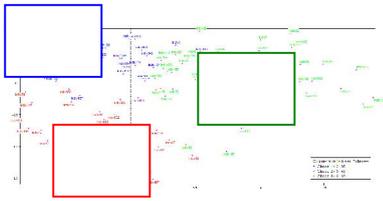
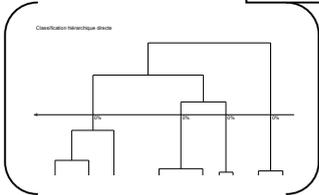
variables
qualitatives
(« actives »
actives

variables qualitatives
»illustratives «

AFCM (Analyse Factorielle des
Correspondances Multiples)

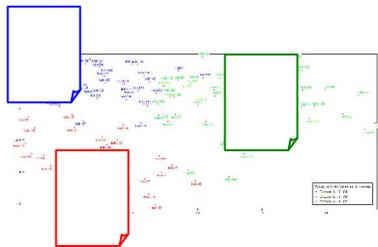


**CHA, Classification
Hiérarchique Ascendante, la
production des clusters**



Les % des modalités illustratives
sont ensuite calculés par cluster,
Des modalités sont éventuellement
clivées par les clusters, lorsque leur
% moyen dans un cluster est très
différent du % dans l'ensemble des
individus

Les modalités clivantes, elles
sont sur- ou sous-représentées
dans un cluster



Interpréter les axes ?bi-clustering.

Jean-Paul Villette 25 octobre 2011

En Statistique Exploratoire, une partie importante du travail consiste à reconditionner les données, éventuellement complexes (textes, images, copies d'écran de site web...) en un tableau avec des objets lignes, des objets colonnes, et, dans les cases, une mesure du couple (objet-ligne, objet-colonne). Le bi-clustering est alors un ensemble de procédures de traitement très efficaces.

Dans le cas le plus simple, les objet-lignes sont des individus, les objets-colonnes des variables numériques, et les mesures les valeurs prises par les variables sur les individus.

Les traitements en Statistique Exploratoire consiste à effectuer un bi-clustering, agrégation/différenciation des objets-lignes et , de manière duale, une agrégation/différenciation des objets-colonnes d'autre part.

La dynamo et le moteur électrique.

C'est la même machine, réversible. Avec du mouvement on produit de l'électricité, ou l'inverse, avec les deux. On peut produire de l'électricité avec un moteur électrique, mais la dynamo est plus efficace.

Je continue avec l'exemple de du tableau individus-variables numériques. Des traitements usuels sont les Analyses en Composantes Principales (ACP) et les ACP suivies d'une Classification Hiérarchique Ascendante sur les individus mesurés sur les premiers axes principaux.

1- bi-clustering orienté colonnes : la production d'indicateurs synthétiques

Les axes principaux d'une ACP sont les vecteurs propres de la matrice des corrélations (ou des covariances) et donc des combinaisons linéaires des variables-colonnes, avec des propriétés intéressantes. Ainsi l'indicateur de « vulnérabilité financière²⁷ »

$$V(E) = -0,45 \frac{CPR + DLMT}{I + AVI} - 0,42 \frac{CPR}{CPR + DLMT} - 0,42 \frac{R + D}{DCT} - 0,48 \frac{CPR}{CPR + DLMT + DCT - (R + D)} + 0,3$$

réalise une synthèse, optimale en un certain sens, des variables fortement corrélées à l'axe.

Les individu-entreprises sont accessoires.

²⁷ Jean-Paul Villette, « Contribution à l'étude de la vulnérabilité financière. Significations et mesures » Thèse. Paris IX- 1985
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

2- bi-clustering orienté lignes : la production de clusters d'objet-lignes, d'individus.

On a en vue la production de clusters intra-homogènes et extra-hétérogènes²⁸. Une méthode ingénieuse et très pratique, consiste à mesurer les individus sur les premières composantes de l'ACP normée sur les variables. Combien d'axes (synonymes de composantes) ? Il y a un algorithme dans le logiciel qui le détermine. L'idée est de conserver la structure des variables (les premiers axes) et d'éliminer le bruit de fond (les derniers).

L'aspect pratique est dans la procédure : il n'y a pas à faire les réglages de la Classification Hiérarchique, qui sont redoutables²⁹. Il est aussi dans des résultats qui sont probants, ou pas.

Sont produits des sous-ensembles d'individus (les **clusters**) et apparaissent des **variables clivantes** : celles qui ont des moyennes par cluster très différentes de la moyenne de l'ensemble des individus.

L'interprétation des axes n'est pas nécessaire (**ce sont les agrégations/différenciations des variables clivantes qu'il faut interpréter**), pas appropriée, et facilement contre-productive. Quand on part dans une interprétation : le premier axe oppose ceci à cela, le deuxième...et ainsi de suite, on génère implicitement 2, puis 4, puis 6 etc... clusters. Et si le nombre de clusters est en fait impair on se plante.

question existentielle : existe-t-il des clusters d'objets intra-homogènes extra-hétérogène ou bien s'agit-il d'un continuum d'objets ?

C'est la question que l'on peut nous poser et à laquelle

- 1- une Classification Hiérarchique Ascendante³⁰ ne répond pas ! une CHA donne les deux meilleurs clusters, les trois meilleurs...mais n'assure pas qu'ils sont bons.
- 2- répond un peu quand même. Il y a des niveaux de coupure statistiquement plus pertinents que d'autres (il faut couper les branches longues), on est alors renvoyé au choix de la mesure de cette longueur...

Pratiquement, le logiciel SPAD, qui est bien fait, propose des niveaux de coupure de l'arbre statistiquement plus valides que d'autres. C'est à l'utilisateur de retenir la typologie la plus utile.

²⁸ *internal cohesion and external isolation of clusters*

²⁹ la CHA, c'était, rien que pour cette méthode, un cours de 20 heures en Master de Statistique, par Photis Nobelis.

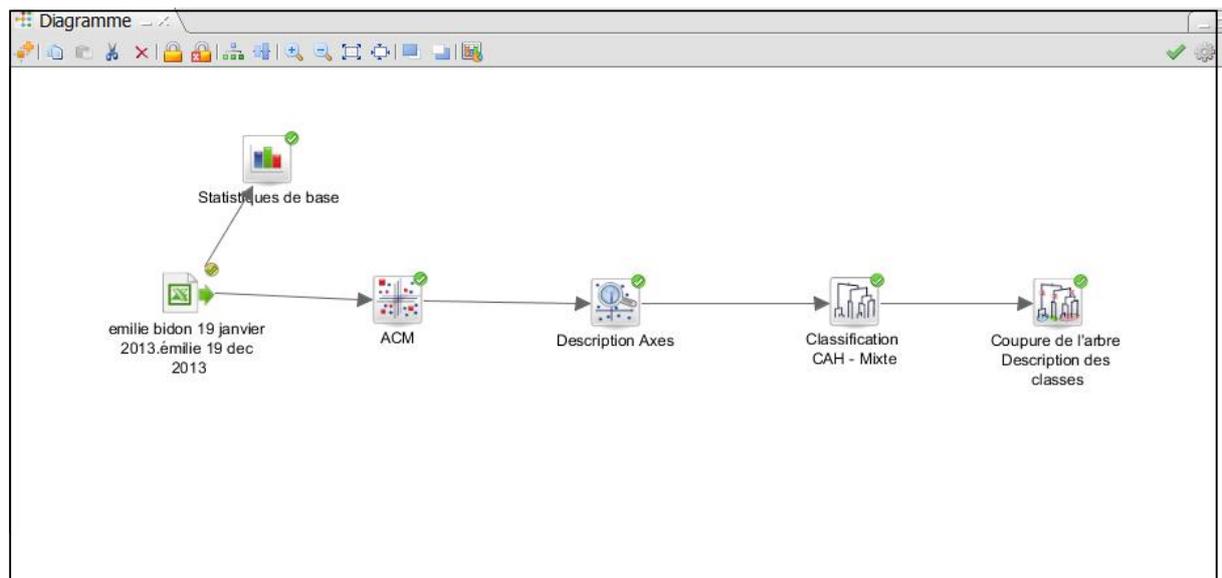
³⁰ la classification est construite de manière *ascendante* (on part des objets que l'on agrège) mais est utilisée en *descendant* de l'ensemble à des sous-ensembles de plus en plus petits

Exercices avec SPAD

Entrer ce tableau dans Excel

| | GENRE | AGE | COULEUR | TABAC |
|------------|-------|-----|---------|-----------|
| Pierre | homme | A3 | claire | nonfumeur |
| Céline | femme | A2 | claire | fumeur |
| Armelle | femme | A2 | claire | fumeur |
| Paul | homme | A2 | foncée | nonfumeur |
| Bernard | homme | A1 | claire | fumeur |
| Jacques | homme | A2 | claire | fumeur |
| Hervé | homme | A1 | foncée | fumeur |
| Marc | homme | A3 | foncée | fumeur |
| Nelly | femme | A1 | claire | nonfumeur |
| Patricia | femme | A2 | foncée | fumeur |
| Christophe | homme | A1 | foncée | nonfumeur |
| Daniel | homme | A3 | foncée | nonfumeur |

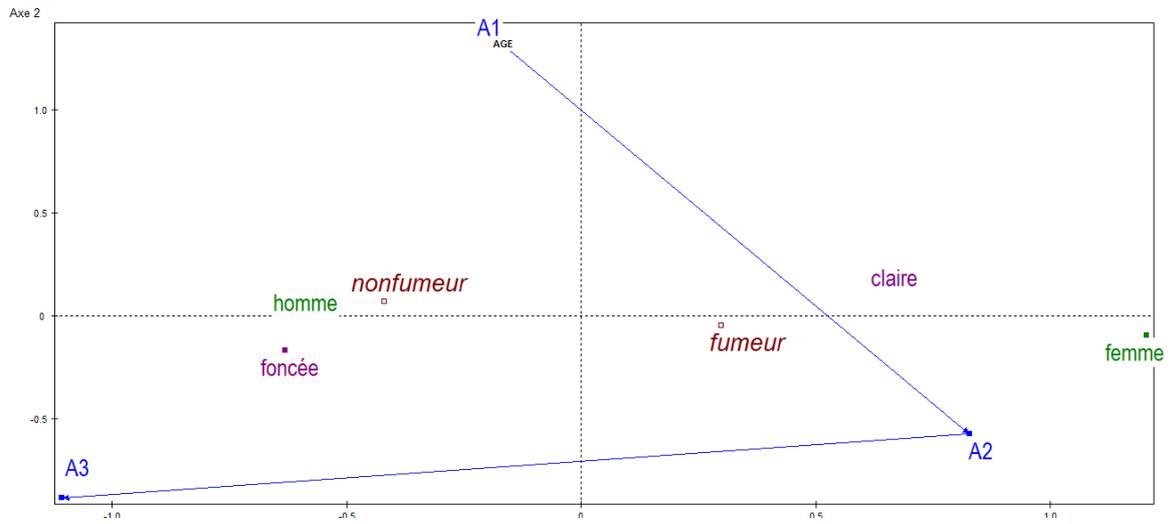
Dans SPAD



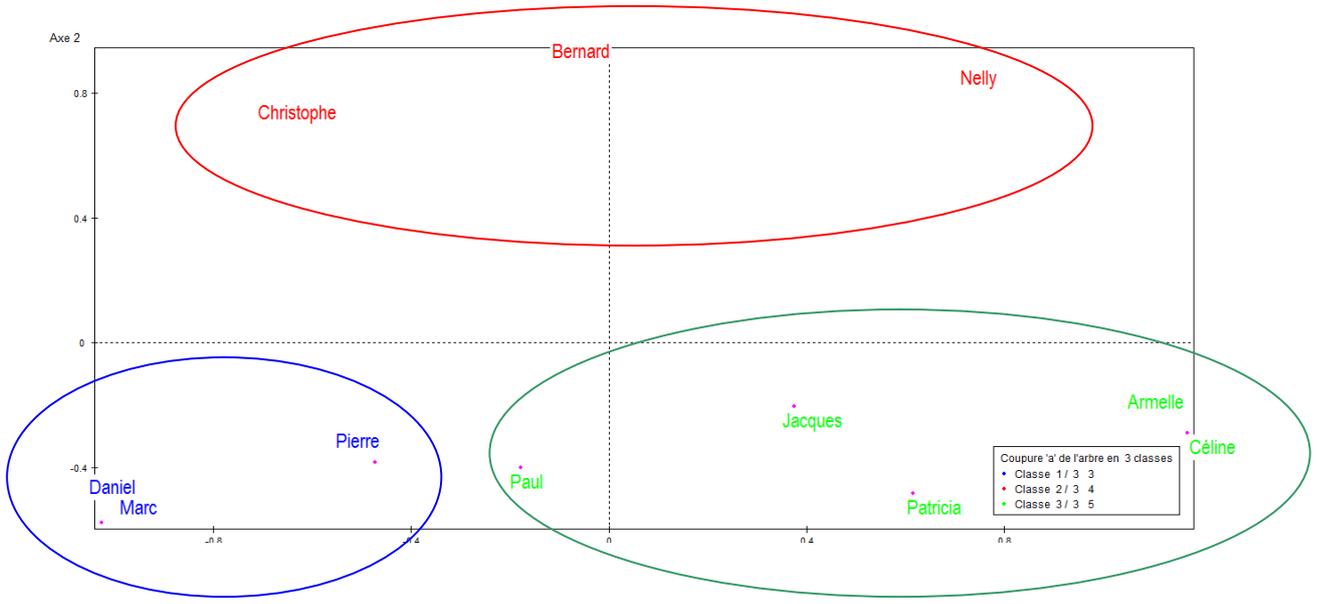
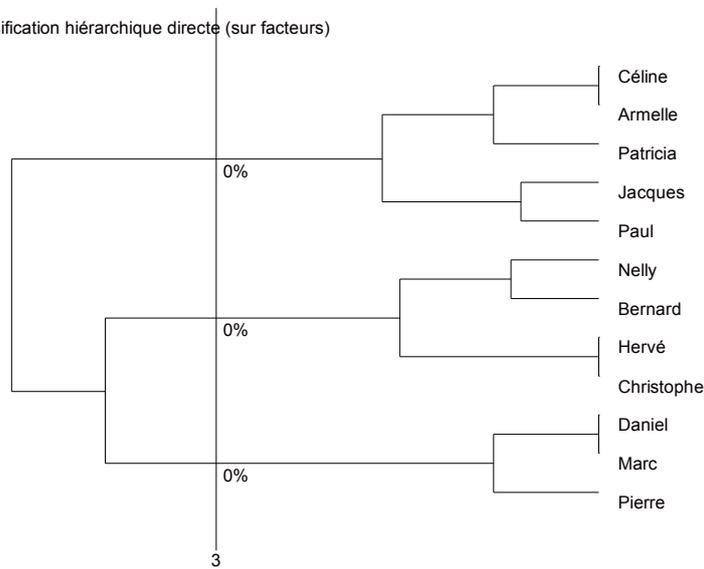
GENRE, AGE, COULEUR en variables nominales « active »
*TABAC*³¹ en variable nominale « illustrative »

³¹ Les variables et leurs modalités « illustratives » seront en *italique*
 Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

Graphe des modalités



Classification hiérarchique directe (sur facteurs)



| Cluster « bleu », 3 individus (25%) | Modalités caractéristiques | % de la modalité dans la classe | % de la modalité dans l'échantillon | Poids |
|-------------------------------------|----------------------------|---------------------------------|-------------------------------------|----------|
| AGE ³² | A3 | 100 | 25 | 3 |
| GENRE | homme | 100 | 67 | 8 |
| TABAC | <i>nonfumeur</i> | <i>67</i> | <i>42</i> | <i>5</i> |
| | | | | |
| TABAC | <i>fumeur</i> | <i>33</i> | <i>58</i> | <i>7</i> |
| AGE | A1 | 0 | 33 | 4 |
| GENRE | femme | 0 | 33 | 4 |
| AGE | A2 | 0 | 42 | 5 |

| Cluster « rouge », 4 ind. (33%) | Modalités caractéristiques | % de la modalité dans la classe | % de la modalité dans l'échantillon | Poids |
|---------------------------------|----------------------------|---------------------------------|-------------------------------------|----------|
| AGE | A1 | 100 | 33 | 4 |
| COULEUR | foncée | 50 | 50 | 6 |
| COULEUR | claire | 50 | 50 | 6 |
| GENRE | homme | 75 | 67 | 8 |
| TABAC | <i>nonfumeur</i> | <i>50</i> | <i>42</i> | <i>5</i> |
| | | | | |
| TABAC | <i>fumeur</i> | <i>50</i> | <i>58</i> | <i>7</i> |
| GENRE | femme | 25 | 33 | 4 |
| AGE | A3 | 0 | 25 | 3 |
| AGE | A2 | 0 | 42 | 5 |

| cluster « vert », 5 ind. 42% | Modalités caractéristiques | % de la modalité dans la classe | % de la modalité dans l'échantillon | Poids |
|------------------------------|----------------------------|---------------------------------|-------------------------------------|----------|
| AGE | A2 | 100 | 42 | 5 |
| GENRE | femme | 60 | 33 | 4 |
| TABAC | <i>fumeur</i> | <i>80</i> | <i>58</i> | <i>7</i> |
| | | | | |
| TABAC | <i>nonfumeur</i> | <i>20</i> | <i>42</i> | <i>5</i> |
| AGE | A3 | 0 | 25 | 3 |
| GENRE | homme | 40 | 67 | 8 |
| AGE | A1 | 0 | 33 | 4 |

³² Ecrire les modalités **sur-représentées** en gras,
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

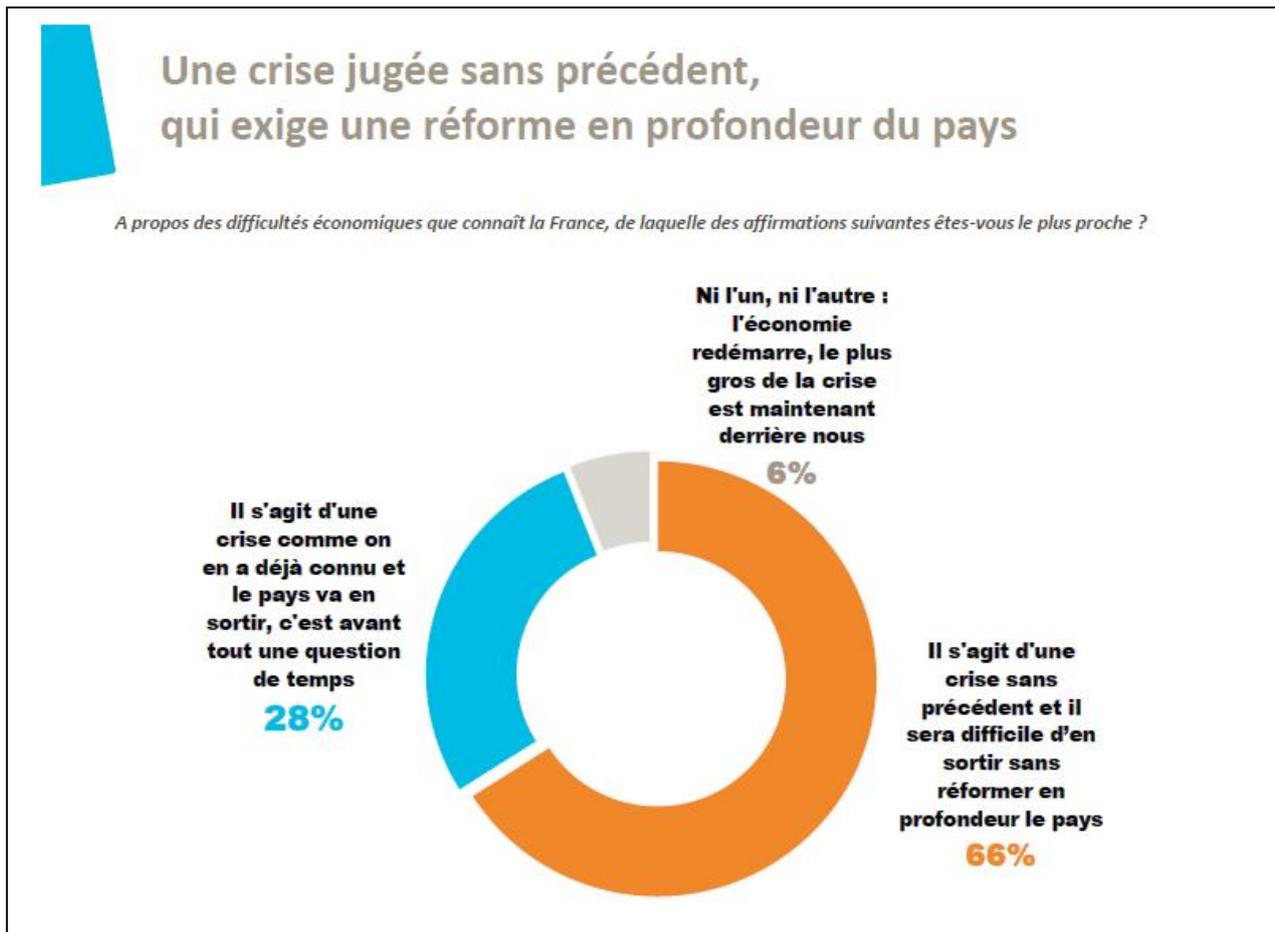
Un exemple de présentation « commerciale » de cette procédure :

Des extraits de

« Français, ce qui vous rassemble est-il plus fort que ce qui vous divise ? »

Les ateliers du CSA- Le Monde nov 2013

1- Classer , Compter, Comparer , Représentation graphique



2 – AFCM et CHA

Les 5 France

| | |
|---|-----|
| « La France du collectif » Elle croit au modèle social multi-culturaliste | 22% |
| « La France libérale traditionnelle » Attachée à l'effort et au mérite individuel | 25% |
| « La France amère » Elle se sent lésée et craint le déclassement social | 31% |
| « La France en parallèle » Elle compte avant tout sur elle-même et rejette le modèle | 15% |
| « La France absente » Elle n'y croit plus et n'attend rien | 7% |



Les ateliers CSA - Décembre 2013

29

« La France libérale traditionnelle » Attachée à l'effort et au mérite individuel *Le portrait*

25%



POSTURE « LOYALTY » : VOTENT MASSIVEMENT À LA PRÉSIDENTIELLE ET EXPRIMENT UNE PRÉFÉRENCE PARTISANE POUR DES PARTIS DE GOUVERNEMENT (ESSENTIELLEMENT DE DROITE)

ESTIMENT QUE LES POLITIQUES ONT LES MOYENS D'AGIR MÊME S'ILS NE PEUVENT INFLUER QU'À LA MARGE SUR LE COURS DES CHOSES



Les ateliers CSA - Décembre 2013

31

Une note pour l'OVIPAL : (à Philippe Breton ; Pascal Politanski, Bernard Schwengler)

.

Etude typologique des degrés d'attachement à la commune, au département, à la région, à la France, et à l'Europe déclarés par 715 habitants d'Alsace en 2004 à la SOFRES.

les données

715 répondants, habitant l'Alsace
fichier d'origine³³ :

| KIDEN | NUM | AGGLO | DEP | COM | ANNEE | Numero OIP | CATCOMM | nom de la r |
|------------|-------|---------------|----------------|-------|---------------|------------|---------------|-------------|
| Case n° 1 | 25 | Category n° 3 | Category n° 68 | 348 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 2 | reponse exa |
| Case n° 2 | 32 | Category n° 1 | Category n° 68 | 12 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 1 | reponse exa |
| Case n° 3 | 44 | Category n° 4 | Category n° 67 | 482 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 5 | reponse ine |
| Case n° 4 | 46 | Category n° 4 | Category n° 67 | 482 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 5 | reponse exa |
| Case n° 5 | 48 | Category n° 1 | Category n° 67 | 473 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 1 | reponse exa |
| Case n° 6 | 53 | Category n° 4 | Category n° 68 | 278 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 3 | reponse exa |
| Case n° 7 | 60 | Category n° 2 | Category n° 68 | 43 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 2 | reponse ine |
| Case n° 8 | 61 | Category n° 3 | Category n° 67 | 345 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 2 | reponse ine |
| Case n° 9 | 67 | Category n° 4 | Category n° 68 | 224 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 5 | reponse exa |
| Case n° 10 | 69 | Category n° 3 | Category n° 67 | 46 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 3 | reponse exa |
| Case n° 11 | 75 | Category n° 1 | Category n° 68 | 28 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 1 | reponse ine |
| Case n° 12 | 77 | Category n° 2 | Category n° 67 | 131 | Category n° 4 | Alsace | Category n° 2 | reponse exa |
| | | | | | | | | |

715 répondants, habitant l'Alsace

³³ Source du fichier : CDSP, Centre de Données Socio-politiques, Sciences-Po Paris, 2004
Stage URFIST .2 et 7 novembre 2016 Jean-Paul Villette

typologies des degrés d'attachement à la commune, au département, à la région (Alsace), à la France et à l'Europe. Une Analyse Factorielle suivie d'une Classification hiérarchique ascendante .

variables « actives » susceptibles d'être clivantes dans la détermination de « clusters » d'individus : les questions concernant l'attachement. Des individus qui ont à peu près les mêmes réponses à ces questions seront agrégés dans un même cluster.

Variables « illustratives » susceptibles d'être clivées, différenciées par les clusters : toutes les autres questions.
Tris à plat (715 individus)

| attachement Europe | Effectif | |
|---------------------|----------|-----|
| très attaché | 146 | 20% |
| plutôt attaché | 324 | 45% |
| pas très attaché | 173 | 24% |
| pas attaché du tout | 70 | 10% |
| NSP | 2 | 0% |

| attachement France | Effectif | |
|---------------------|----------|-----|
| très attaché | 383 | 54% |
| plutôt attaché | 264 | 37% |
| pas très attaché | 46 | 6% |
| pas attaché du tout | 22 | 3% |

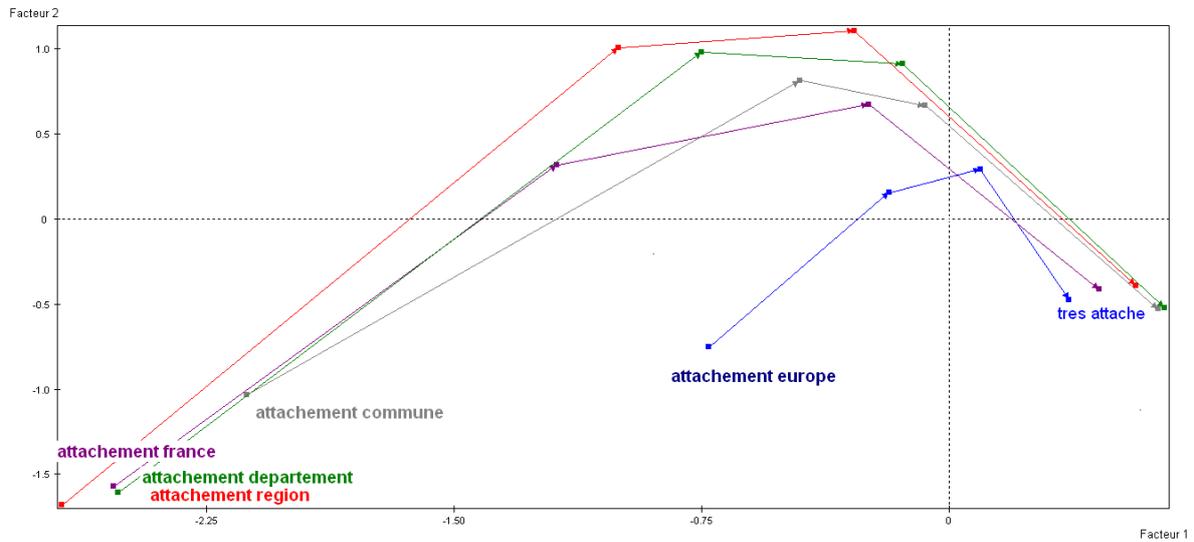
| attachement région | Effectif | |
|---------------------|----------|-----|
| très attaché | 431 | 60% |
| plutôt attaché | 174 | 24% |
| pas très attaché | 60 | 8% |
| pas attaché du tout | 50 | 7% |

| attachement département | Effectif | |
|-------------------------|----------|-----|
| très attaché | 358 | 50% |
| plutôt attaché | 220 | 31% |
| pas très attaché | 80 | 11% |
| pas attaché du tout | 57 | 8% |

| attachement commune | Effectif | |
|---------------------|----------|-----|
| très attaché | 316 | 44% |
| plutôt attaché | 237 | 33% |
| pas très attaché | 95 | 13% |
| pas attaché du tout | 66 | 9% |
| NSP | 1 | 0% |

C'est l'attachement à la France qui est le plus fort (91% de plutôt ou très attaché)

AFCM (les variables sont ordinales) : un graphique d'une grande clarté



Le graphique est d'une grande clarté : plus le degré d'attachement à une collectivité est élevé, plus les degrés élevés aux autres collectivités sont fréquents. C'est nettement moins vrai pour l'attachement à l'Europe.

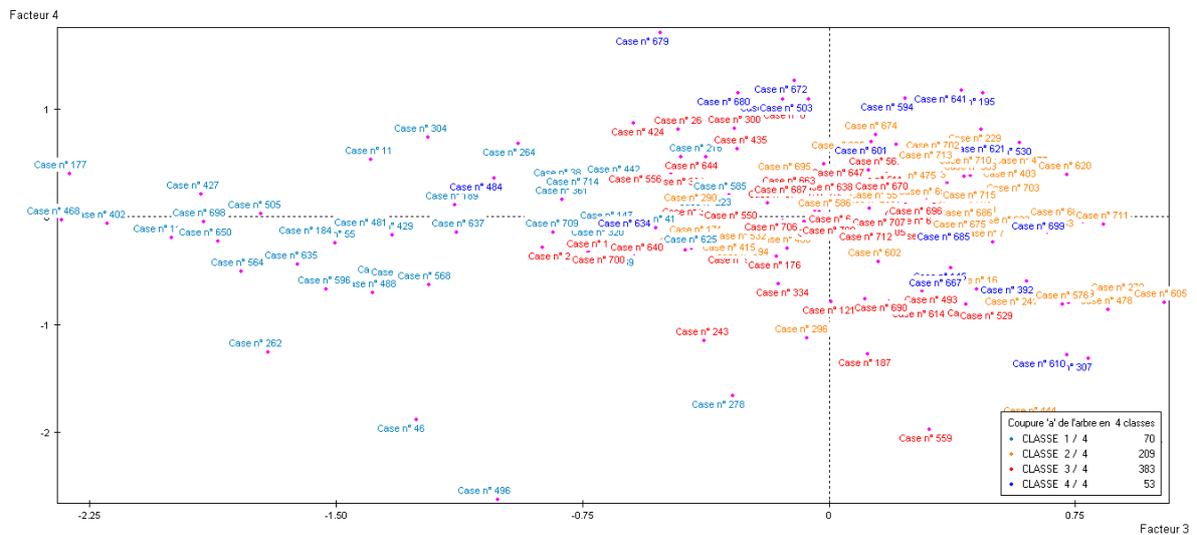
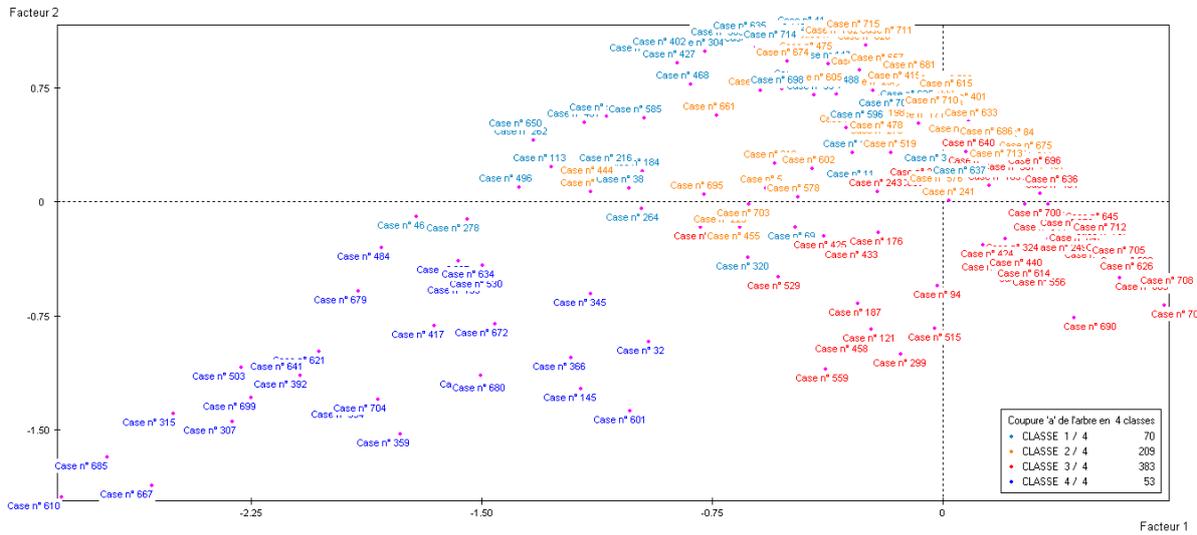
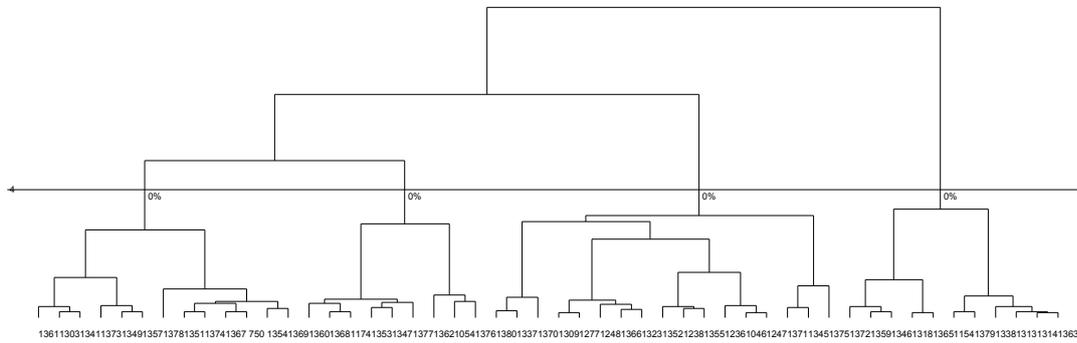
En particuliers, ceux qui sont « pas du tout » ou « pas très » attachés au département :

| attachement région | Effectif | % / Total |
|---------------------|----------|-----------|
| très attaché | 15 | 11 |
| plutôt attaché | 21 | 15 |
| pas très attaché | 52 | 38 |
| pas attaché du tout | 49 | 36 |
| Total | 137 | 100 |

ne sont pas attachés à la région non plus, très majoritairement (à 74%)

Spad suggère 4 « clusters » d'individus intra-homogènes extra-hétérogènes (des individus d'un même cluster ont à peu près les mêmes degrés d'attachements.

Classification hiérarchique directe



Quatre clusters d'individus : les « pas du tout », les « pas », les « plutôt » et les « très »

| Les « pas du tout » 53 individus (7%) | Modalités caractéristiques | % dans le cluster | % dans l'échantillon | nombre de réponses |
|--|----------------------------|-------------------|----------------------|--------------------|
| attachement département | pas attaché du tout | 96 | 8 | 57 |
| attachement région | pas attaché du tout | 87 | 7 | 50 |
| attachement commune | pas attaché du tout | 74 | 9 | 66 |
| attachement France | pas attaché du tout | 25 | 3 | 22 |
| attachement Europe | pas attaché du tout | 30 | 10 | 70 |
| attachement France | pas très attaché | 19 | 6 | 46 |

| Les « pas », 70 individus (10%) | Modalités caractéristiques | % dans le cluster | % dans l'échantillon | nombre de réponses |
|----------------------------------|----------------------------|-------------------|----------------------|--------------------|
| attachement département | pas très attaché | 91 | 11 | 80 |
| attachement région | pas très attaché | 79 | 8 | 60 |
| attachement commune | pas très attaché | 46 | 13 | 95 |
| attachement France | pas très attaché | 24 | 6 | 46 |

| Les « plutôt », 209 individus (29%) | Modalités caractéristiques | % dans le cluster | % dans l'échantillon | nombre de réponses |
|--------------------------------------|----------------------------|-------------------|----------------------|--------------------|
| attachement département | plutot attaché | 89 | 31 | 220 |
| attachement région | plutot attaché | 77 | 24 | 174 |
| attachement France | plutot attaché | 67 | 37 | 264 |
| attachement commune | plutot attaché | 60 | 33 | 237 |
| attachement Europe | plutot attaché | 57 | 45 | 324 |

| Les « très », 383 individus (54%) | Modalités caractéristiques | % dans le cluster | % dans l'échantillon | nombre de réponses |
|-----------------------------------|----------------------------|-------------------|----------------------|--------------------|
| attachement département | très attaché | 91 | 50 | 358 |
| attachement région | très attaché | 98 | 60 | 431 |
| attachement commune | très attaché | 71 | 44 | 316 |
| attachement France | très attaché | 76 | 54 | 383 |
| attachement Europe | très attaché | 26 | 20 | 146 |

La question « attachement au département » est la plus clivante.

Caractéristiques et réponses sur-représentées dans les clusters :

| les "pas du tout", 53 individus (7%) | Modalités caractéristiques | % de la modalité dans la classe | % de la modalité dans l'échantillon | nombre de réponses |
|---|----------------------------|---------------------------------|-------------------------------------|--------------------|
| attachement département | pas attaché du tout | 96 | 8 | 57 |
| attachement région | pas attaché du tout | 87 | 7 | 50 |
| attachement commune | pas attaché du tout | 74 | 9 | 66 |
| le sentiment de citoyenneté régionale | jamais | 49 | 9 | 65 |
| attachement France | pas attaché du tout | 25 | 3 | 22 |
| religion | sans religion | 40 | 10 | 69 |
| pratique religieuse | *Réponse manquante* | 40 | 10 | 71 |
| agréable a habiter | s applique mal | 30 | 8 | 54 |
| attachement Europe | pas attaché du tout | 30 | 10 | 70 |
| inscription sur les listes électorales | non | 30 | 12 | 84 |
| activité de la personne interrogée | Etudiant | 21 | 7 | 47 |
| profession de la personne interrogée | *Réponse manquante* | 21 | 7 | 47 |
| niveau diplôme | *Réponse manquante* | 21 | 7 | 47 |
| inégalités de développement dans la région | oui beaucoup | 38 | 19 | 135 |
| identification des politiques conduites par la gauche et la | pas différentes du t | 23 | 8 | 60 |
| le sentiment de citoyenneté régionale | pas très souvent | 28 | 12 | 89 |
| attachement France | pas très attaché | 19 | 6 | 46 |
| le sentiment de citoyenneté française | jamais | 11 | 3 | 18 |
| plutôt préservée de la pollution | s applique mal | 83 | 64 | 455 |
| profession du chef de famille | Cadres sup | 11 | 3 | 21 |
| indépendant, salarié | *Réponse manquante* | 23 | 10 | 73 |
| AGE5 | 18-24 ANS | 25 | 12 | 86 |
| optimisme avenir Europe | TAF pessimiste | 19 | 8 | 59 |
| image du projet du CR | mauvaise direction | 17 | 7 | 50 |

| les "pas", 70 individus (10%) | Modalités caractéristiques | % de la modalité dans la classe | % de la modalité dans l'échantillon | nombre de réponses |
|--|----------------------------|---------------------------------|-------------------------------------|--------------------|
| attachement département | pas très attaché | 91 | 11 | 80 |
| attachement région | pas très attaché | 79 | 8 | 60 |
| attachement commune | pas très attaché | 46 | 13 | 95 |
| attachement France | pas très attaché | 24 | 6 | 46 |
| <i>plutôt dynamique</i> | <i>s applique mal</i> | 27 | 10 | 70 |
| <i>le sentiment de citoyenneté régionale</i> | <i>jamais</i> | 26 | 9 | 65 |
| <i>agréable a habiter</i> | <i>s applique mal</i> | 21 | 8 | 54 |
| <i>le sentiment de citoyenneté régionale</i> | <i>pas très souvent</i> | 26 | 12 | 89 |
| <i>niveau diplôme</i> | <i>Diplôme sup</i> | 29 | 15 | 110 |
| <i>profession de la personne interrogée</i> | <i>Professeurs</i> | 10 | 3 | 21 |
| <i>image du projet du CR</i> | <i>*Réponse manquante*</i> | 34 | 21 | 147 |
| <i>auto positionnement sur échelle gauche droite</i> | <i>à gauche</i> | 29 | 17 | 122 |
| <i>appréciation élargissement ue pour la France</i> | <i>une bonne chose</i> | 67 | 53 | 381 |

| les "plutot", 209 individus (29%) | Modalités caractéristiques | % de la modalité dans la classe | % de la modalité dans l'échantillon | nombre de réponses |
|---|-----------------------------|---------------------------------|-------------------------------------|--------------------|
| attachement département | plutot attaché | 89 | 31 | 220 |
| attachement région | plutot attaché | 77 | 24 | 174 |
| attachement France | plutot attaché | 67 | 37 | 264 |
| attachement commune | plutot attaché | 60 | 33 | 237 |
| le sentiment de citoyenneté régionale | assez souvent | 41 | 26 | 185 |
| attachement Europe | plutot attaché | 57 | 45 | 324 |
| <i>auto positionnement sur echelle gauche droite</i> | <i>au centre gauche</i> | 16 | 10 | 75 |
| <i>le sentiment de citoyenneté française</i> | <i>assez souvent</i> | 44 | 36 | 254 |
| <i>le sentiment de citoyenneté régionale</i> | <i>pas très souvent</i> | 18 | 12 | 89 |
| <i>optimisme avenir Région</i> | <i>plutôt optimiste</i> | 67 | 59 | 421 |
| <i>AGE5</i> | <i>25-34ANS</i> | 26 | 20 | 143 |
| <i>la participation a des reunions concernant la région</i> | <i>vous n avez pas le t</i> | 14 | 10 | 68 |
| <i>activite chef de famille</i> | <i>Temps complet</i> | 31 | 25 | 178 |

| les "très", 383 individus (54%) | Modalités caractéristiques | % de la modalité dans la classe | % de la modalité dans l'échantillon | nombre de réponses |
|---|----------------------------|---------------------------------|-------------------------------------|--------------------|
| attachement département | très attaché | 91 | 50 | 358 |
| attachement région | très attaché | 98 | 60 | 431 |
| attachement commune | très attaché | 71 | 44 | 316 |
| attachement France | très attaché | 76 | 54 | 383 |
| <i>le sentiment de citoyenneté régionale</i> | <i>très souvent</i> | 74 | 53 | 376 |
| <i>AGE5</i> | <i>65 ET PLUS</i> | 25 | 18 | 132 |
| <i>image du projet du CR</i> | <i>bonne direction</i> | 76 | 68 | 485 |
| <i>agréable à habiter</i> | <i>s applique bien</i> | 97 | 92 | 661 |
| <i>auto positionnement sur échelle gauche droite</i> | <i>a droite</i> | 21 | 15 | 110 |
| <i>activité de la personne interrogée</i> | <i>Retraite</i> | 28 | 22 | 158 |
| <i>le sentiment de citoyenneté française</i> | <i>très souvent</i> | 59 | 51 | 367 |
| attachement Europe | très attaché | 26 | 20 | 146 |
| <i>activité chef de famille</i> | <i>Retraite</i> | 13 | 9 | 67 |
| <i>proximité partisane détaillée</i> | <i>UDF</i> | 18 | 14 | 97 |
| <i>élections régionales de mars 2004: changement président CR</i> | <i>oui</i> | 23 | 18 | 132 |
| <i>AGE5</i> | <i>50-64AN</i> | 25 | 20 | 141 |
| <i>satisfaction de l'information sur activité du CR</i> | <i>plutôt bien</i> | 57 | 51 | 365 |
| <i>niveau diplôme</i> | <i>Primaire</i> | 13 | 10 | 70 |
| <i>religion</i> | <i>catholique</i> | 75 | 70 | 499 |
| <i>pratique religieuse</i> | <i>une fois par mois</i> | 21 | 17 | 123 |
| <i>satisfaction de l'information sur activité du CR</i> | <i>très bien</i> | 11 | 8 | 60 |
| <i>le rôle à jouer dans la vie politique de la région</i> | <i>oui tout a fait</i> | 9 | 7 | 48 |
| <i>projet du CR pour la région</i> | <i>oui</i> | 83 | 79 | 568 |
| <i>proximité partisane détaillée</i> | <i>UMP</i> | 17 | 14 | 103 |
| <i>indépendant, salarié</i> | <i>Employeur</i> | 4 | 3 | 18 |

Post-it d'un statisticien benêt :

- des habitants d'Alsace « très attaché » ou « plutôt attaché » à la Région Alsace (Région [#]) et « pas très » ou « pas attachés du tout » au département (département _b), il y en a très peu (5%).

| | département [#] | département _b | |
|---------------------|--------------------------|--------------------------|------|
| région [#] | 80% | 5% | 85% |
| région _b | 1% | 14% | 15% |
| | 81% | 19% | 100% |

- des habitants région-phaïles, département-phobes, plutôt francophobes et europhiles , il n'y en extrêmement peu.

I. LE CLIMAT D'OPINION.
 Q2. Diriez-vous que vous êtes tout à fait optimiste, plutôt optimiste, plutôt pessimiste, ou tout à fait pessimiste en ce qui concerne (depuis 1985) :
 Tout à fait Plutôt Plutôt Tout NSP fait opti- opti- pessi- à fait miste miste miste pessimiste

1. votre propre avenir.....1 2 3 4 5 (41)
 2. l'avenir de votre région.....1 2 3 4 5 (42)
 3. l'avenir de la France.....1 2 3 4 5 (43)
 4. l'avenir de l'Europe.....1 2 3 4 5 (44)

II. LES REPRESENTATIONS DE LA REGION.
 Q1. La France est organisée en une vingtaine de régions qui regroupent chacune plusieurs départements. Quel est le nom de la région dans laquelle vous habitez ? (Enquêteur, ne rien suggérer, la réponse exacte est (1985 à 2001)
 - réponse exacte.....1
 - réponse inexacte (Noter en clair)
 [.....].....2
 - NSP.....3 (30)

Q6. Pouvez-vous me dire si vous êtes très attaché, plutôt attaché, pas très attaché ou pas attaché du tout à : (2001)
 Très Plutôt Pas Pas NSP attaché attaché très attaché attaché du tout

1- l'Europe.....1 2 3 4 5 (53)
 2- la France.....1 2 3 4 5 (54)
 3-(nom de la région)1 2 3 4 5 (55)
 4- votre département.....1 2 3 4 5 (56)
 5- la ville ou la commune où vous habitez.....1 2 3 4 5 (57)

Observatoire interRégional du politique **OIP 3**

Remarque : 107 répondants sur 715 soit 15% ignorent qu'ils habitent dans la région Alsace, ce qui n'empêche pas d'y être très attachés, bien au contraire :

En ligne nom de la région
 En colonne attachement région

| Effectifs | très attaché | plutôt attaché | pas très attaché | pas attaché du tout | ENSEMBLE |
|------------------|--------------|----------------|------------------|---------------------|----------|
| réponse exacte | 354 | 153 | 55 | 46 | 608 |
| réponse inexacte | 77 | 21 | 5 | 4 | 107 |
| ENSEMBLE | 431 | 174 | 60 | 50 | 715 |

| Effectifs | très attaché | plutôt attaché | pas très attaché | pas attaché du tout | ENSEMBLE |
|------------------|--------------|----------------|------------------|---------------------|----------|
| réponse exacte | 58% | 25% | 9% | 8% | 100% |
| réponse inexacte | 72% | 20% | 5% | 4% | 100% |
| ENSEMBLE | 60% | 24% | 8% | 7% | 100% |